

SECRETARIA DA EDUCAÇÃO E SAÚDE PÚBLICA DO ESTADO DE S. PAULO

# EDUCAÇÃO

ÓRGÃO DO DEPARTAMENTO DE EDUCAÇÃO

JANEIRO A JUNHO  
DE  
1945

VOLUME XXXIII

Nos. 46 e 47

SÃO PAULO - BRASIL

# EDUCAÇÃO

ÓRGÃO DO DEPARTAMENTO DE EDUCAÇÃO

Registrado no D. I. sob n.º 11.418

Diretor: SUD MENNUCCI

REDATOR-CHEFE — JOSÉ CLOZEL

REDADORES

HERNAUDINO M. ROCHA — LUIZ DE ALMEIDA

VOLUME XXXIII

JANEIRO A JUNHO  
DE  
1945

N.ºs 46 e 47

1946

SÃO PAULO



# PROBLEMAS

JERSEY DE CASTRO

(Professora do Grupo Escolar  
"Godofredo Furtado", de S. Paulo)

Qual a marcha a seguir e quais os passos do ensino de problemas?  
Como proceder em cada passo? Solução gráfica de problemas de 2.º ano.

Depois de feita a escolha do problema que deve atender a princípios de utilidade, motivação e relação com a vida real, etc., deve-se observar, para a solução do mesmo, a seguinte marcha, constituída de quatro passos, a saber:

1.º passo — compreender as condições ou natureza do problema, e para isso:

a) ler o problema ou fazer com que vários alunos o leiam. (É necessário uma leitura com entonação justa e precisa de voz).

b) analisar o problema destacando a pergunta dos dados. (Aqui convém chamar a atenção da classe dizendo que os dados formam uma pequena história que não se conta inteira, e que a pergunta é feita para se procurar o resto da história contada. Deve-se dar, no início, problemas com a pergunta separada dos dados e após os mesmos, e fazer com que uns alunos leiam somente os dados e outros, a pergunta. Mais tarde, variar-se-á, apresentando problemas iniciados pela pergunta, com a pergunta intercalada, etc.)

d) discutir a incógnita também por meio de perguntas — o que não contei da história? o que você não sabe? o que é preciso procurar para ficar sabendo a história toda?

Terminada a análise indutiva do problema, segue-se o

2.º passo — que é imaginar a solução e armar a indicação.

Neste passo deve-se deixar que o aluno ponha em ação sua iniciativa e capacidade criadora, e por meio de perguntas, levar a criança a fazer deduções parciais até à conclusão total. A medida que o aluno raciocina, vai fazendo a indicação do problema. Neste passo surge qualquer dos métodos para a solução dos problemas: o



analítico — quer seja reduzindo à unidade, ou analisando abreviadamente pelas aliquotas (deixando à escolha do aluno) e o gráfico, podendo ser por meio de desenhos ou diagramas. É preciso notar porém, que a solução gráfica não dispensa o método analítico, em qualquer das suas modalidades. A professora, em certos problemas, pode indicar este ou aquele caminho.

Depois de feita a indicação, segue-se o

3.<sup>o</sup> passo — que é executar o plano realizado, fazendo as operações.

Vem em seguida o

4.<sup>o</sup> passo — que é a verificação da solução, tirando a prova do problema, o que consiste em substituir, no problema resolvido, a incógnita, pelo dado encontrado, e transformar qualquer outro dado, em incógnita. Verificar a solução, é de grande utilidade e valor, pois surgem novas modalidades do problema, cuja solução vai ajudando a dar maior clareza e rapidez ao raciocínio do aluno, que é obrigado a pensar no problema em outras condições.

*Problemas resolvidos graficamente* — Há uma grande vantagem nessa maneira de resolver problemas, pois é o meio mais objetivo ao alcance do professor para fazer com que a classe "veja" a solução procurada.

Nos três problemas abaixo, foram reunidos todos os raciocínios que podem apresentar os problemas de 2.<sup>o</sup> ano, para esta solução gráfica. Os mesmos problemas desdobrados em vários outros de uma e duas operações podem servir para o começo do ano que requer problemas de raciocínio simples.

1.<sup>o</sup> PROBLEMA — Por quanto fica um bolo que precisa de 1 dúzia e meia de ovos a Cr.\$ 0,30 cada ovo, de 2 quilos e meio de açúcar a Cr.\$ 2,60 o quilo, e de outros ingredientes no valor de Cr.\$ 7,00?

