

**NOÇÕES
DE
ARITHMETICA**

para as
Aulas Elementares

por
R. HEUER

3.^a parte

Systema metrico. Numeros complexos e incomplexos.
Fracções ordinarias e decimais.



Officinas Graphicas de Rotermund & Co., S. Leopoldo e Cruz Alta.

Saone Falger.

NOÇÕES
DE
ARITHMETICA

para as
Aulas Elementares

por

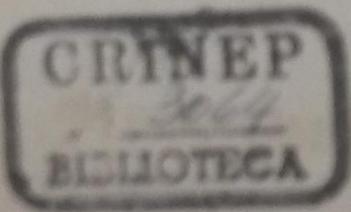
R. HEUER

3.^a parte

**Systema metrico. Numeros complexos e incomplexos.
Fracções ordinarias e decimais.**



Officinas Graphicas de Rotermund & Co., S. Leopoldo e Cruz Alta,



1965
10.3.72

Capitulo I.

Medidas e pesos. Sistema metrico

Medidas de comprimento.

A unidade fundamental das medidas de comprimento é o metro. Metro significa medida. Um metro é a decima millionesima parte da distancia do polo terrestre ao equador. Um fio de 10 000 000 metros de comprimento poderia ligar o polo terrestre ao equador.

O metro divide-se em 10 partes. Cada uma destas dez partes chama-se decimetro.

O decimetro divide-se outra vez em 10 partes, chamando-se cada parte centimetro.

O centimetro divide-se tambem em 10 partes, cada uma parte chama-se millimetro.

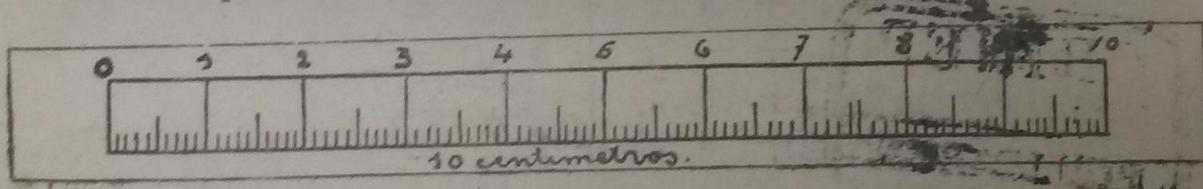
Vemos então que para formar as medidas inferiores ou os submultiplos de um metro servem as palavras:

deci
centi
milli

Deci significa „a decima parte“; por conseguinte decimetro quer dizer: a decima parte de um metro.

Centi significa „a centesima parte“, por conseguinte quer dizer a centesima parte de um metro.

Milli significa „a millesima parte“, por conseguinte milimetro quer dizer a millesima parte de um metro.



A abreviatura do metro é um „m“.

A abreviatura dos submultiplos é composta de duas letras minusculas, a saber

dm = decímetro

cm = centímetro

mm = milímetro

$$1 \text{ m} = 10 \text{ dm}$$

$$1 \text{ dm} = 10 \text{ cm}$$

$$1 \text{ cm} = 10 \text{ mm}$$

$$1 \text{ m} = 100 \text{ cm}$$

$$1 \text{ m} = 1000 \text{ mm}$$

Exercícios.

1) $1 \text{ m} = 100 \text{ cm}$

3

5

7

9

6

8

4

2) $1 \text{ m} + 3 \text{ cm} = 103 \text{ cm}$

7 + 8

3 + 25

9 + 65

2 + 99

4 + 73

8 + 5

6 + 1

3) $1 \text{ m} = 1000 \text{ mm}$

3

5

7

9

8

4) $7 \text{ m} + 5 \text{ mm} = 7005 \text{ mm}$

9 + 10

8 + 9

3 + 5

5 + 3

6 + 2

5) $1 \text{ m} + 75 \text{ cm} + 8 \text{ mm} = 1758 \text{ mm}$

3 n + 39 n + 2 n =

5 n + 28 n + 1 n =

9 n + 3 n + 9 n =

7 n + 10 n + 7 n =

2 n + 1 n + 2 n =

4 n + — n + 3 n =

8 n + 99 n + — n =

6 n + 6 n + 1 n =

6) 975 cm = 9 m 75 cm

731 " =

572 " =

393 " =

824 " =

645 " =

467 " =

289 " =

7) 301 cm = 3 m 1 cm

305 " =

710 " =

500 " =

402 " =

903 " =

808 " =

210 " =

8) 9876 mm = 9 m 87 cm 6 mm

7714 " =

5620 " =

9) 9005 mm = 9 m 00 cm 5 mm

3535 " =

7001 "

1440 " =

4100 "

2353 " =

5030 "

4260 " =

7021 "

6170 " =

6040 "

8000 "

7101 "

Para indicar o metro e suas partes inferiores pode servir tambem uma virgula. Põe-se a virgula á direita do algarismo que representa os metros, e os submultiplos collocam-se á direita da virgula, sendo o primeiro algarismo a casa dos decimetros, o segundo algarismo a casa dos centimetros e o terceiro algarismo a casa dos millimetros.

Nunca se exprimem os comprimentos em decimetros, sempre se usa do „centimetro e millimetro“.

3 m 75 cm = 3^m,75

3 m 5 cm = 3^m,05

6 m 75 cm 5 mm = 6^m,755

1) 5 m 58 cm = 5^m,58

9 " 3 " =

7 " 79 " =

8 " 48 " =

1 " 5 " =

6 " 6 " =

4 " 70 " =

3 " 1 " =

2) 9 m 35 cm 6 mm = 9^m,356

8 " 19 " 3 " =

7 " 28 " 5 " =

6 " 37 " 7 " =

5 " 46 " 8 " =

4 " 55 " 9 " =

3 " 64 " 6 " =

2 " 73 " 3 " =

3) $0 \text{ m } 05 \text{ cm } 4 \text{ mm} = ^{\text{m}}, 054 \text{ } 0^{\text{m}}, 054$

5 " 1 " 0 "
0 " 30 " 5 "
4 " 00 " 3 "
0 " 50 " 9 "
8 " 00 " 0 "
0 " 00 " 3 "
7 " 58 " 7 "

4) $0 \text{ m } 01 \text{ cm } 4 \text{ mm } 0^{\text{m}}, 014$
6 " 00 " 5 "
7 " 10 " 8 "
0 " 90 " 0 "
3 " 75 " 0 "
1 " 00 " 6 "
0 " 30 " 5 "
4 " 40 " 3 "

5) $3^{\text{m}},789 = 3 \text{ m } 78 \text{ cm } 9 \text{ mm}$

7^m,106 =
8^m,016 =
6^m,008 =
4^m,703 =
3^m,750 =
2^m,506 =
9^m,769 =

6) $9^{\text{m}},001 = 9 \text{ m } 00 \text{ cm } 1 \text{ mm}$
7^m,101 =
4^m,017 =
6^m,084 =
2^m,079 =
8^m,407 =
6^m,504 =
9^m,076 =

Para reduzir metros e centimetros aos centimetros coloca-se o numero dos centimetros com duas casas junto ao numero dos metros.

7 m 56 cm quantos centimetros são ?

756 cm.

7 m 6 cm quantos centimetros são ?

706 cm.

Para reduzir metros e millimetros aos millimetros coloca-se o numero dos centimetros com tres casas junto ao numero dos metros.

7 m 5 mm quantos millimetros são ?

7005 mm.

8 m 53 cm 7 mm quantos millimetros são ?

8537 mm

Assim como temos medidas de comprimento menores do que o metro tambem existem medidas de comprimento maiores do que o metro.

Chamam-se estas medidas multiplos do metro. Para a formação dos multiplos servem as seguintes palavras:

Deca que quer dizer 10

Hecto que quer dizer 100

Kilo que quer dizer 1000

Myria que quer dizer 10 000.

Os multiplos do metro são:

O decametro que vale 10 metros

O hectometro que vale 100 metros

O kilometro que vale 1000 metros

O myriametro que vale 10 000 metros.

A abreviação dos multiplos é composta de duas letras, sendo uma maiuscula e a outra minuscula.

$$1 \text{ Dm} = 10 \text{ m}$$

$$1 \text{ Hm} = 100 \text{ m}$$

$$1 \text{ Km} = 1000 \text{ m}$$

$$1 \text{ Mm} = 10000 \text{ m}$$

O decametro ou cadeia de agrimensor é empregado na agrimensura ou medição dos terrenos.

O hectometro, o kilometro e o myriametro servem para avaliar as distancias geographicas.

Exercicios.

1) $1 \text{ Km} = 1000 \text{ m}$

3 " = ? "

5

9

2

18

23

84

2) $1 \text{ Km} + 5 \text{ m} = 1005 \text{ m}$

3 " + 9 " =

7 " + 7

9 " + 12

2 " + 53

4 " + 29

8 " + 84

16 " + 7

3) 1 Km + 3 Dm = 1030 m	4) 1 Km + 3 Dm + 5 m =
3 " + 5 "	2 " + 2 " + 1
9 " + 9 "	4 " + 9 " + 2
5 " + 2 "	5 " + 8 " + 4
7 " + 7 "	7 " + 9 " + 5
2 " + 1 "	9 " + 7 " + 3
4 " + 4 "	8 " + 5 " + 8
8 " + 6 "	6 " + 4 " + 7

5) 7573 m quantos Km? Hm? Dm? m?

