

Série Ordem e Progresso

Terceira Arithmetica

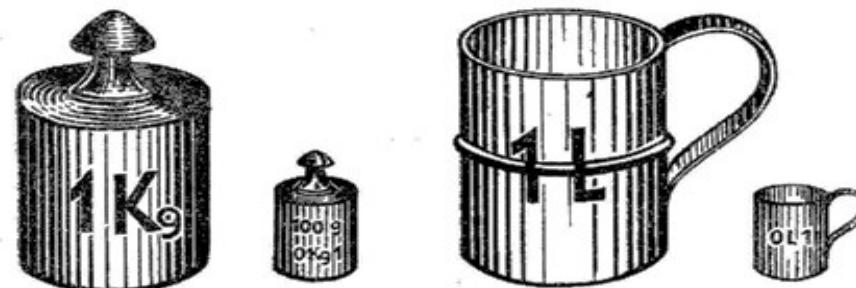
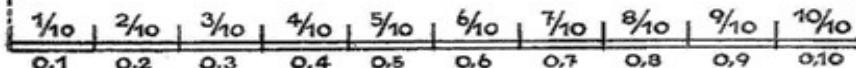


CASA EDITORA
CASA PUBLICADORA CONCORDIA
Rua São Pedro, 639 — Porto Alegre

Fracções decimales e systema metrico

I. Noções preliminares

UM INTEIRO



$\frac{1}{10} = 0,1$ é a decima parte do inteiro
 $\frac{2}{10} = 0,2$ são dois decimos
 $\frac{3}{10} = 0,3$ são tres decimos
 $\frac{4}{10} = 0,4$ são quatro decimos
 $\frac{5}{10} = 0,5$ são cinco decimos
 $\frac{6}{10} = 0,6$ são seis decimos
 $\frac{7}{10} = 0,7$ são sete decimos
 $\frac{8}{10} = 0,8$ são oito decimos
 $\frac{9}{10} = 0,9$ são nove decimos
 O inteiro tem $\frac{10}{10} = 1,0$

Nota: Dividindo-se a unidade em dez partes iguaes, cada parte é um decímo.

Os decimos ocupam a primeira casa à direita da vírgula.

Este instrumento que serve para indicar a temperatura do homem, se chama thermometro. Para determinar a temperatura exacta, os grãos do thermometro são divididos em decimos. O grão designa-se com um pequeno zero. P. ex. 15° . A temperatura do sangue do homem é de $36^{\circ}5$.

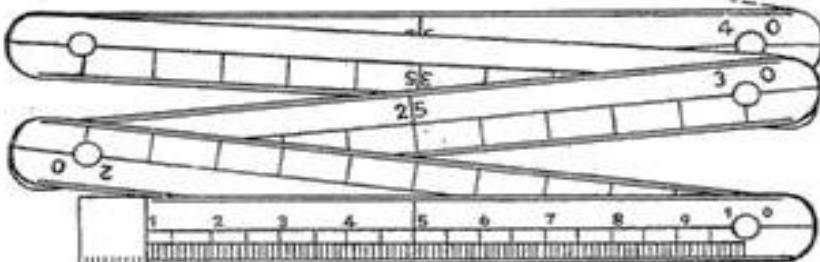


1. Ler a temperatura, indicada pelo thermometro.
2. Mostrar no thermometro 37° , 36° , 40° , $37^{\circ}5$, $40^{\circ}2$, $38^{\circ}9$, $41^{\circ}7$.
3. A temperatura dum doente, de manhã é de 38° , de tarde $39^{\circ}6$. Qual é a diferença?
4. Uma criança tem febre alta. O thermometro indica $40^{\circ}2$. Com a medicação baixou a 39° . Indicar a diferença.

5. $100\text{ g} = \frac{1}{10}$ do kg = 0 kg 1 6. $100\text{ m} = \frac{1}{10}$ do km = 0 km 1
 200 g = 800 m =
 400 g = 700 m =
 900 g = 500 m =
 600 g = 200 m =
 500 g = 300 m =

7. Escrever os decimos de 0,1 até 0,9.

8. $1\text{ kg }300\text{ g} = 1\text{ kg }3$
 2 kg 200 g =
 8 kg 700 g
 5 kg 400 g
 10 kg 500 g
9. $5\text{ km }200\text{ m} = 5\text{ km }2$
 6 km 500 m =
 8 km 100 m =
 3 km 400 m
 12 km 800 m



$$1\text{ cm} = \frac{1}{100} \text{ do m} = 0\text{ m }01$$

$\frac{1}{100} = 0,01$ é a centesima parte do inteiro

$\frac{2}{100} = 0,02$ são dois centesimos

$\frac{3}{100} = 0,03$ são tres centesimos

$\frac{8}{100} = 0,08$ são oito centesimos

$\frac{25}{100} = 0,25$ são vinte e cinco centesimos

$\frac{80}{100} = 0,80$ são oitenta centesimos

O inteiro tem $\frac{100}{100} = 1,00$

Nota: Quando dividimos a unidade em cem partes iguais, cada parte se chama um centesimo.

Os centesimos ocupam a segunda casa à direita da vírgula.