*Solução* — No bolo entram 3 elementos: ovos, açúcar e outros ingredientes. Procuremos o que se gastou com cada elemento e, depois, juntemos todos os gastos, que teremos o preço do bolo.



*Resposta* — Efetuadas as operações teremos Cr.\$ 18,90, que é o preço do bolo.

*Verificação da solução:* Um bolo ficou em Cr.\$ 18,90; sabendo-se que se gastou em ovos Cr.\$ 5,40 e em açúcar Cr.\$ 6,50, qual foi a despesa com outros ingredientes? E com os ovos? E com o açúcar?

$$\begin{array}{r|c|c|c|} \text{Bolo} & = & \text{ovos} & + \text{açúcar} & + \text{ingredientes} \\ \hline \text{Cr. \$ 18,90} & = & \text{Cr. \$ 5,40} & + \text{Cr. \$ 6,50} & + \text{Cr. \$ 7,00} \end{array}$$

$$\begin{array}{r|c|c|c|} \text{Bolo} & = & \text{ovos} & + \text{açúcar} & + \text{ingredientes} \\ \hline \text{Cr. \$ 18,90} & = & \text{Cr. \$ 5,40} & + \text{Cr. \$ 6,50} & + \text{?} \\ \text{Ingredientes} & = & \text{Bolo} & - \text{ovos} & + \text{açúcar} \end{array}$$

$$\begin{array}{r|c|c|c|} \text{Bolo} & = & \text{ovos} & + \text{açúcar} & + \text{ingredientes} \\ \hline \text{Cr. \$ 18,90} & = & \text{?} & + \text{Cr. \$ 6,50} & + \text{Cr. \$ 7,00} \\ \text{Ovos} & = & \text{Bolo} & - \text{açúcar} & + \text{ingredientes} \end{array}$$

$$\begin{array}{r|c|c|c|} \text{Bolo} & = & \text{ovos} & + \text{açúcar} & + \text{ingredientes} \\ \hline \text{Cr. \$ 18,90} & = & \text{Cr. \$ 5,40} & + \text{?} & + \text{Cr. \$ 7,00} \\ \text{Açúcar} & = & \text{Bolo} & - \text{ovos} & + \text{ingredientes} \end{array}$$

$$\text{Ingredientes} = \text{Cr. \$ 18,90} - | \text{Cr. \$ 5,40} + \text{Cr. \$ 6,50} |$$

$$\text{Ovos} = \text{Cr. \$ 18,90} - | \text{Cr. \$ 6,50} + \text{Cr. \$ 7,00} |$$

$$\text{Açúcar} = \text{Cr. \$ 18,90} - | \text{Cr. \$ 5,40} + \text{Cr. \$ 7,00} |$$

Quantos ovos levou o bolo, quantos quilos de açúcar, etc. são outros tantos problemas que poderão ser feitos para a verificação.

**2.º PROBLEMA** — Se uma menina tem Cr.\$ 1,80 e quiser comprar doces, quantos poderá comprar se a dúzia custa Cr.\$ 3,60?

*Solução:* Para saber quantos doces a menina poderá comprar com o dinheiro que tem, é necessário saber quanto custa um doce. Ora, para se obter o preço de um doce, basta dividir Cr.\$ 3,60 que é o preço de uma dúzia por 12 (porque uma dúzia são doze doces). Logo, um doce custa:

$$\begin{array}{c} \text{Cr. \$ 3,60} \div 12 = \text{Cr. \$ 0,30} \\ \hline \square \quad \square \quad \square \quad \square \quad \square \quad \square \quad \square \quad \square \quad \square \quad \square \quad \square \quad \square \end{array}$$

$$| \text{Cr. \$ 3,60} \div 12 | = \text{Cr. \$ 0,30}$$

$$\begin{array}{r} \text{Cr. \$ 0,30} \\ \square \end{array}$$



Se a menina tem Cr.\$ 1,80 e um doce custa Cr.\$ 0,30, vamos procurar em Cr.\$ 1,80 quantos Cr.\$ 0,30 há; quantos houver são tantos os doces que a menina poderá comprar.

$$\frac{\text{Cr. \$ 1,80} \div \text{Cr. \$ 0,30} = 6}{\square \quad \square \quad \square \quad \square \quad \square \quad \square} \quad 6 \text{ doces}$$

$$| \text{Cr. \$ 1,80} \div \text{Cr. \$ 0,30} | = 6$$

Analisando-se de outra maneira o problema, vemos que o dinheiro que a menina tem é a metade do custo da dúzia de doces, logo, se Cr.\$ 3,60 é o preço de uma dúzia, com Cr.\$ 1,80 a menina poderá comprar a metade dos doces, isto é, meia dúzia.