7314 "
5896 "
2103 "
7018 "
7600 "
5370 "
9001 "

Exercícios das 4 operações sobre medidas de comprimento.

1. Adição.

1) 3 ^m ,7 5 ^m ,89 7 ^m ,832 9 ^m ,75 2 ^m ,1 4 ^m ,301 6 ^m ,789 8 ^m ,370	2) 734 ^m ,6 31 ^m ,341 85 ^m ,805 706 ^m ,672 5 ^m ,301 384 ^m ,85 29 ^m ,7 371 ^m ,63	3) 0 ^m ,001 36 ^m ,35 12 ^m ,365 8 ^m ,01 0 ^m ,384 13 ^m ,23 184 ^m ,075 29 ^m ,068
---	--	--

4) 85K ^m ,7893 1K ^m ,1253 21K ^m ,3058 117K ^m ,2103 5K ^m ,1586 27K ^m ,3450 7K ^m ,0025 1K ^m ,0000	5) 7K ^m ,192 206K ^m ,370 0K ^m ,551 7K ^m ,050 84K ^m ,251 3K ^m ,532 49K ^m ,481 341K ^m ,206	6) 57K ^m ,578 3K ^m ,775 5K ^m ,947 789K ^m ,624 64K ^m ,490 35K ^m ,881 29K ^m ,373 687K ^m ,560
--	---	---

7) Sommar os seguintes numeros, exprimindo o todo em centimetros.

57 metros e 7 centimetros.

3 decimetros.

5 kilometros e 57 centimetros.

3 decametros e 7 metros.

9 metros 87 centimetros.

9 kilometros e 7 metros.

85 centimetros.

3 decimetros 5 centimetros.

2 Subtracção.

$$\begin{array}{r} 14 \text{ km } 364 \text{ m } 32 \text{ cm } 5 \text{ mm} \\ - 3 \text{ " } 879 \text{ " } 65 \text{ " } 9 \text{ " } \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{r} 14 \text{ km }, 364325 \\ - 3 \text{ " }, 879659 \\ \hline 10 \text{ km }, 484666 \end{array}$$

$$= 10 \text{ km } 484 \text{ m } 66 \text{ cm } 6 \text{ mm}$$

$$\begin{array}{r} 1) \quad 33 \text{ km } 281 \text{ m } 64 \text{ cm } 3 \text{ mm} \\ - 9 \text{ " } 873 \text{ " } 84 \text{ " } 9 \text{ " } \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{r} 2) \quad 158 \text{ km } 75 \text{ m } 3 \text{ cm } 5 \text{ mm} \\ - 98 \text{ " } 325 \text{ " } 89 \text{ " } 9 \text{ " } \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 3) \quad 124 \text{ km } 0 \text{ m } 83 \text{ cm } 0 \text{ mm} \\ - 84 \text{ " } 385 \text{ " } 98 \text{ " } 7 \text{ " } \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{r} 4) \quad 3 \text{ km } 0 \text{ m } 0 \text{ cm } 5 \text{ mm} \\ - 1 \text{ " } 285 \text{ " } 89 \text{ " } 9 \text{ " } \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 5) \quad 364 \text{ km } 7 \text{ m } 3 \text{ cm } 0 \text{ mm} \\ - 82 \text{ " } 225 \text{ " } 84 \text{ " } 9 \text{ " } \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{r} 6) \quad 381 \text{ km } 0 \text{ m } 84 \text{ cm } 0 \text{ mm} \\ - 89 \text{ " } 285 \text{ " } 95 \text{ " } 7 \text{ " } \\ \hline \end{array}$$

$$7) \quad 9 \text{ km } - 285 \text{ m } 35 \text{ cm } 8 \text{ mm}$$

$$8) \quad 9 \text{ km } 3 \text{ cm } - 1 \text{ km } 239 \text{ m } 75 \text{ cm } 8 \text{ mm}$$

$$9) \quad 10 \text{ km } 3 \text{ m } 5 \text{ mm}, - 2 \text{ km } 239 \text{ m } 87 \text{ cm } 8 \text{ mm}$$

$$10) \quad 15 \text{ m } 3 \text{ cm } 2 \text{ mm } - 7 \text{ m } 25 \text{ cm } 9 \text{ mm}$$

$$11) \quad 9 \text{ m } - 2 \text{ m } 85 \text{ cm } 3 \text{ mm}$$

$$12) \quad 124 \text{ m } - 16 \text{ m } 84 \text{ cm } 7 \text{ mm}$$

3. Multiplicação.

$$24 \text{ m } 6 \text{ cm } 5 \text{ mm} \cdot 43$$

$$\begin{array}{r} = 24 \text{ m},065 \quad 43 \\ \hline 96260 \\ 72195 \\ \hline 1034795 = 1034 \text{ m } 795 \end{array}$$

- 1) 5 m 37 cm 5 mm . 9
- 2) 19 m 87 cm 3 mm . 18
- 3) 19 m 3 cm 5 mm . 25
- 4) 19 m 0 cm 3 mm . 16
- 5) 6 km 372 m 75 cm 8 mm . 8
- 6) 3 km 5 m 83 cm 7 mm . 9
- 7) 5 km 3 m 5 cm 3 mm . 12
- 8) 3 km 0 m 0 cm 9 mm . 8
- 9) 9 km 375 m 89 cm 6 mm . 7
- 10) 3 km 5 mm . 3
- 11) 3 km 9 m 7 mm . 9
- 12) 5 km 1 m 1 cm 1 mm . 3

4. Divisão.

$$139 \text{ m } 25 \text{ cm } 6 \text{ mm} : 18$$

$$\begin{array}{r} = 139256 \text{ mm} : 18 = 7736 \text{ mm} \\ 126 \\ \hline 132 \\ 126 \\ \hline 65 \\ 54 \\ \hline 116 \\ 108 \\ \hline 8 \end{array}$$

= 7 m 736 mm
restam 8 mm.

- 1) 38 m 89 cm 8 mm : 9

- 2) 315 m 75 cm 3 mm : 12
- 3) 506 m 3 cm 1 mm : 15
- 4) 3 km 286 m 35 cm 5 mm : 16
- 5) 125 km 8 m 35 cm 5 mm : 5
- 6) 12 km 5 cm 1 mm : 9
- 7) 183 km 6 mm : 9
- 8) 10 km 101 m 80 cm 9 mm : 12
- 9) 1 km 1 mm : 12
- 10) 1 km 1 m 1 mm : 3
- 11) 12 km 5 m 3 cm 7 mm : 9
- 12) 8 km 125 m 84 cm 8 mm : 9

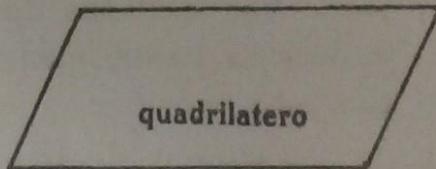
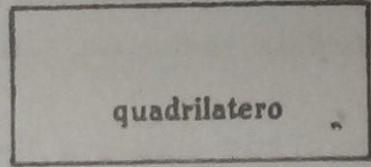
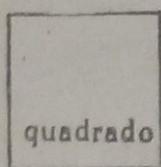
Como vimos, a unidade principal — o metro — tomada 10 vezes, forma uma unidade superior, esta tomada 10 vezes, forma uma nova unidade superior e assim por diante. Por esta razão, a reunião de pesos e medidas, obedecendo sempre à lei decimal, chama-se sistema métrico decimal.

Medidas de Superfície.

As medidas de superfície servem para calcular a extensão de duas dimensões: comprimento e largura.

A unidade de superfície é o **metro quadrado**.

Uma superfície plana limitada por 4 linhas rectas chama-se quadrilátero. Os cadernos, os cartões de visita, as vidraças têm geralmente a forma de quadriláteros. Se um quadrilátero tem os 4 lados iguais e os ângulos rectos, toma o nome de **quadrado**.



Metro quadrado é um quadrado que tem 1 metro de lado
Temos múltiplos e submúltiplos do metro quadrado.