- | | |
|---|--|
| 1. $1\text{ cm} = \frac{1}{100} \text{ do m} = 0\text{ m }01$ | 2. $11 = \frac{1}{100} \text{ do hl} = 0\text{ hl }01$ |
| 4 cm = | 61 = |
| 9 cm = | 81 = |
| 7 cm = | 41 = |
| 5 cm = | 21 = |
| 3. $1\text{ m }4\text{ cm} = 1\text{ m }04$ | |
| 6 m 5 cm = | |
| 5 m 2 cm = | |
| 12 m 8 cm = | |
| 1 m 1 cm = | |
| 4. $4\text{ hl }51 = 4\text{ hl }05$ | |
| 4 hl 91 = | |
| 3 hl 61 = | |
| 8 hl 21 = | |
| 5 hl 81 = | |

5. Escrever todos os centesimos de 0,01 até 0,99.

6. Escrever os centesimos de

0,03 até 0,25	0,47 até 0,62	0,15 até 0,01
0,10 " 0,35	0,50 " 0,75	0,31 " 0,09
0,39 " 0,51	0,80 " 0,99	0,92 " 0,79



$$10 \text{ cm} = \frac{1}{10} \text{ do m} = 0 \text{ m } 1$$

$$10 \text{ cm} = \frac{10}{100} \text{ do m} = 0 \text{ m } 10$$

$$\text{logo: } 0 \text{ m } 1 = 0 \text{ m } 10 \text{ ou } 0.1 = 0.10$$

7. $40 \text{ cm} = 0 \text{ m } 40 = 0 \text{ m } 4$

$$90 \text{ cm} =$$

$$20 \text{ cm} =$$

$$50 \text{ cm} =$$

$$80 \text{ cm} =$$

$$90 \text{ cm} =$$

$$25 \text{ cm} = 20 \text{ cm} + 5 \text{ cm}$$

$$= 0 \text{ m } 2 + 0 \text{ m } 05$$

$$= 0 \text{ m } 20 + 0 \text{ m } 05 = 0 \text{ m } 25 \text{ (Lê: 25 centesimos)}$$

8. $301 = 0 \text{ hl } 30 = 0 \text{ hl } 3$

$$701 =$$

$$801 =$$

$$901 =$$

$$401 =$$

$$701 =$$

9. Decompôr pelo modelo dado:

$$37 \text{ cm}, 49 \text{ cm}, 12 \text{ cm}, 89 \text{ cm}, 72 \text{ cm}.$$

$$\begin{aligned} 2751 &= 200 \text{ } 1 + 701 \text{ } 51 \\ &= 2 \text{ hl } 0 \text{ hl } 7 + 0 \text{ hl } 05 \\ &= 2 \text{ hl } 0 \text{ hl } 70 + 0 \text{ hl } 05 = 2 \text{ hl } 75 \end{aligned}$$

10. Decompôr pelo modelo dado:

$$3751, 1111, 2981, 4601, 9721, 5071.$$

11. O aluno escreverá as seguintes frações:

8 decimos, 25 centesimos, 3 decimos, 15 centesimos, 7 decimos, 80 centesimos, 1 centesimo, 39 centesimos, 48 centesimos.

$$1 \text{ kg} = 1000 \text{ g.} \quad 1 \text{ g} = \frac{1}{1000} \text{ do kg} = 0 \text{ kg } 001$$

$\frac{1}{1000} = 0.001$ é a millesima parte do inteiro

$\frac{2}{1000} = 0.002$ são dois millesimos

$\frac{3}{1000} = 0.003$ são tres millesimos

$\frac{10}{1000} = 0.010$ são dez millesimos

$\frac{125}{1000} = 0.125$ são cento vinte e cinco millesimos

$\frac{850}{1000} = 0.850$ são oitocentos e cinquenta millesimos

O inteiro tem $\frac{1000}{1000} = 1.000$

Nota: Dividindo-se a unidade em mil partes iguais, cada parte é um millesimo

Os millesimos ocupam a terceira casa à direita da vírgula decimal.

1. $1 \text{ m} = \frac{1}{1000} \text{ do km} = 0 \text{ km } 001 \quad 2. \text{ } 1 \text{ g} = \frac{1}{1000} \text{ do kg} = 0 \text{ kg } 001$

$$4 \text{ m} = \quad \quad \quad 6 \text{ g} =$$

$$7 \text{ m} = \quad \quad \quad 8 \text{ g} =$$

$$5 \text{ m} = \quad \quad \quad 7 \text{ g} =$$

$$9 \text{ m} = \quad \quad \quad 2 \text{ g} =$$

$$100 \text{ g} = 1 \text{ decimo do kg} = 0 \text{ kg } 1$$

$$100 \text{ g} = 10 \text{ centesimos do kg} = 0 \text{ kg } 10$$

$$100 \text{ g} = 100 \text{ millesimos do kg} = 0 \text{ kg } 100$$

logo: $0 \text{ kg } 1 = 0 \text{ kg } 10 = 0 \text{ kg } 100$
 $1 \text{ decimo do kg} = 10 \text{ centesimos do kg} = 100 \text{ millesimos do kg}$

Nota: Acrescentando-se ou suprimindo-se á direita de uma fração decimal qualquer numero de zeros, não se altera o valor da fração decimal.