$$\frac{\text{Cr. \$ 1,80} \quad + \quad \text{Cr. \$ 1,80} \quad = \quad \text{Cr. \$ 3,60}}{\square \quad \square \quad \square \quad \square \quad \square \quad \square}$$

$$| 12 \div 2 | = 6$$

*Indicação pela redução à unidade:*

$$\text{Cr. \$ 1,80} \div | \text{Cr. \$ 3,60} \div 12 | = \text{Resposta}$$

*Indicação pela análise abreviada ou partes alíquotas:*

$$| 12 \div 2 | = \text{Resposta}$$

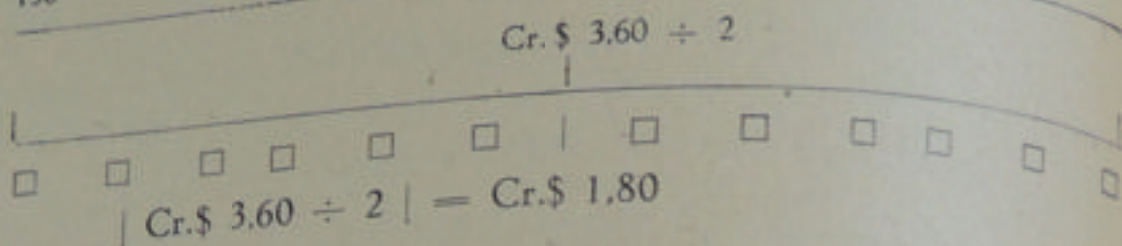
**Resposta** — Efetuadas as operações teremos a resposta: 6 doces.

*Verificação da solução* — Com Cr.\$ 1,80 uma menina pode comprar 6 doces, qual é o preço de 1 dúzia?

$$\frac{\text{Cr. \$ 1,80} \quad \quad \quad \text{Cr. \$ 1,80}}{\square \quad \square \quad \square \quad \square \quad \square \quad \square \quad \square \quad \square \quad \square \quad \square}$$

$$| \text{Cr. \$ 1,80} \times 2 | = \text{Cr. \$ 3,60}$$

Se 1 dúzia de doces custa Cr.\$ 3,60 e uma menina pode comprar 6, que importância tem ela?



3.º PROBLEMA — Alice quer comprar 3 melancias e só tem Cr.\$ 5,00; se a quitandeira vende a Cr.\$ 0,70 cada quarto de melancia, quanto lhe falta?

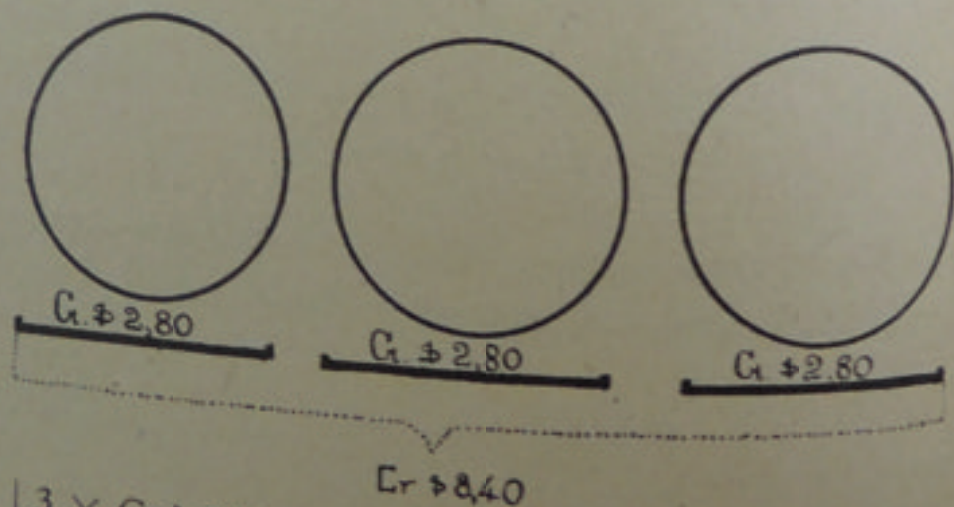
Solução — Se Alice quer comprar melancias, deve primeiro saber o preço de cada melancia, depois o preço de 3, para enfim saber quanto lhe falta. Ora se um quarto de melancia custa Cr.\$ 0,70, uma melancia inteira que são quatro quartos tem que custar:

Cr. \$ 2,80



$| 4 \times \text{Cr. \$ } 0,70 | = \text{Cr. \$ } 2,80$

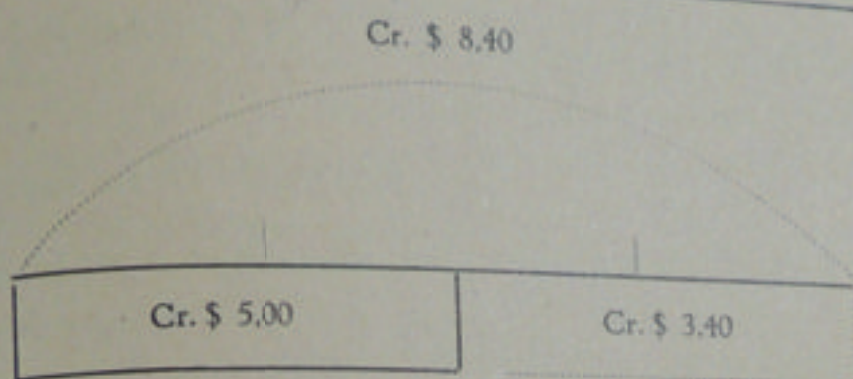
Se Alice quer comprar 3 melancias, deverá gastar 3 vezes o preço de uma melancia.



$| 3 \times \text{Cr. \$ } 2,80 | = \text{Cr. \$ } 8,40$

Se ela tem apenas Cr.\$ 5,00 e as melancias custam mais que isso, isto é, Cr.\$ 8,40, falta-lhe o que é preciso para completar Cr \$ 8,40, logo:



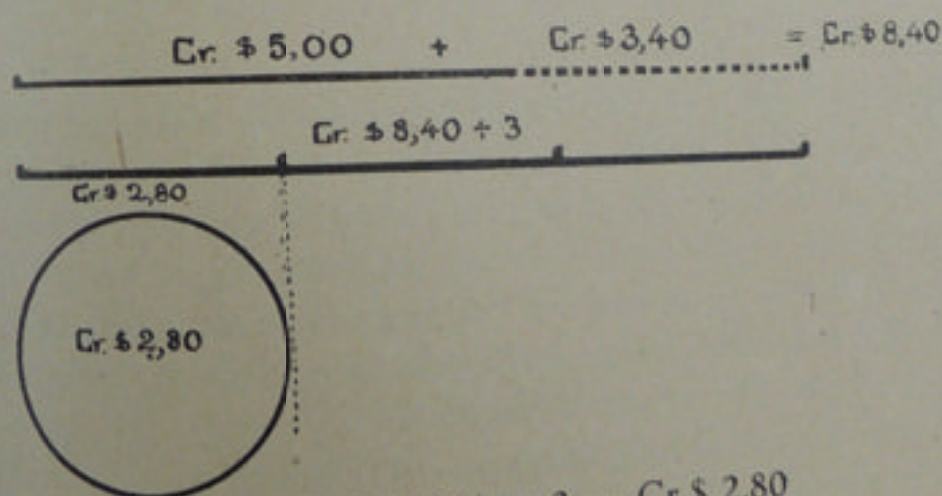


$$Cr. \$ 8,40 - Cr. \$ 5,00 = Cr. \$ 3,40$$

Indicação:  $4 \times Cr. \$ 0,70 \times 3 = Cr. \$ 8,40$  —  $Cr. \$ 5,00 =$  Resposta

Resposta: Efetuadas as operações vemos que falta a Alice a importância de Cr. \$ 3,40.

Verificação da solução. Se Alice tem Cr. \$ 5,00 para comprar 3 melancias e lhe faltam ainda Cr. \$ 3,40, qual é o preço de 1 melancia?



$$(Cr. \$ 5,00 + Cr. \$ 3,40) \div 3 = Cr. \$ 2,80$$

Se 3 melancias custam Cr. \$ 8,40 e faltam Cr. \$ 3,40 para Alice poder comprá-las, que importância possui ela?

$$Cr. \$ 8,40 - Cr. \$ 3,40 = Cr. \$ 5,00$$

Nos muitos anos que tenho lecionado classes de 2.º ano, colhi ótimos resultados com esta maneira de ensinar problemas, fato que me anima à publicação deste pequeno trabalho.

\* \* \*