O submultiplos do metro quadrado são :

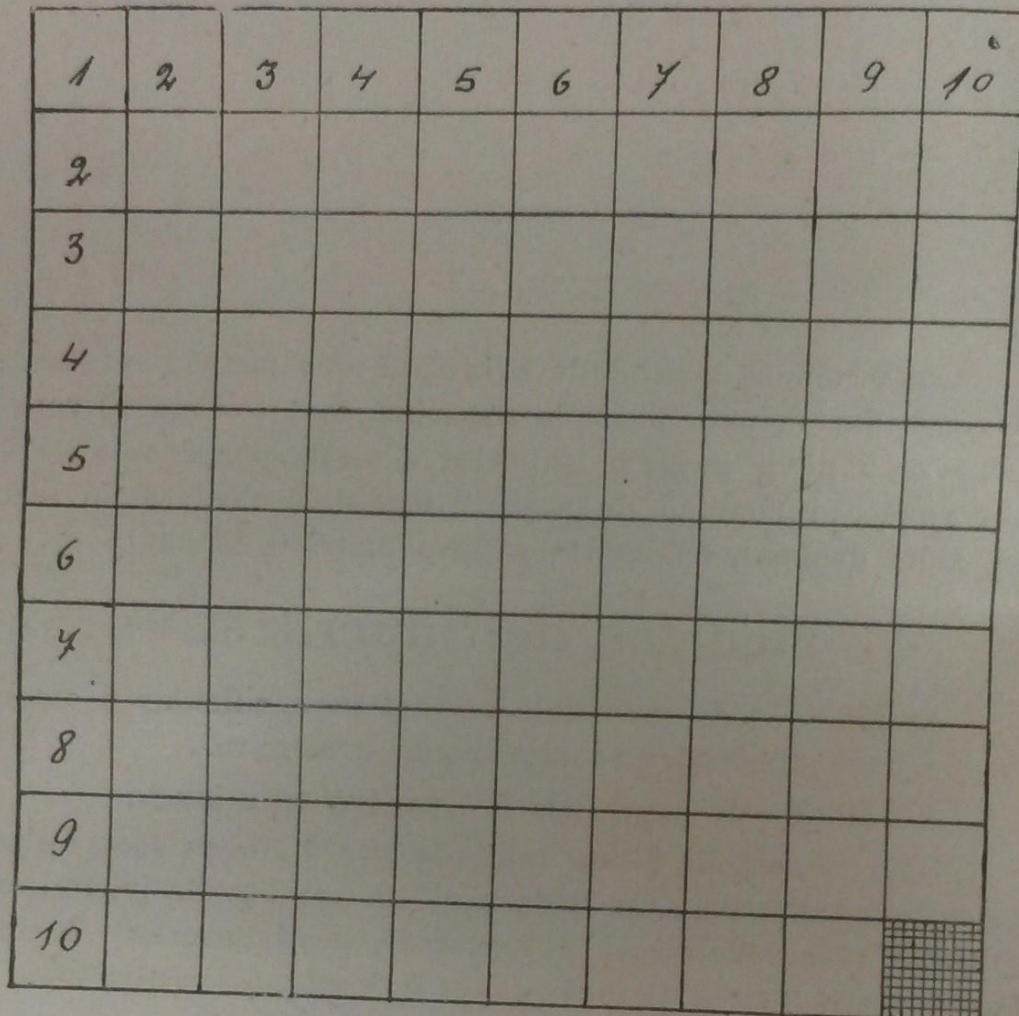
decimetro quadrado

centimetro quadrado

millimetro quadrado.

Um decimetro quadrado é um quadrado cujos lados têm 1 decimetro ou 10 centimetros de comprimento.

1 decimetro quadrado = 100 centimetros quadrados ($10 \cdot 10$)



Nas medidas de superficie uma unidade inferior não é a decima parte, mas a centesima parte da unidade imediatamente superior.

Assim o decimetro quadrado não é a decima parte do metro quadrado, mas a centesima; o centimetro quadrado não é a centesima parte do metro, mas sim a decima millesima parte.

Por conseguinte:

$$1 \text{ metro quadrado} = 10 \cdot 10 = 100 \text{ decímetros quadrados}$$

$$1 \text{ metro quadrado} = 100 \cdot 100 = 10000 \text{ centímetros quadrados}$$

$$1 \text{ metro quadrado} = 1000 \cdot 1000 = 1000000 \text{ milímetros quadrados.}$$

As abreviações dos submúltiplos do metro quadrado são:

$$1 \text{ m}^2 = 100 \text{ dm}^2$$

$$1 \text{ m}^2 = 10000 \text{ cm}^2$$

$$1 \text{ m}^2 = 1000000 \text{ mm}^2$$

Exercícios.

1) $1 \text{ m}^2 = 100 \text{ dm}^2$

4 " =

9 "

60 "

55 "

48 "

92 "

132 "

2) $1 \text{ m}^2 = 1000000 \text{ mm}^2$

8 " =

3 "

35 "

49 "

76 "

63 "

17 ,

3) $59 \text{ m}^2, 387981 = 59 \text{ m}^2 38 \text{ dm}^2 79 \text{ cm}^2 81 \text{ mm}^2$

39 " 7568

3 " 75

9 " 2550

10 " 789345

12 " 893549

0 " 100000

3 " 005793

17 " 705030

16 " 345678

Quantos milímetros quadrados são:

4) $15 \text{ m}^2 23 \text{ dm}^2 37 \text{ cm}^2 38 \text{ mm}^2 ?$

14 " 70 " 00 " 70 "

30 " 00 " 80 " 60 "

00 " 00 " 74 " 50 "

00 " 00 " 21 " 9 "

3 " 75 " 58 " 10 "

2 " 28 " 36 " 46 "

10 " 00 " 00 " 10 "

Quantos metros quadrados, centimetros quadrados e milímetros quadrados são :

5) 8 129 536 milímetros quadrados ?

7 100 300	"	"	?
3 005 789	"	"	"
3 100 700	"	"	"
3 000 789	"	"	"
4 010 732	"	"	"
5 035 964	"	"	"
6 781 933	"	"	"

Quantos metros quadrados e centimetros quadrados são :

6) 98 106 centimetros quadrados ?

43 005	"	"
70 081	"	"
50 009	"	"
61 800	"	"
83 856	"	"
27 301	"	"
57 600	"	"

Os multiplos do metro quadrado são :

O decametro quadrado que vale 100 metros quadrados

O hectometro quadrado que vale 10 000 metros quadrados

O kilometro quadrado que vale 1000 000 metros quadrados

O myriametro quadrado que vale 100000000 metros quadrados
ou

1 decametro quadrado é um quadrado cujos lados têm 10
metros de comprimento cada um.

1 hectometro quadrado é um quadrado cujos lados têm 100
metros de comprimento cada um.

1 kilometro quadrado é um quadrado cujos lados têm 1000
metros de comprimento cada um.

1 myriametro quadrado é um quadrado cujos lados têm 10 000
metros de comprimento cada um.

As expressões decametro e hectometro quadrado são
pouco usadas.

O kilometro quadrado e o myriametro quadrado servem
para calcular as superficies dos paizes e chamam-se medidas
topographicas.

Para os campos, terrenos e fazendas servem o hectare e o are.

O hectare é nada mais do que um hectometro quadrado e o are é um decametro quadrado

O hectare e o are são as medidas agrarias.

As abreviações dos multiplos do metro quadrado são :

- 1 Mmq = 100 000 000 mq.
1 Kmq = 1000 000 mq.
1 Hmq ou 1 Ha = 10 000 mq.
1 Dmq ou 1 a = 100 mq.

Exercícios.

1) 1 Ha = 10 000 mq 2) 1 Ha + 35 a + 39 mq = 13539 mq

3 "	=	7 "	+	29 "	+	27 "	=
5 "	=	9 "	+	39 "	+	5 "	=
7 "	=	3 "	+	75 "	+	31 "	=
9 "	=	4 "	+	68 "	+	7 "	=
8 "	=	5 "	+	30 "	+	31 "	=
2 "	=	6 "	+	05 "	+	86 "	=
4 "	=	4 "	+	7 "	+	98 "	=
6 "	=	5 "	+	3 "	+	3 "	=

3) Quantos ares são :

2 Ha,42 ?
90 " 71 ?
5 " 23 ?
40 " 09 ?
9 " 20 ?
0 " 28 ?
0 " 70 ?
0 " 03 ?

4) Quantos metros quadrados são :

3 a 8 mq ?
17 " 80 " ?
12 " 67 " ?
91 " 45 " ?
60 " 09 " ?
70 " 9 " ?
8 " 22 " ?
8 " 2 " ?

5) Quantos Ha são :

700 ares ?
2000 " ?
71 000 " ?
2500 " ?
76 400 " ?
78 000 " ?

6) Quantos Ha, a e mq são :

45 340 mq ?
165 309 mq ?
2 167 859 mq ?
70 608 mq ?
314 005 mq ?
185 630 mq ?

Exercícios das 4 operações sobre medidas de superfície.