3. Escrever os seguintes decimos em centesimos e millesimos:
 $0 \text{ kg } 1, 0 \text{ kg } 6, 0 \text{ kg } 7, 0 \text{ km } 6, 0 \text{ km } 2, 0 \$ 7, 0 \$ 9.$

4. Escrever os seguintes centesimos em millesimos:
 $0 \text{ km } 03, 0 \text{ km } 04, 0 \text{ km } 09, 0 \text{ kg } 07, 0 \text{ kg } 02.$

5. Escrever os seguintes millesimos em centesimos e decimos:
 $0 \text{ kg } 900, 0 \text{ kg } 500, 0 \text{ km } 200, 0 \text{ km } 600,$
 $0 \$ 900, 0 \$ 700, 0 \$ 100$

6. Escrever os seguintes centesimos em decimos e millesimos:
 $0 \text{ km } 70, 0 \text{ km } 50, 0 \text{ kg } 90, 0 \text{ kg } 20, 0 \$ 70, 0 \$ 50, 0 \$ 20.$

$$\begin{array}{l} 235 \text{ g} = 200 \text{ g} \quad 30 \text{ g} \quad 5 \text{ g} \\ - 0 \text{ kg } 2 \quad 0 \text{ kg } 03 \quad 0 \text{ kg } 005 \\ - 0 \text{ kg } 200 \quad 0 \text{ kg } 030 \quad 0 \text{ kg } 005 = 0 \text{ kg } 235 \end{array}$$

7. Decompôr pelo modelo dado:

$$\begin{array}{l} 478 \text{ g}, 588 \text{ g}, 650 \text{ g}, 875 \text{ g}, 108 \text{ g}, \\ 326 \text{ m}, 199 \text{ m}, 55 \text{ m}, 209 \text{ m}, 345 \text{ m}, \\ 130 \text{ rs}, 850 \text{ rs}, 950 \text{ rs}, 245 \text{ rs}, 750 \text{ rs}. \end{array}$$

$$\begin{array}{l} 2478 \text{ m} \quad 2000 \text{ m} \quad 400 \text{ m} \quad 70 \text{ m} \quad 8 \text{ m} \\ - 2 \text{ km} \quad 0 \text{ km } 4 \quad 0 \text{ km } 07 \quad 0 \text{ km } 008 \\ - 2 \text{ km} \quad 0 \text{ km } 400 \quad 0 \text{ km } 070 \quad 0 \text{ km } 008 = 2 \text{ km } 478 \end{array}$$

- 8.** Decompôr pelo exemplo dado:
 1125 m, 5739 m, 6920 m, 5097 m, 1111 m.
 2385 g, 8672 g, 9507 g, 9688 g, 1230 g.

9. Escrever todos os millesimos de
 0,001 até 0,035 0,799 até 0,825 0,020 até 0,001
 0,079 0,102 0,400 0,429 0,145 0,132
 0,288 0,310 0,982 0,999 0,921 0,897

10. O aluno escreverá as seguintes frações:
 8 decimos 80 centesimos 100 millesimos
 3 decimos 125 millesimos 250 millesimos
 23 centesimos 400 millesimos 75 centesimos
 49 centesimos 950 millesimos 7 decimos

0,1 = um decimo = a decima parte do inteiro
 0,01 = um centesimo = a centesima parte do inteiro
 0,001 = um millesimo = a millesima parte do inteiro
 0,0001 = um decimo millesimo = a decima millesima parte do inteiro
 0,00001 = um centesimo millesimo = a centesima millesima parte do inteiro
 0,000001 = um millionsimo = millionsima parte do inteiro

11. Escrever os decimos millesimos de 0,2345 até 0,2361:
 0,0004 " 0,0019
 0,0990 " 0,1006

Escrever os centesimos millesimos de
 0,00001 até 0,00016
 0,00089 " 0,00107
 0,04100 " 0,04113

Escrever os millionsimos de
 0,000001 até 0,000015
 0,000092 " 0,000101
 0,099985 " 0,111117

Leitura das frações decimais

2,7 = dois inteiros e sete decimos
 4,25 = quatro inteiros e vinte e cinco centesimos
 10,135 = dez inteiros e cento e trinta e cinco millesimos
 130,0013 = cento e trinta inteiros e treze decimos millesimos
 95,13582 = noventa e cinco inteiros e treze mil quinhentos
 oitenta e dois centesimos millesimos
 1,000459 = um inteiro e quatrocentos cinquenta e nove
 millionsimos

Nota: Para ler fracções decimais lêem-se os inteiros e à parte decimal dá-se o nome da ultima casa decimal.

- | | | | | |
|--|----------|---------|----------|-----------|
| 12. Ler as seguintes frações decimais: | | | | |
| 2,5 | 9,83 | 9,365 | 3.2359 | 1,23456 |
| 6,3 | 3,75 | 34,907 | 5 0972 | 0,90835 |
| 106,4 | 8,04 | 0,125 | 30,0101 | 12,98002 |
| 45,9 | 340,45 | 129,459 | 235,1001 | 235,01001 |
| | | | | |
| 112,437 | 1,254796 | 0,1 | 0,00001 | |
| 56,15 | 7,078 | 0,01 | 0,000001 | |
| 21479,308 | 26,8006 | 0,001 | 0,101010 | |
| 37009,016 | 4,37009 | 0,0001 | 9,999999 | |

13. O professor dictará as frações dos exercícios Nr. 12.

Taboada de numeracão

Inteiros.					Decimais			
Trilhões	Bilhões	Milhões	Milhares	Unidades simples	3	2	1	
15 14 13	12 11 10	9 8 7	6 5 4	unidades dezenas centenas	unidades dezenas centenas	milésimos centésimos decímos	5 6 7	
unidades dezenas centenas	unidades dezenas centenas	unidades dezenas centenas	unidades dezenas centenas	milésimos centésimos decímos	milésimos centésimos decímos milésimos	milésimos centésimos decímos milésimos		

0,273758	=	0,2	2 decimos
	-	0,07	7 centesimos
	-	0,003	3 millesimos
	-	0,0007	7 decimos millesimos
	-	0,00008	8 centesimos millesimos
	-	0,000008	8 millioenesimos

$$\begin{array}{r}
 0,273758 = 0,200000 \quad 200000 \text{ millonesimos} \\
 + 0,070000 \quad 70000 \quad " \\
 - 0,003000 \quad 3000 \quad " \\
 - 0,000700 \quad 700 \quad " \\
 + 0,000050 \quad 50 \quad " \\
 - 0,000008 \quad 8 \quad "
 \end{array}$$

$0,273758 = 273758$ millesimos

Decompõr pelo modelo dado as seguintes frações:

$$0,7858, 0,28758, 0,702639, 0,234567$$

Nota: Da esquerda à direita, as casas decimais tornam-se dez vezes menores.

1 inteiro = 10 decimos

1 decimo = 10 centesimos

1 centesimo = 10 millesimos

1 millesimo = 10 decimos millesimos

1 centesimo millesimo = 10 millonesimos

1 decimo é a decima parte do inteiro

1 centesimo é a centesima parte do inteiro

1 millesimo é a millesima parte do inteiro

1 decimo millesimo é a decima millesima parte do inteiro

1 centesimo millesimo é a centesima millesima parte do inteiro

1 millonesimo é a millionsima parte do inteiro

II. Adição de frações decimais

$$5\$ + 3\$ = 8\$ \quad 3m + 6m = 9m \quad 5g + 4g = 9g$$

Sómente podemos sommar quantidades homogêneas.

$$5 \text{ unidades} + 4 \text{ unidades} = 9 \text{ unidades}$$

$$3 \text{ dezenas} + 4 \text{ dezenas} = 7 \text{ dezenas}$$

$$7 \text{ decimos} + 2 \text{ decimos} = 9 \text{ decimos}$$

$$5 \text{ centenas} + 3 \text{ centenas} = 8 \text{ centenas}$$

$$25m30 + 4m15 = 29m45 \quad 2\$800 + 7\$ = 9\$800 \quad 5kg750 + 0kg750 = 5kg750$$

$$\begin{array}{r}
 25,30 \\
 + 4,15 \\
 \hline
 29,45
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 2,800 \\
 + 7,000 \\
 \hline
 9,800
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 5,000 \\
 + 0,750 \\
 \hline
 5,750
 \end{array}$$

Nota: Para sommar frações decimais, escrevem-se as frações uma por baixo das outras, de modo que fiquem decimos debaixo de decimos, centesimos debaixo de centesimos,

millesimo debaixo de millesimo etc. Basta para isso que as vírgulas se correspondam em uma só coluna vertical.

Exemplo: $8,253 + 6,27 + 28,3658 + 2,4$

8,253 8,2530 A adição effectúa-se de direita à esquerda como com números inteiros.

$$6,27 \text{ ou: } 6,2700$$

$$28,3658$$

$$2,4$$

$$\hline$$

$$45,2888$$

Sommar vertical e horizontalmente:

$$\begin{array}{r}
 1. 0,6 + 0,1 + 1,2 + 2,1 + 8,7 + 0,3 + 9,9 + 2,4 = \\
 0,7 + 0,3 + 3,4 + 8,2 + 7,8 + 4,8 + 7,8 + 4,6 = \\
 3,4 + 0,5 + 4,6 + 6,3 + 6,4 + 0,4 + 3,7 + 6,8 = \\
 7,8 + 0,7 + 5,8 + 0,4 + 4,3 + 8,9 + 5,6 + 8,0 = \\
 5,9 + 2,9 + 6,3 + 4,5 + 5,9 + 0,5 + 1,5 + 1,3 = \\
 0,8 + 3,0 + 7,1 + 3,6 + 0,6 + 2,0 + 8,4 + 3,5 = \\
 4,2 + 5,2 + 8,5 + 9,7 + 5,8 + 0,6 + 6,3 + 5,7 = \\
 3,5 + 7,4 + 9,7 + 5,8 + 4,5 + 6,1 + 4,2 + 7,9 =
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 2. 0,24 + 1,12 + 2,29 + 3,06 + 0,10 + 4,21 + 0,11 + 4,34 = \\
 2,46 + 3,23 + 3,41 + 4,80 + 0,88 + 6,38 + 6,77 + 8,56 = \\
 4,68 + 5,24 + 4,63 + 5,28 + 0,43 + 1,06 + 8,48 + 9,78 = \\
 6,80 + 7,35 + 5,85 + 0,48 + 5,04 + 2,80 + 4,55 + 7,91 = \\
 8,02 + 9,46 + 6,07 + 8,75 + 8,90 + 0,37 + 5,69 + 9,23 = \\
 5,24 + 2,49 + 7,29 + 1,93 + 3,07 + 0,79 + 3,96 + 6,46 =
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 3. 20,5 \quad 76,84 \quad 384,728 \quad 6,79237 \quad 69,647245 \\
 13,7 \quad 9,6 \quad 0,8567 \quad 0,806 \quad 4,38 \\
 68,9 \quad 50,78 \quad 264,57 \quad 0,35 \quad 25,868 \\
 73,4 \quad 6,3 \quad 97,9846 \quad 9,3078 \quad 8,453696 \\
 79,3 \quad 5,08 \quad 6,354 \quad 7,00549 \quad 16,8
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 4. 3,5 \quad 0,08 \quad 23,90077 \quad 100,89060 \quad 12,4 \quad 0,7508 \quad 25,1 \\
 30,250 \quad 457,90075 \quad 0,0007 \quad 2,80,575 \quad 0,1 \quad 20,45 \quad 27 \\
 12 \quad 0,6 \quad 3,005 \quad 120 \quad 4 \quad 0,9 \quad 94,0075 \quad 23,24 \quad 0,00009 \\
 24,305 \quad 17 \quad 3,5 \quad 7,560 \quad 0,9 \quad 50 \quad 1 \quad 7,5 \quad 3,3 \quad 0,1 \\
 1,9 \quad 3,006 \quad 50,25 \quad 11,08 \quad 20 \quad 4,50007 \quad 2 \quad 25 \quad 0,8
 \end{array}$$

Medidas de comprimento

A unidade principal é o metro (m)

O metro é a decima millionesima parte de um quarto do meridiano terrestre. Meridiano é um círculo que dá a volta ao redor da terra, passando pelos pólos.