1. Adição.

$$\begin{array}{r} 1) \quad 30 \text{ Ha},22 \\ 39 \text{ "},66 \\ 144 \text{ "},70 \\ 3 \text{ "},88 \\ 62 \text{ "},75 \\ 16 \text{ "},28 \\ 100 \text{ "},05 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2) \quad 4 \text{ a},45 \\ 17 \text{ "},81 \\ 80 \text{ "},05 \\ 9 \text{ "},70 \\ 5 \text{ "},64 \\ 18 \text{ "},39 \\ 17 \text{ "},64 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 3) \quad 32 \text{ mq},75 \\ 1 \text{ "},12 \\ 9 \text{ "},92 \\ 65 \text{ "},09 \\ 0 \text{ "},87 \\ 14 \text{ "},23 \\ 19 \text{ "},25 \end{array}$$

4) Sommar os seguintes números, tomando o are por unidade:

$$37 \text{ "},46 + 8 \text{ "},59 + 752 \text{ ha},8735 + 57 \text{ "},3 + 29 \text{ "},351$$

$$31 \text{ "},531 + 13 \text{ ha},3015 + 49 \text{ "},7894 + 39 \text{ ha},7531$$

$$354 \text{ "},5 + 978 \text{ mq} + 3 \text{ ha},36 + 37 \text{ "},541 + 2841 \text{ mq}$$

2 Subtracção.

$$\begin{array}{r} 51 \text{ ha} \quad 59 \text{ "} \quad 38 \text{ mq} \\ - 9 \text{ "} \quad 88 \text{ "} \quad 59 \text{ "} \\ \hline \end{array} = \begin{array}{r} 51 \text{ ha},5938 \\ - 9 \text{ "},8859 \\ \hline 41 \text{ ha},7079 \end{array}$$

$$= 41 \text{ ha} \quad 70 \text{ "} \quad 79 \text{ mq}.$$

$$1) \quad \begin{array}{r} 99 \text{ ha} \quad 61 \text{ "} \quad 23 \text{ mq} \\ - 8 \text{ "} \quad 79 \text{ "} \quad 85 \text{ "} \end{array}$$

$$2) \quad \begin{array}{r} 68 \text{ ha} \quad 04 \text{ "} \quad 23 \text{ mq} \\ - 9 \text{ "} \quad 17 \text{ "} \quad 85 \text{ "} \end{array}$$

$$3) \quad \begin{array}{r} 74 \text{ "} \quad 5 \text{ mq} \\ - 60 \text{ "} \quad 25 \text{ "} \end{array}$$

$$4) \quad \begin{array}{r} 82 \text{ "} \quad 70 \text{ mq} \\ - 4 \text{ "} \quad 92 \text{ "} \end{array}$$

$$5) \quad \begin{array}{r} 85 \text{ "} \\ - 72 \text{ "} \quad 35 \text{ mq} \end{array}$$

$$6) \quad \begin{array}{r} 86 \text{ "} \\ - 34 \text{ mq} \end{array}$$

$$7) \quad \begin{array}{r} 72 \text{ "} \\ - 29 \text{ mq} \end{array}$$

$$8) \quad \begin{array}{r} 23 \text{ ha} \\ - 18 \text{ "} \quad 60 \text{ "} \quad 33 \text{ mq} \end{array}$$

3. Multiplicação.

$$53 \text{ ha} \quad 29 \text{ "} \quad 37 \text{ mq} \cdot 3$$

$$\begin{array}{r} = 53 \text{ ha},2937 \quad 3 \\ 159 \text{ ha},8811 \quad = 159 \text{ ha} \quad 88 \text{ "} \quad 11 \text{ mq} \end{array}$$

1)

2)

3)

4)

5)

6)

7)

8)

9)

10)

11)

12)

13)

14)

- 1) 5 ^mq 57 ^{dm}q 38 ^{cm}q . 5
2) 9 ^mq 5893 ^{cm}q 55 ^{mm}q . 9
3) 5 ^{ha} 57 ^a 38 ^mq . 8
4) 98 ^{km}q 57 ^{ha} 38 ^a 57 ^mq . 3
5) 3 ^{ha} 9 ^a 85 ^mq . 9
6) 3 ^{ha} 5 ^mq . 8
7) 9 ^{ha} 7 ^mq . 9
8) 7 ^a 83 ^mq . 8
9) 6 ^a 1 ^mq . 9
10) 1 ^{ha} 1 ^a 1 ^mq . 12

4. Divisão.

$$139 \text{ } ^{\text{ha}} 25 \text{ } ^{\text{a}} 6 \text{ } ^{\text{m}}\text{q} : 18 =$$

$$\begin{array}{r} 139 \text{ } ^{\text{ha}} 2506 : 18 = 7 \text{ } ^{\text{ha}} 7361 \\ \underline{126} \\ 132 \\ \underline{126} \\ 65 \\ \underline{54} \\ 110 \\ \underline{108} \\ 26 \\ \underline{18} \\ 8 \end{array} \quad \text{restam } 8 \text{ } ^{\text{m}}\text{q}$$

- 1) 726 ^{ha},48 : 6
2) 634 ^{ha}, 68 : 72
3) 582 ^a,25 : 17
4) 559 ^a,36 : 92
5) 565 ^mq 68 : 6
6) 111 ^mq 5532 : 81
7) 65 ^mq 1112 : 77

- 8) $160 \text{ m}^3 : 40 = 4 \text{ m}^3$
- 9) $94 \text{ m}^3 : 6 = 15.6666\overline{6} \text{ m}^3$
- 10) $81 \text{ m}^3 : 38 = 2.1315789 \text{ m}^3$

Medidas de volume.

Todas as coisas que ocupam um lugar no espaço chamam-se corpos. A pedra, a mesa, o banco, a cadeira são corpos.

O corpo tem três dimensões: comprimento, largura e altura, também denominada espessura ou profundidade. A parte do espaço que se acha ocupada por um corpo chama-se o volume deste corpo.

Para medir ou calcular o volume dos corpos servem as medidas de volume.

A unidade das medidas de volume é o metro cubico. Cubico é derivado do cubo. Um cubo é um corpo rectangular cujas faces são todas iguais. O dado de jogar é um cubo. A superfície dum cubo é formada de 6 faces. A linha de juncção de duas faces forma a aresta. Cada cubo tem 6 arestas.

O metro cubico é um cubo que tem 1 metro de aresta.

Os submultiplos do metro cubico são:

O decímetro cubico
O centímetro cubico
O milímetro cubico.

Os multiplos do metro cubico não são usados, porque são medidas muito grandes.

Nas medidas de volume uma unidade inferior é a milésima parte da unidade imediatamente superior, porque o volume abrange 3 dimensões e em cada dimensão a unidade inferior é a décima parte da superior, assim

1 metro cubico vale $10 \cdot 10 \cdot 10 = 1000$ decímetros cubicos

1 decímetro cubico vale $10 \cdot 10 \cdot 10 = 1000$ centímetros cubicos

1 centímetro cubico vale $10 \cdot 10 \cdot 10 = 1000$ milímetros cubicos.

As abreviações dos submultiplos do metro cubico são as seguintes.

1 mc = 1000 dmc = 1 metro cubico = 1000 decimetros cubicos

1 mc = 1000 000 cmc = 1 metro cubico = 1000 000 centimetros cubicos

1 mc = 1000 000 000 mmc = 1 metro cubico = 1000 000 000 millimetro cubicos.

Exercícios.

1) $1 \text{ mc} = 1000 \text{ dmc}$

$$\begin{array}{l} 5 \text{ " } = ? \\ 7 \text{ " } = ? \\ 9 \text{ " } = ? \\ 3 \text{ " } = ? \\ 4 \text{ " } = ? \\ 6 \text{ " } = ? \\ 9 \text{ " } = ? \\ 3 \text{ " } = ? \end{array}$$

2) Quantos mmc

$$\begin{array}{r} 1 \text{ dmc } ? \\ 94 \text{ " } \\ 80 \text{ " } \\ 295 \text{ " } \\ 350 \text{ " } \\ 4009 \text{ " } \\ 73 \text{ " } \\ 10 \text{ " } \end{array}$$

3) Quantos dmc são :

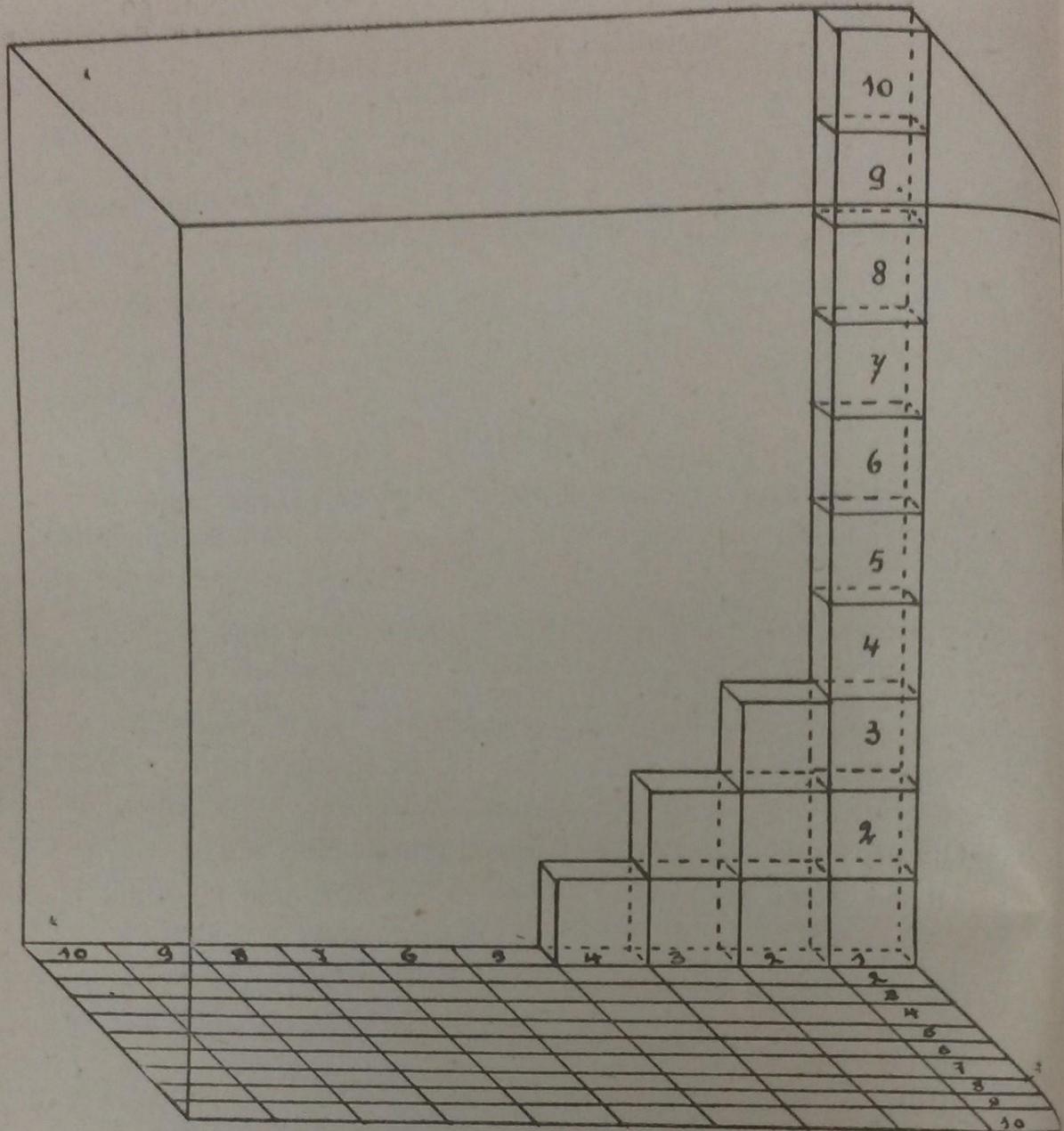
$$\begin{array}{ll} 8 \text{ mc } & 280 \text{ dmc } ? \\ 23 \text{ " } & 900 \text{ " } ? \\ 16 \text{ " } & 7 \text{ " } ? \\ 27 \text{ " } & 58 \text{ " } ? \\ 80 \text{ " } & 233 \text{ " } ? \\ 66 \text{ " } & 1 \text{ " } ? \\ 34 \text{ " } & 101 \text{ " } ? \\ 8 \text{ " } & 435 \text{ " } ? \end{array}$$

4) Quantos cmc são

$$\begin{array}{llll} 8 \text{ mc } & 408 \text{ dmc } & 328 \text{ cmc } ? \\ 29 \text{ " } & 103 \text{ " } & 375 \text{ " } ? \\ 1 \text{ " } & 2 \text{ " } & 8 \text{ " } ? \\ 45 \text{ " } & 600 \text{ " } & 300 \text{ " } ? \\ 9 \text{ " } & 5 \text{ " } & 2 \text{ " } ? \\ 9 \text{ " } & 500 \text{ " } & 200 \text{ " } ? \\ — \text{ " } & 212 \text{ " } & 512 \text{ " } ? \\ 1 \text{ " } & — \text{ " } & 1 \text{ " } ? \end{array}$$

5) Quantos mmc são :

$$\begin{array}{llll} 8 \text{ mc } & 321 \text{ dmc } & 275 \text{ cmc } & 318 \text{ mmc } ? \\ 4 \text{ " } & 50 \text{ " } & 800 \text{ " } & 600 \text{ " } ? \\ 5 \text{ " } & 5 \text{ " } & 8 \text{ " } & 6 \text{ " } ? \\ — \text{ " } & 321 \text{ " } & 375 \text{ " } & 785 \text{ " } ? \\ 9 \text{ " } & — \text{ " } & — \text{ " } & 1 \text{ " } ? \\ 10 \text{ " } & 10 \text{ " } & — \text{ " } & 100 \text{ " } ? \\ 5 \text{ " } & 275 \text{ " } & 3 \text{ " } & 8 \text{ " } ? \\ 9 \text{ " } & 75 \text{ " } & 25 \text{ " } & 50 \text{ " } ? \end{array}$$



1 decimetro cubico = 1000 centimetros cubicos. ($10 \cdot 10 \cdot 10$)

6) Quantos cmc são :

1000 mmc

7000 "

8000 "

50000 "

15003 "

16845 "

78935 "

2000 "

7) Quantos mc e cmc são :

2 816 205 cmc ?

8 573 425 " ?

4 000 300 " ?

5 768 000 " ?

3 000 005 " ?

7 100 654 " ?

16 158 763 " ?

20 000 000 " ?

Para medir lenha emprega-se o estére.

O estére é nada mais do que 1 metro cubico.

Exercícios das 4 operações sobre medidas de volume.

1. Adição.

1) 266 mc, 500	2) 364 m ^c , 758379
4 " , 225	5 " , 293043
16 " , 864	49 " , 424104
3 " , 541	106 " , 645055
864 " , 321	0 " , 866206
6 " , 581	78 " , 387067
75 " , 241	59 " , 518308
1 " , 005	3 " , 729079

3) Sommar os seguintes numeros, tomando por unidade o centimetro cubico :

$$6 \text{ mc}, 225 + 29 \text{ mc}, 073584 + 364 \text{ mc}, 584693218 + 0 \text{ mc}, 93 + \\ 5 \text{ mc}, 7 + 27 \text{ mc}, 23456 + 5 \text{ m}, 789.$$

2. Subtração.

- 1) 295 mc 308 dmc — 48 mc 62 dmc
- 2) 26 mc 9 dmc — 295 dmc
- 3) 800 mc — 12 mc 435 cme
- 4) 302 mc 60 cme — 194 mc
- 5) 62 mc, 004675 — 18 m, 134887
- 6) 72 mc 28762 cme — 12 mc 925 cme
- 7) 40 mc 583 dmc — 705 dmc
- 8) 61 mc 9 dmc 500 cme — 42 dmc 8 cme.

3. Multiplicação

$$5 \text{ mc} \ 6 \text{ dmc} \ 87 \text{ cme} \cdot 3$$

$$\begin{array}{r} 5 \text{ mc}, 006087 \quad 3 \\ \hline 15 \text{ mc}, 018261 \end{array} = 15 \text{ mc} \ 18 \text{ dmc} \ 261 \text{ cme}$$

- 1) 18 mc 818 dmc 125 cme · 18
- 2) 3 mc 25 dmc 175 cme · 12

- 3) 12 me 5 dmc 25 eme 25
4) 25 me 3 dmc 5 eme 38
5) 39 me 125 dmc 125 eme 325 mmc . 4
6) 125 me 5 dmc 3 eme 125 mmc . 8
7) 238 me 5 dmc 2 eme 3 mmc . 12
8) 874 me 5 dmc 25 eme 18 mmc . 9
9) 375 me 12 dmc 89 eme 75 mmc . 7
10) 875 me 1 dmc 1 eme 1 mmc . 9
11) 13 me 10 dmc — eme 12 mmc . 3
12) 15 me 8 dmc 5 eme 359 mmc . 9
13) 1 me — dem — eme 1 mmc . 6

4. Divisão.

$$\begin{array}{r} 9 \text{ me } 87 \text{ dmc } 789 \text{ eme : } 6 = \\ 9 \text{ me }, 087789 : 6 = 1 \text{ me }, 514631 \\ \hline 30 \\ 30 \\ \hline 8 \\ 6 \\ \hline 27 \\ 24 \\ \hline 37 \\ 36 \\ \hline 18 \\ 18 \\ \hline 9 \\ 6 \\ \hline 3 \end{array}$$

restam 6 eme

- 1) 828 me 72 dmc : 9
2) 371 me 875 dmc : 85
3) 293 me 692 dmc 348 eme : 41
4) 116 me 776 dmc 577 eme : 112
5) 84 me 3 dmc 5 eme 7 mmc : 9

- 6) 11 mc, 352360 : 60
7) 5 mc 1 dmc 1 eme 2 mmc : 9.
8) 3 mc 0 dmc 0 eme 4 mmc : 7

Medidas de capacidade.

Para seccos e molhados a unidade principal é o litro.

O litro é um decímetro cúbico ou a millesima parte do metro cúbico.

Os múltiplos usados são o decalitro e hectolitro.

O kilolitro e o myrialitro não são usados, porque são medidas muito grandes.