O meridiano terrestre mede 40 000 000 m ou 40 000 km.



1 Kilometro	= 1000 metros	— — 1 Km	= 1000 m
1 Hectometro	= 100 metros	— — 1 Hm	= 100 m
1 Decametro	= 10 metros	— — 1 Dm	= 10 m

1 decimetro	= $\frac{1}{10}$ do metro	— — 1 dm	= 0 m 1
1 centimetro	= $\frac{1}{100}$ do metro	— — 1 cm	= 0 m 01
1 milímetro	= $\frac{1}{1000}$ do metro	— — 1 mm	= 0 m 001

1 m = 10 dm	1 dm = 10 cm
1 m = 100 cm	1 cm = 10 mm
1 m = 1000 mm	

Medidas de peso

Unidade principal é a gramma

1 Kilogramma	= 1000 grammas	— — 1 Kg	= 1000 g
1 Hectogramma	= 100 grammas	— — 1 Hg	= 100 g
1 Decagramma	= 10 grammas	— — 1 Dg	= 10 g

1 decigramma	= $\frac{1}{10}$ do gramma	— — 1 dg	= 0 g 1
1 centigramma	= $\frac{1}{100}$ do gramma	— — 1 cg	= 0 g 01
1 milligramma	= $\frac{1}{1000}$ do gramma	— — 1 mg	= 0 g 001
1000 kg	= 1 tonelada	— — — 1000 kg	= 1 t

- Uma turma de operários faz uma estrada de rodagem. Na primeira semana faz 2 km 235, na segunda semana 3 km 890, na terceira 4 km 50 e na quarta 1 km 990. Qual a extensão da estrada?
- Um batalhão marcha na segunda-feira 25 km, na terça-feira 22 km 800, na quarta-feira 20 km 500. Qual é o total da marcha?

- Um negociante comprou 5 peças de fazenda. A primeira tinha 25 m 30, a segunda 30 m 75, a terceira 18 m 50, a quarta 34 m 60 e a quinta 38 m 25. Quantos metros comprou ao todo?
 - O pae de Zeferino mandou fazer fatiolas para os seus três filhos. O maior precisa de 3 m 20, o segundo 3 m e o menor 2 m 40. Fazer a conta.
 - Uma dona de casa gasta na quarta-feira 1 kg 500 de pão, na quinta-feira 1 kg 750, na sexta-feira 1 kg 250 e no sábado 2 kg. Quanto gastou durante estes 4 dias?
 - Jorge empilhou os seus livros escolares em cima da mesa. Qual será a altura da pilha sabendo-se que a grossura da Grammatica é de 1 cm 8, a do Livro de Leitura de 2 cm 3, a da Historia Universal de 3 cm, a da Geographia de 7 mm, a da Historia do Brasil de 1 cm 1 e a das Sciencias 1 cm 4?
 - A distancia entre a estação e a casa de Frederico é de 5 km. A casa de Julio fica 280 m mais distante e a de Augusto 325 m mais do que a de Julio. Calcular a distancia entre a estação e a casa de Julio e a de Augusto.
 - Um commerciante registrou durante uma semana as seguintes entradas: Segunda-feira 500\$, terça-feira 2 contos, quarta-feira 95\$500, quinta-feira 1 conto 650\$, sexta-feira 900\$ e no sábado 3 contos 25\$ e 700 rs. Sommar.
 - O professor fará os alunos sommar os seguintes números: 500 rs, 3 tostões, 48, 205\$500, 2 contos, 40\$, 700\$200, 900 rs.
 - 200 rs, 3 contos, 25\$, 600 rs, 5\$300, 4 contos 500\$, 2\$300, 10\$, 2\$50 rs.
 - 4 km, 350 m, 2 km 50 m, 50 m, 4 km 200 m, 50 m, 2 m,
 - 9 hl, 50 l, 10 hl 35 l, 9 l, 2 hl, 70 l, 914 hl,
 - 3 kp, 50 g, 1 kg 300, 75 g, 10 kg 500, 50 g, 3 kp; 80.
- ### III. Subtração de frações decimais
- | | | | | | |
|------|------|------|------------|------------|------------|
| 8 \$ | 3 \$ | 5 \$ | 7 laranjas | 3 laranjas | 4 laranjas |
| 4 kp | 3 kp | 1 kp | | | |
- Não podemos subtrair se não soubermos da mesma espécie

Exemplo:	8,635	2,76	Unisce do primeiro algarismo da
	8,635	8,635	direita do minuendo, o primeiro
	2,76 ou	2,760	do subtraendo.
			5,875

Nota: Para subtrair uma fração decimal de outra escrevem-se decimos debaixo de decimos, centesimos debaixo de centesimos, millesimos debaixo de millesimos etc., de modo que as vírgulas se correspondam em coluna vertical.