Os submúltiplos do litro são:

O decilitro, que é a decima parte do litro

O centilitro, que é a centesima parte do litro

O millilitro, que é a millesima parte do litro.

As abreviações das medidas de capacidade são:

$$1 \text{ Hl} = 100 \text{ l} = 1 \text{ Hectolitro} = 100 \text{ litros}$$

$$1 \text{ l} = 10 \text{ dcl} = 1 \text{ litro} = 10 \text{ decilitros}$$

$$1 \text{ l} = 100 \text{ cl} = 1 \text{ litro} = 100 \text{ centilitros}$$

$$1 \text{ l} = 1000 \text{ ml} = 1 \text{ litro} = 1000 \text{ millilitros.}$$

Exercícios.

1) $1 \text{ Hl} = 100 \text{ l}$

$$3 \text{ "} = ? \text{ "}$$

$$5 \text{ "} = ?$$

$$9 \text{ "} = ?$$

$$7 \text{ "} = ?$$

$$8 \text{ "} = ?$$

$$2 \text{ "} = ?$$

$$4 \text{ "} = ?$$

$$6 \text{ "} = ?$$

2) $1 \text{ Hl} + 25 \text{ l} = 125 \text{ l}$

$$7 \text{ "} + 10 \text{ "} =$$

$$8 \text{ "} + 1 \text{ "} =$$

$$9 \text{ "} + 25 \text{ "} =$$

$$3 \text{ "} + 3 \text{ "} =$$

$$10 \text{ "} + 90 \text{ "} =$$

$$25 \text{ "} + 2 \text{ "} =$$

$$39 \text{ "} + 4 \text{ "} =$$

$$75 \text{ "} + 6 \text{ "} =$$

3) Quantos litros são

5 Hl 35 l ?
9 " 1 " ?
7 " 10 " ?
3 " 2 " ?
5 " 20 " ?
4 " 3 " ?
9 " 30 " ?
8 " 45 " ?

4) Quantos cl são:
5 Hl 25 l 35 cl
3 " 5 " 25 "
5 " 15 " 3 "
7 " 3 " 5 "
9 " 30 " 40 "
2 " 5 " 1 "
4 " 50 " 25 "
6 " 1 " 1 "
8 " 10 " 10 "

5) Quantos Hl e l são:

553 litros ?

705 " ?
365 " ?
25 " ?
285 " ?
580 " ?
10 " ?
111 " ?

Medidas de peso

As medidas de peso servem para pesar os corpos.

A unidade principal das medidas de peso é o gramma (o grammo).

O gramma é o peso de um centimetro cubico d'agua destillada na temperatura de 4 graus centigrados.

Os multiplos do gramma são:

O decagramma, que pesa 10 grammas

O hectogramma, que pesa 100 grammas

O kilogramma, que pesa 1000 grammas

O myriagramma, que pesa 10 000 grammas.

Os submultiplos do gramma são:

O decigramma, que é a decima parte do gramma

O centigramma, que é a centesima parte do gramma

O milligramma, que é a millesima parte do gramma.

No commercio emprega-se geralmente o kilogramma
ou kilo como unidade. *)

Um peso de 1000 kilogrammas forma uma tonelada. E' a unidade do peso para os transportes dos navios e na estrada de ferro.

As abreviações das medidas de peso são:

$$1 \text{ tonelada} = 1000 \text{ Kg}$$

$$1 \text{ Kg} = 1000 \text{ g}$$

$$1 \text{ g} = 10 \text{ dg}$$

$$1 \text{ g} = 100 \text{ eg}$$

$$1 \text{ g} = 1000 \text{ mg}$$

Myriagramma, hectagramma e decagramma não são usados no commercio.

Exercicios.

1) $1 \text{ Kg} = 1000 \text{ g}$

5 " = "

7 " = "

8 " = "

3 " = "

4 " = "

9 " = "

2 " = "

6 " = "

2) $1 \text{ Kg } 375 \text{ g} = 1375 \text{ g}$

3 " 25 " =

5 " 346 " =

7 " 84 " =

9 " 7 " =

2 " 6 " =

4 " 666 " =

6 " 8 " =

8 " 1 " =

3) Quantos grammas são:

4 toneladas 119 Kg 750 g

5 " 325 " 50 "

7 " 25 " 750 "

9 " 45 " 75 "

8 " 5 " 325 "

6 " 5 " 45 "

4 " 1 " 7 "

2 " 1 " 1 "

4) Quantos Kg e g são:

7584 g

9306 "

5001 "

7006 "

364 "

75 "

5 "

1001 "

*) O kilogramma é o peso de um decímetro cubico d'agua destillada (1 litro) na temperatura de 4 graus centigrados.

Exercícios das 4 operações sobre medidas de peso.

1. Adição.

$$1) \quad 15 \text{ kg},578$$

$$9 \text{ ",},76$$

$$3 \text{ ",},35$$

$$14 \text{ ",},500$$

$$18 \text{ ",},005$$

$$37 \text{ ",},078$$

$$41 \text{ ",},064$$

$$91 \text{ ",},357$$

$$2) \quad 0 \text{ kg},750$$

$$12 \text{ ",},785$$

$$31 \text{ ",},956$$

$$4 \text{ ",},248$$

$$85 \text{ ",},427$$

$$67 \text{ ",},616$$

$$0 \text{ ",},804$$

$$10 \text{ ",},330$$

$$3) \quad 5 \text{ kg},576$$

$$0 \text{ ",},346$$

$$1 \text{ ",},005$$

$$3 \text{ ",},700$$

$$5 \text{ ",},007$$

$$6 \text{ ",},750$$

$$9 \text{ ",},250$$

$$0 \text{ ",},375$$

- 4) Sommar os seguintes numeros, tomndo-se o gramma por unidade:

$$5 \text{ kg } 750 \text{ g } + 5 \text{ toneladas } + 750 \text{ g } + 3 \text{ kg } 5 \text{ g } + 75 \text{ cg } + \\ 5 \text{ kg } 75 \text{ g } + 350 \text{ g } + 1 \text{ kg } 1 \text{ g } + 3 \text{ kg } 350 \text{ g}$$

2. Subtracção.

$$\begin{array}{r} 9 \text{ kg } 25 \text{ g } 375 \text{ mg} \\ - 2 \text{ ", } 364 \text{ ", } 241 \text{ " } \\ \hline 6 \text{ ", } 661134 = 6 \text{ kg } 661 \text{ g } 134 \text{ mg} \end{array}$$

$$1) \quad 9 \text{ kg } 278 \text{ g } 16 \text{ mg } - 2 \text{ kg } 45 \text{ g } 8 \text{ mg}$$

$$2) \quad 15 \text{ kg } 660 \text{ g } 398 \text{ mg } - 12 \text{ kg } 9 \text{ g } 500 \text{ mg}$$

$$3) \quad 34 \text{ kg } 88 \text{ g } - 19 \text{ kg } 231 \text{ g}$$

$$4) \quad 9 \text{ kg } 875 \text{ g } - 2 \text{ kg } 960 \text{ g } 345 \text{ mg}$$

$$5) \quad 13 \text{ kg } - 4 \text{ kg } 584 \text{ g } 750 \text{ mg}$$

3. Multiplicação.

$$5 \text{ kg } 6 \text{ g } 3 \text{ mg } \cdot 9 =$$

$$\begin{array}{r} 5 \text{ kg},006003 \cdot 9 \\ \hline 45 \text{ kg},054027 \end{array} =$$

$$45 \text{ kg } 54 \text{ g } 27 \text{ mg}$$

$$1) \quad 5 \text{ kg } 364 \text{ g } 275 \text{ mg } \cdot 8$$

$$2) \quad 15 \text{ kg } 37 \text{ g } 81 \text{ mg } \cdot 6$$

$$3) \quad 12 \text{ kg } 8 \text{ g } 4 \text{ mg } \cdot 7$$

- 4) 18 kg 1 g 1 mg : 9
- 5) 5 toneladas 5 kg 5 g : 8
- 6) 3 toneladas 3 v . 9
- 7) 4 kg 1 g 1 eg 5
- 8) 375 v 4 dg 8 eg 9
- 9) 575 v 5 dg 8 eg 5 mg 6
- 10) 1 kg 1 v 1 mg 100
- 11) 5 kg 2 dg 2 v 5 eg 6 mg : 100
- 12) 5 kg 250 v 435 mg : 8.

4. Divisão.

$$487 \text{ kg } 5 \text{ v } 8 \text{ mg} : 9 =$$

$$\begin{array}{r} 487 \text{ kg},005008 : 9 = 54 \text{ kg},111667 \\ \underline{45} \\ 37 \\ \underline{36} \\ 10 \\ \underline{9} \\ 10 \\ \underline{9} \\ 15 \\ \underline{9} \\ 60 \\ \underline{54} \\ 60 \\ \underline{54} \\ 68 \\ \underline{63} \\ 5 \end{array}$$

54 kg 111 v 667 mg
restam 5 mg.