1.	5,624	45,679	32,0075	920,58095	8,35007
	- 2,348	13,9	4,085	145,75	0,95
2.	706,355	35,95	3. 1,0007	- 0,5 4. 985,090919	23,005
	207,542	0,75	23,3007	4,75 35,987654	0,923
	706,008	12,3	100,0058	99,95 129,000006	128,99

Exemplo:	2,8	1,55	Igualamos o numero de casas de
	2,8	2,80	cimas, acrescentando zeros.
	1,55 ou	1,55	
			1,25

5.	2,8	1,375	6. 253,75	175,25905	7. 20,05	19,0499
	25,9	- 9,207	140,925	- 95,00758	100,125	- 100,12486
	1,1	- 0,975	0,9	- 0,00075	1,01	- 1,0001

De 18 tirar 8500 réis

1,000	Colloca-se a vírgula e acrescentam-se tan-
0,500	tos zeros quantas são as casas decimais
0,500 = 08500	do numero que se subtrahe.

Exemplo:	8	- 5,75	250	- 1,758	
	8,00		250,000		
	5,75		1,758		
	2,25		248,242		

8.	20	- 18,75	9. 520	312,50	10. 500	178,80
	45	- 23,30	493	281,75	900	- 808,08
	60	- 26,85	320	118,80	270	- 62,76
	54	- 31,80	485	374,25	490	287,20
11.	25,50	- 14,30	12. 125,8	12,6	13. 297,678	52,3
	18,75	- 6,42	96,7	35,4	680,980	420,8
	69,09	- 24,07	387,9	- 66,0	308,875	- 206,4
	87,86	- 53,43	79,6	- 52,2	587,720	- 365,3

14.	5,85		5,28		24,2		21,452		3,450
	3,67		2,85		8,7		8,575		0,725

Escrever em frações decimais e diminuir:

15.	5 kg	50 g	16. 5 m	- 85 cm	17. 5 km	- 367 m
	9 kg	850 g	1 m	- 7 cm	10 km	- 650 m
	12 kg	9 g	14 m	- 20 cm	5 km	- 50 m
	1 kg	990 g	3 m	- 37 cm	1 km	- 2 m

18.	6 hl	85 l	- 1 hl	34 l	19. 6 kg	250 g	- 2 kg	130 g
	5 hl	25 l	- -	90 l	4 kg	500 g	- 2 kg	70 g
	8 hl	- -	- 4 hl	50 l	9 kg	- -	508 g	
	12 hl	50 l	-	9 hl	75 l	6 kg	450 g	- 2 kg

20. Uma senhora comprou 7 m 80 de etamina para vestidos das suas três filhinhas. Elsa leva 2 m 30, Maria 2 m, Julieta 1 m 75. Quanto resta?

21. Duma taboa de 5 m 50 cortam-se 1 m 30 e depois 50 cm.

22. Um colono leva uma lata com manteiga à venda. O negociante verifica que faltam 350 g para 3 kg.

23. Uma caixa com sabão pesa 29 kg. A caixa vazia pesa 1 kg 350. Qual o peso do sabão?

24. Albino comprou 3 kg de açucar. Verificando o peso em casa, vê que tem só 2 kg 850.

25. De uma estrada de rodagem de 60 km apromptou a primeira turma 12 km 800, a segunda 8 km e a terceira 15 km 700. Quanto resta a fazer?

26. Um comerciante depositou num banco no começo do anno 35:750\$000. No decorrer do anno tirou 2:500\$000, 450\$000, 78500, 1:000\$000, 600\$000, 508000, 250\$000. Qual o seu haver no fim do anno?

27. Um marceneiro recebe pela venda de moveis 1:350\$000. Suas despesas foram 858\$500. Qual o lucro?

28. 1 km — 428 m 25 — 38 m 7 — 84 m 36 — 149 m 2 — 80 m.

29. 3420 hl — 702 hl 195 — 57 hl 6 — 85 l — 670 hl 75 — 121 hl 8.

30. 10 000 t — 802 t — 950 kg — 500 kg 500 — 20 t — 50 kg.

31. $12\text{ m}00 \times 1\text{ m}20 = 10\text{ m}80$
 $10\text{ m}80 \times 1\text{ m}20 = 9\text{ m}60$
etc.

32. $158000 \times 18500 = 1385000$
etc.

33. $24\text{h}00 - 2\text{h}40 = 21\text{h}60$
 $21\text{h}60 - 2\text{h}40 = 19\text{h}20$
etc.

IV. Multiplicação de frações decimais

1 m de brim custa 28500. Quanto custarão 3 m?
 $2,500$
 $\times 3$

7,500 3 m custarão 78500.

1 peça de morim tem 6 m 20. Quantos metros tem 144 peças iguais?
 $6,20$
 $\times 144$

2480
2480
620

892,80 144 peças tem 892 m 80.

1 kg de açucar custa 18200. Quanto custarão 3 kg 600?
 $1,200$ ou $1,2$
 $\times 3,600$ 3,6

72
36

4,32 3 kg 600 custarão 48320.

Na multiplicação de números decimais há três casos:

1. Fracção decimal por número inteiro.

Exemplo: $6,275 \times 23$ O produto tem tantas casas decimais quantas tem o multiplicando.
 18825
12550

144.325

1. $3,24 \times 34 = 103,25$
 $\times 34 < 132 < 145$

15

2. $34,25 \times 345 = 120,57 \times 108$
 $0,456 \times 98$
 $120,57 \times 108$
 $234,085 \times 87$

3. $23,0123 \times 74$
 $99,7274 \times 143$
 $0,0459 \times 92$
 $1,1234 \times 34$

4. $234,782 \times 8034$
 $23,458 \times 345$
 $0,023 \times 7089$
 $2345,823 \times 6789$

2. Número inteiro por fração decimal.

Exemplo: $6244 \times 2,8$ O produto tem tantas casas decimais quantas tem o multiplicador.