- 1) 19 kg 364 v 471 mg : 7
- 2) 12 kg 40 v 3 mg : 9
- 3) 1 kg 5 v 6 mg : 3
- 4) 5 toneladas 7 kg 5 v 1 mg : 9
- 5) 84 kg,357 : 8

Moedas brasileiras.

As moedas brasileiras são de ouro, prata, nickel e cobre.

As moedas de ouro são de 20\$, 10\$ e 5\$.

As moedas de prata são de 2\$, 1\$ e 500 rs.

As moedas de nickel são de 400 rs, 200 rs, 100 rs.
e de 50 rs.

As moedas de cobre são de 40 rs, 20 rs. e 10 rs.

Não ha moedas de ouro em circulação.

Dinheiro em réis.

20 réis = 1 vintem

100 réis = 1 tostão

1000 réis = 1 mil réis = 1\$000.

1 vintem = 20 réis

1 v. = 20 rs.

1) 2 v.	= 40 rs.	2) 12 v.	=	3) 17 v.	=	4) 95 v.	=
3		18		23		76	
5		25		34		93	
7		22		48		87	
9		30		59		73	
8		35		63		79	
6		40		78		61	
4		42		84		69	

1 tostão = 100 rs = 5 vintens

1 tost = 100 rs = 5 v

5)	3 tost	= 300 rs	6)	2 tost	= 10 v	7)	12 tost	= 1\$200 rs
5			5			18		
7			7			23		
9			9			37		
8			8			46		
6			3			54		
4			6			98		
2			4			87		

Addição.

1) 5\$680 rs	2) 7:980\$560 rs
15\$920 rs	19:420\$320 "
7\$530 rs	3:640\$460 "
8\$640 rs	23:850\$840 "
19\$780 rs	960\$530 "
23\$230 rs	7:320\$920 "
36\$540 rs	18:430\$460 "
47\$750 rs	

Subtracção.

1) 9\$	2) 8\$	3) 10\$
— 3\$580 rs	— 3\$750 rs	— 5\$280 rs
4) 12\$100 rs	5) 101\$200 rs	
— 8\$750 rs	— 98\$750 rs	
6) 4:750\$500 rs		7) 12:500\$750 rs
— 1:980\$750 rs		— 9:875\$950 rs
8) 12:351\$200 rs	9) 125:750\$200 rs	10) Rs 750\$500
— 8:770\$800 rs	— 75:985\$400 rs	„ 275\$900

Medidas que não fazem parte do sistema métrico.

1 duzia == 12 peças.

- 1) Quantas peças são: 3, 5, 7, 9, 12, 25, 75, 120, 750 duzias?
- 2) Quantas peças são: 3 duzias 8 peças? 14 duzias 9 peças?
5 duzias 8 peças? 250 duzias 9 peças?
- 3) Quantos dias são: 5, 9, 8, 10, 52, 75 semanas?
- 4) Quantos meses são: 3, 9, 8, 10, 25, 14, 35 annos?
- 5) Quantos dias são: 5 annos 3 meses? 2 annos 3 meses?
9 annos 9 meses? 6 annos 6 meses?
- 6) Quantas horas são: 5 dias? 3 dias? 12 dias? 15 dias?
65 dias?
- 7) Quantos minutos são 7, 9, 10, 12, 15, 24, 48 horas?

8) Quantos minutos são: 3 horas 45 minutos ? 7 horas 30 minutos ? 10 horas 30 minutos ?

9) Quantas duzias são: 48, 72, 288, 15456, 5800 peças ?

10) Quantos annos são: 60, 120, 240, 360, 492 meses ?

11) Quantos annos são: 104, 156, 260, 468 semanas ?

12) Quantas horas são: 300, 420, 540, 720 minutos ?

13) Quantos dias e horas são 80, 92, 110, 224, 175, 325 horas ?

14) Quantos dias, horas e minutos são: 17840, 13750, 25780, 75750, 36870 minutos ?

Addição.

1) 125 duzias 9 peças

25	"	8	"
75	"	9	"
3	"	4	"

2) 75 annos 9 mezes

5	"	8	"
9	"	9	"
35	"	7	"

3) 7 mezes 25 dias

9	"	24	,
8	"	29	"
3	"	13	"

4) 8 mezes 29 dias

7	"	25	"
10	"	20	"
11	"	10	"

5) 9 semanas 5 dias 20 horas 6) 12 semanas 6 dias 22 horas

7	"	6	"	18	"
8	"	3	"	16	"
6	"	4	"	15	"

3	"	5	"	20	"
5	"	4	"	7	"
14	"	5	"	16	"

7) 8 semanas 3 dias 20 horas 50 minutos

9	"	6	"	22	"	45	"
7	"	5	"	18	"	30	"
8	"	6	"	13	"	35	"

8) 15 dias 22 horas 50 minutos 45 segundos

12	"	20	"	40	"	30	"
13	"	18	"	45	"	20	"
14	"	16	"	30	"	30	"

Subtracção.

$$1) \begin{array}{r} 15 \text{ duzias } 3 \text{ peças} \\ - 9 \text{ " } 9 \text{ " } \end{array} \quad 2) \begin{array}{r} 12 \text{ duzias } 7 \text{ peças} \\ - 9 \text{ " } 9 \text{ " } \end{array} \quad 3) \begin{array}{r} 15 \text{ duz. } 8 \text{ peças} \\ - 3 \text{ " } 10 \text{ " } \end{array}$$

$$4) \begin{array}{r} 5 \text{ annos } 275 \text{ dias} \\ - 2 \text{ " } 340 \text{ " } \end{array} \quad 5) \begin{array}{r} 100 \text{ annos } 5 \text{ dias} \\ - 9 \text{ " } 250 \text{ " } \end{array}$$

$$6) \begin{array}{r} 8 \text{ semanas } 3 \text{ días} \\ - 2 \text{ " } 6 \text{ " } \end{array} \quad 7) \begin{array}{r} 10 \text{ semanas } 5 \text{ días} \\ - 8 \text{ " } 6 \text{ " } \end{array}$$

$$8) \begin{array}{r} 5 \text{ horas } 45 \text{ minutos } 40 \text{ segundos} \\ - 1 \text{ " } 49 \text{ " } 55 \text{ " } \end{array}$$

$$9) \begin{array}{r} 72 \text{ horas } 3 \text{ minutos } 5 \text{ segundos} \\ - 9 \text{ " } 25 \text{ " } 35 \text{ " } \end{array}$$

$$10) \begin{array}{r} 15 \text{ annos } 3 \text{ mezes } 5 \text{ dias } 20 \text{ horas} \\ - 3 \text{ " } 9 \text{ " } 23 \text{ " } 25 \text{ " } \end{array}$$

$$11) \begin{array}{r} 12 \text{ annos } 5 \text{ mezes } 3 \text{ dias } 18 \text{ horas } 20 \text{ minutos} \\ - 9 \text{ " } 10 \text{ " } 24 \text{ " } 20 \text{ " } 45 \text{ " } \end{array}$$

$$12) \begin{array}{r} 13 \text{ annos } 10 \text{ mezes } 2 \text{ dias } 2 \text{ horas } 3 \text{ minutos } 5 \text{ segundos} \\ - 5 \text{ " } 11 \text{ " } 28 \text{ " } 4 \text{ " } 30 \text{ " } 30 \text{ " } \end{array}$$

Multiplicação.

$$15 \text{ annos } 11 \text{ mezes } 8 \text{ dias} \cdot 6 = ?$$

$$= 95 \text{ annos } 7 \text{ mezes } 18 \text{ dias}$$

$$\begin{array}{r} 8 \text{ dias} \cdot 6 = 48 \text{ dias} : 30 = 1 \text{ mez} \\ \underline{30} \\ \underline{18} \text{ dias} \end{array}$$

$$11 \text{ mezes} \cdot 6 = 66 \text{ mezes} + 1 = 67 \text{ mezes}$$

$$\begin{array}{r} 67 \text{ mezes} : 12 = 5 \text{ annos} \\ \underline{60} \\ \underline{7} \text{ mezes} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 15 \text{ annos} \cdot 6 = 90 \text{ annos} + 5 \text{ annos} \\ = \underline{\underline{95}} \text{ annos} \end{array}$$

- 1) 15 annos 3 mezes 9
- 2) 8 annos 5 mezes . 10
- 3) 3 semanas 4 dias . 9
- 4) 10 annos 5 mezes 25 dias . 3
- 5) 4 dias 10 horas 25 minutos . 6
- 6) 50 minutos 35 segundos . 10
- 7) 5 duzias 9 peças . 9
- 8) 3 duzias 8 peças . 12
- 9) 3 annos 10 mezes 25 dias 22 horas . 9
- 10) 5 annos 9 mezes 24 dias 20 horas . 10.