$$\begin{array}{r} 49952 \\ 12488 \\ \hline 17483,2 \end{array}$$

5. $628 \times 3658 = 972 \times 860 = 5609 \times 5007 \times 4001$
 $2,3 \times 5,9 < 5,2 \times 9,9 < 4,8 \times 0,3 \times 7,1$

6. $345 \times 4,5 = 567 \times 3,2 = 209 \times 6,7 = 389 \times 9,2$
 $7. 3007 \times 2,34 = 7892 \times 5,55 = 9027 \times 6,98 = 3123 \times 9,34$
 $8. 4570 \times 3,234 = 9072 \times 3,640 = 1002 \times 4,567 = 2973 \times 2,012$

3. Fracção por fracção.

Exemplo: $6,45 \times 3,3$ O produto tem tantas casas decimais quantas têm ambos os factores.

$$\begin{array}{r} 1935 \\ 1935 \\ \hline 212,85 \end{array}$$

9. $34,56 \times 5,74 = 56,92 \times 8,04 = 123,51 \times 12,34 = 234,12 \times 13,20 = 98,134 \times 3,13$

10. $23,45 \times 13,67 = 35,59 \times 13,29 = 56,08 \times 1,35 = 20,03 \times 20,07$
 $11. 124,12 \times 23,46 = 250,091 \times 123,08 = 40,002 \times 10,12 = 109,25 \times 99,21$
 $12. 2034,123 \times 123,024 = 98,002 \times 234,126 = 3924,134 \times 231,39 = 2490,20 \times 7,6$

Regra geral: Multiplica-se como se fôssem inteiros e no produto separam-se tantas casas decimais quantas têm ambos os factores.

Nota: Para multiplicar uma fração decimal por 10, 100, 1000 etc., basta mudar a vírgula uma, duas, três etc. casas para direita.

Exemplo:	23,6	multiplicado por	10	236
	68,24		100	6824
	9,3862	+	1000	93682,2

13. Multiplicar as seguintes frações decimais por 10:

0,25	1,32	0,500	2,400	17,600
0,78	3,54	0,250	5,700	24,900
0,50	1,50	0,480	4,300	124,800
0,04	4,08	0,050	6,050	0,500
0,01	1,40	0,002	1,025	1,100

14. Multiplicar por 100 as frações decimais do exercício 13.

15. Multiplicar por 1000 as frações do exercício 13.

Medidas de superfície

A unidade principal é o metro quadrado (m^2). O metro quadrado é um quadrado que tem 1 m de cada lado.

Kilometro quadrado	$= Km^2 = 1000\text{ m} \times 1000\text{ m} = 1\,000\,000\text{ m}^2$
Hectometro quadrado	$= Hm^2 = 100\text{ m} \times 100\text{ m} = 10\,000\text{ m}^2$
Decametro quadrado	$= Dm^2 = 10\text{ m} \times 10\text{ m} = 100\text{ m}^2$
decimetro quadrado	$= dm^2 = 0\text{ m }1 \times 0\text{ m }1 = 0\text{ m}^2\text{01}$
centimetro quadrado	$= cm^2 = 0\text{ m }01 \times 0\text{ m }01 = 0\text{ m}^2\text{0001}$
millimetro quadrado	$= mm^2 = 0\text{ m }001 \times 0\text{ m }001 = 0\text{ m}^2\text{000001}$

Nota:

$$1\text{ Hm}^2 = 100\text{ m} \times 100\text{ m} = 10\,000\text{ m}^2 = 1\text{ hectare (ha)}$$

$$1\text{ Dm}^2 = 10\text{ m} \times 10\text{ m} = 100\text{ m}^2 = 1\text{ are (a)}$$

$$1\text{ ha} = 100\text{ a} = 10\,000\text{ m}^2$$

- Para uma camisa precisam-se 2 m 80. Uma fábrica quer fazer 25 camisas da mesma fábrica.
- Um sacco de trigo custa 188500. Um agricultor vende 37 saccos.
- Uma família compra por dia $\frac{3}{4}\text{ kg}$ (0 kg 750) de carne. Quanto gasta por semana, por mês, por ano? O preço de 1 kg importa em 18400.
- O frete de 1 sacco de arroz importa em 18500. Um vendedor embarca 450 saccos.

5. A casa Baratilhos vende retalhos. Nos escolhamos:

2 m 65 de brim	a 2\$800	1 m 25 de casimira	a 12\$700
5 m 75 de linho	a 5\$800	2 m 05 de flanela	a 14\$800
6 m 20 de morim	a 28500	1 m 35 de seda preta	a 18\$600

6. Que altura alcançam 10. 100 taboas sendo a espessura de cada uma 0 m 03?

7. Uma cerca de madeira consta de 100 taboas. A largura de cada taboa é de 0 m 33. Calcular o comprimento da cerca.

8. Um pedreiro levanta um muro. Que altura terá o muro com a) 10, b) 100 tijolos de 0 m 075 (75 mm) de espessura, levando cada tijolo 1 cm de argamassa.

9. Frederico comprou fazenda para uma fatiota. Ele precisa de 2 m 30 de casimira a 15\$500, de 1 m 20 de forro a 2\$500. O alfaiate leva 9 horas a 28\$00 para apontar a fatiota. Os preparos valem 98\$00.

10. A nossa mãe faz camisas para nós três irmãos. Cada um ganha duas camisas. Paulo precisa de 2 m 50, Félix de 2 m 25 e Henrique de 1 m 80 para cada camisa.

11. O peso médio de um ovo é 0 kg 060. Calcular o peso de 100. 1000 ovos.

12. Eurípides vende cinco fardos de alfafa. O negociante coloca na balança decimal os seguintes pesos: 2 kg, 2 kg, 500 g, 200 g. Calcular o peso da alfafa.