Divisão.

$$\begin{array}{r} 29 \text{ dias } 3 \text{ horas } 45 \text{ minutos : } 9 = \\ 29 \text{ dias : } 9 = 3 \text{ dias} \quad \quad \quad 3 \text{ dias } 5 \text{ horas } 45 \text{ minutos.} \\ \hline 2 \quad 24 = 48 \text{ horas} \\ \quad \quad + 3 \\ \hline 51 \text{ horas : } 9 = 5 \text{ horas} \\ \quad \quad 45 \\ \hline 6 \quad 60 = 360 \text{ minutos} \\ \quad \quad + 45 \\ \hline 405 : 9 = 45 \text{ minutos} \\ \quad \quad 36 \\ \hline 45 \\ \quad \quad 45 \\ \hline 00 \end{array}$$

- 1) 46 annos 8 mezes : 10
- 2) 4 mezes 18 dias : 3
- 3) 135 annos 4 mezes : 12
- 4) 118 annos 20 dias : 9
- 5) 118 annos 5 mezes 20 dias : 9
- 6) 41 semanas 3 dias 16 horas : 8

- 17) 85 annos 20 dias 18 horas : 9
- 8) 68 dias 22 horas 58 minutos : 12
- 9) 7 mezes 23 dias : 9
- 0) 8 dias 20 horas 55 minutos : 5.

Medidas antigas.

Das medidas antigas hoje ainda usadas no Brasil são as principaes as seguintes:

1 legua brasileira tem 3000 braças e vale 6600 metros

1 braça tem 10 palmos e vale 2 ^m,20

1 palmo tem 8 pollegadas e vale 0 ^m,22

1 vara tem 5 palmos e vale 1 ^m,10

1 covado tem 3 palmos e vale 0 ^m,66

1 alqueire de terra tem 5000 braças quadr. e vale 2 ^{ha},42

1 arroba que vale 15 kilos.

Recapitulação:

- 1) Qual é a diferença em millimetros entre 43 e 84 centimetros?
- 2) Quantos hectares, ares e metros quadrados são 173 580 mq?
- 3) Quantos annos e dias são 7475 dias?
- 4) Quantos millimetros são 7 metros e 25 centimetros?
- 5) Quantos millimetros são 10 kilometros?
- 6) Quantos grammas são 5 kilos?
- 7) Quantos kilos são 15 arrobias?
- 8) Quantos kilos são 7 arrobias e 4 kilos?
- 9) Como se chama um quadrado que tem 100 metros de lado?

- 10) Como se chama um cubo que tem 10 centimetros de aresta?
- 11) Quanto custa 1 l pagando-se 50\$ por hectolitro?
- 12) Quanto custa 1 m pagando-se 30\$ por 10 metros?
- 13) Qual é o preço de 10 metros de panno, se o metro custa 10\$?
- 14) Um quarto tem 6 m de comprimento, 5 metros de largura e 3 m de altura. Qual é o volume?
- 15) 1 litro de vinho custa 800 rs; qual é o preço de 1 hectolitro?
- 16) Um hectolitro de vinho custa 80\$; quanto custará 1 litro?
- 17) Quantos vintens ha em 10\$?
- 18) Uma torneira dá 25 litros de agua por minuto. Quantos litros dará em 2 horas e 10 minutos?
- 19) Um trabalhador ganha 52\$ por semana. Quanto ganhará em 6 meses?
- 20) A idade de João é de 12 annos, 5 mezes e 10 dias; o pai delle tem 42 annos, 3 mezes e 25 dias. Qual é a diferença entre a idade de pai e filho?
- 21) Um negociante compra 750 hectolitros de trigo a 750 rs o litro. Quanto tem de pagar?
- 22) Uma familia gasta 125\$ em 20 dias. Quanto gastará em 6 mezes?
- 23) Um homem ganha 450\$ por mez. Quanto pode economizar em 6 mezes, gastando 275\$ por mez?
- 24) Uma duzia de ovos custa 800\$ rs. Quantas duzias posso comprar por 5\$?
- 25) 10 metros de seda custam 250\$; quanto custará 1 metro?
- 26) 2 kilos de manteiga custam 8\$500 rs. Quanto custará 1 kg?
- 27) Qual é o preço de 250 g de manteiga custando 5\$ 1 kg?

- 28) 2 kg de café custam 3\$600 rs; quanto custará 1 kg?
- 29) Compram-se 17 m de panno a 12\$500 o metro. Quanto se deve pagar?

Calculos sobre o tempo.

- 1) Quantas horas do dia passaram ás 2, 4, 6, 10, 18, 23 horas?
- 2) Quantas horas e minutos passaram do dia ás 2 horas e 30 minutos? ás 5 horas e 30 minutos? ás 10 horas e 15 minutos? ás 18 horas e 45 minutos?
- 3) Que horas são, quando passaram 5 horas? 6 horas e 20 minutos? 10 horas e 45 minutos?
- 4) Quantos dias do mez passaram inteiramente, quando estivermos a 5, 12, 15, 30?
- 5) A quanto estamos do mez de Julho depois terem passado 5, 7, 12, 27, 30 dias?
- 6) Quantos mezes do anno já passaram inteiramente quando estivermos no mez de Março? Maio? Julho? Setembro? Dezembro?
- 7) Quantos dias e mezes do anno corrente já passaram inteiramente no dia 25 de Março? no dia 23 de Abril? no dia 31 de Julho? no dia 1º de Setembro?
- 8) Em que mez estamos depois terem passado inteiramente 5, 7, 3, 8, 9 mezes?
- 9) A quanto estamos do mez depois terem passado do anno corrente 1 mez e 3 dias? 4 mezes e 10 dias? 5 mezes e 24 dias? 9 mezes e 27 dias? 11 mezes e 26 dias?

O tempo em que a terra gira uma vez sobre si mesma d'occidente para oriente chama-se dia. O dia divide-se em 24 horas.

Além do movimento diurno a terra gira em torno do sol em 365 dias, 5 horas, 48 minutos e 48 segundos. E' este periodo de tempo que constitue o anno.

Foi Julio Cesar quem ordenou que depois de tres annos consecutivos de 365 dias — chamados annos communs — se ajuntasse ao quarto anno mais um dia, fazendo assim um anno de 366 dias. O anno de 366 dias chama-se anno bissexto. O dia que se intercala é dado ao mez de Fevereiro, que nos annos bissextos contem 29 dias em vez de 28.

A razão da intercalação de um dia todos os quatro annos está em que ás 5 horas, 48 minutos e 48 segundos que o anno solar tem além dos 365 dias perfazem em 4 annos perto de 24 horas ou 1 dia. Para saber se um anno é bissexto, basta ver se os seus doux algarismos formam um numero divisivel por 4: assim o anno 1916 foi bissexto, porque 16 é divisivel por 4.

A éra christã começa pelo anno 1º, anno do nascimento do Nosso Senhor.

- 10) Quantos annos inteiros da éra christan passaram no anno 2, 5, 10, 1000, 1918 depois do nascimento de Nosso Senhor ?
- 11) Que anno escreveu-se depois de terem passado 2, 10, 100, 1000, 1900, 1917, 1918 annos inteiros ?
- 12) Quantos annos, mezes e dias já passaram no dia 18 de Fevereiro de 1715 ? no dia 30 de Julho de 1914 ? no dia 3 de Novembro de 1918 ?
- 13) Que data houve depois de terem passado 5 dias, 3 mezes 1910 annos ? 9 dias, 5 mezes 1912 annos ? 30 dias, 6 mezes 1914 annos.
- 14) Que tempo passou desde o dia 10 de Novembro de 1875 até o dia 15 de Dezembro de 1918 ?

Disposição dos dados do problema:

Desde o nascimento de Nosso Senhor passaram
no dia 15 de Dezembro de 1918 : 1917 annos 11 mezes 14 dias
" , 10 de Novembro de 1875 : 1874 " 10 " 9 "
resultado : 43 " 1 mez 5 "

- 15) Dom Pedro I. nasceu no dia 12 de Outubro de 1798 e morreu no dia 24 de Setembro de 1834. Que idade tinha?
- 16) Nossa patria foi descoberta no dia 3 de Maio de 1500 e tornou-se independente no dia 7 de Setembro de 1822. Quanto tempo foi colonia portugueza?
- 17) A Republica dos Estados Unidos do Brasil foi fundada no dia 15 de Novembro de 1889. Que tempo passou desde esse dia até hoje?
- 18) Fulano nasceu no dia 23 de Fevereiro de 1878. Que idade tem hoje?
- 19) Uma menina nasceu no dia 15 de Outubro de 1913. Que idade tem?
- 20) Carlos nasceu no dia 15 de Novembro de 1906 e João nasceu no dia 13 de Maio de 1908. Quem é o mais velho? Que idade tem cada um hoje?
- 21) O descobrimento do Brasil deu-se no dia 3 de Maio de 1500. Quanto tempo passou até hoje?
- 22) O dia da Independencia do Brasil é o 7 de Setembro de 1822. Que tempo passou até hoje?
- 23) A lei da Abolição da escravidão no Brasil foi assignada no dia 13 de Maio de 1888. Que tempo passou até hoje?
-