13. Um faxendeiro possuía um campo de 142 ha 3800. Ele comprou do seu vizinho 35 ha 7800 do campo. Calcular o valor da fazenda à base de 250\$000 o hectar.

14. Felizberto vende 2 terrenos, um de 2 ares 25 e o outro de 5 ares 80 de superfície a razão de 3:200\$000 o are.

15. Em 1 segundo percorre:

a aguia	31 m 50	cavallo a passo	1 m 10
o automovel	25 m 75	" a trote	2 m 15
o pombo	28 m 40	" a galope	6 m 76
o vapor	9 m 84	bicycleta	7 m 93
o aeroplano	42 m 68	o som	337 m 00
o Zeppelin	26 m 60		

Calcular a velocidade por minuto, por hora.

16. Um frigorífico vende:

6 kg 700 de maminha	a. 48500
18 kg 000 de banha	a. 18850
7 kg 800 de linguiça	a. 28100
3½ dúzias de ovos	a. 08800
5 kg 700 de toucinho	a. 18900
3 sacos de feijão	a. 178500
14 gallinhas	a. 18900
3 kg 400 de queijo	a. 28300

compra:

5 m 50 de brim	a. 38800
8 m 50 de morim	a. 28300
3 m 50 de tricolina	a. 48600
4 kg de açucar	a. 18300
2 rollos de arame	a. 248500
2 pacotes de pregos	a. 48500

Quanto dinheiro lhe sobra?

$$17. \quad 45,900 - 248,008 = 0,700 \quad 2,900 - 250 \times 1,03$$

$$18. \quad 12 \div 19,625 = 25,8 \div 0,06 = 100 \div 2,001 \times 2,50$$

$$19. \quad 17,900 \div 3575 = 2009,57 \div 3,700 = 200 \times 0,01$$

V. Divisão de frações decimais

O pae reparte entre seus 3 filhos a quantia de 48500 rs.
Quanto recebe cada filho?

$$\begin{array}{r} 48500 : 3 = 18500 \text{ rs.} \\ 3 \\ 15 \\ 15 \\ 00 \end{array} \quad \begin{array}{l} \text{Cada filho recebe } 18500 \text{ rs.} \\ \text{Prova: } 18500 \times 3 = 48500 \text{ rs.} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2 \text{ m } 50 \text{ custam } 248. \text{ Quanto custa } 1 \text{ metro?} \\ 24,00 : 2,50 = 9,600 \text{ rs.} \\ 2250 \\ 1500 \quad \text{Um metro custa } 9,600. \\ 1500 \\ 0000 \end{array} \quad \begin{array}{r} \text{Prova: } 9,600 \times 2,50 = 24,00 \\ 480 \\ 192 \\ 248000 \end{array}$$

6 bil 21 mil 400	1978500	Quantos custa 1 bil:
187 50	187 50	$\times 6,25$
10 000	10 000	158000
6 250	6 250	63200
3 7500	3 7500	189600
3 7500	3 7500	1978500
	00	

Na três casos na divisão de frações decimais

1. Fração decimal por número inteiro

Exemplo: 116,835 : 15 = 7,789	Prova: 7,789
105	15
118	Divide-se como se fôssem números inteiros e collocá-se a
105	virgula no encontrá-la.
133	38945
120	7789
135	116,835
135	

$$\begin{array}{llll} 1. \quad 71,28 : 8 & 2. \quad 7,28 : 14 & 3. \quad 1,080 : 24 & 4. \quad 0,918 : 34 \\ 50,67 : 9 & 8,93 : 19 & 8,160 : 96 & 0,512 : 64 \\ 9,04 : 8 & 9,01 : 17 & 3,819 : 67 & 0,648 : 36 \\ 62,30 : 7 & 6,12 : 18 & 6,336 : 33 & 0,623 : 89 \end{array}$$

$$\begin{array}{llll} 5. \quad 878 : 4 & 6. \quad 18 : 5 & 7. \quad 0,3 : 12 & 8. \quad 296 : 64 \\ 194 : 8 & 358 : 8 & 0,72 : 48 & 553,6 : 128 \\ 373 : 5 & 27 : 4 & 0,90 : 18 & 737,1 : 25 \\ 783 : 4 & 100 : 8 & 0,36 : 24 & 711,75 : 375 \end{array}$$

$$\begin{array}{llll} 9. \quad 56,52 : 18 & 10. \quad 76,80 : 24 & 11. \quad 18 : 48 & 12. \quad 6,975 : 31 \\ 9,94 : 14 & 9,36 : 78 & 324 : 25 & 7,296 : 24 \\ 52,78 : 13 & 75,24 : 38 & 56 : 64 & 0,648 : 72 \\ 9,18 : 17 & 9,89 : 43 & 192 : 75 & 14,112 : 36 \end{array}$$

2. Número inteiro por uma fração

Exemplo: 1635 : 1,5	
16350 : 15 = 1090	
15	
135	
135	
0	

Accrescentam-se ao numero que se divide tantos zeros quantas são as casas decimais do divisor, e divide-se como os inteiros.

- | | | | |
|------------------|-----------------|-----------------|-----------------|
| 1. $156 : 0,25$ | 2. $40 : 2,500$ | 3. $172 : 0,06$ | 4. $340 : 0,50$ |
| $20 : 2,50$ | $135 : 4,500$ | $648 : 0,9$ | $560 : 0,28$ |
| $8 : 0,50$ | $372 : 1,200$ | $373 : 0,9$ | $30 : 0,15$ |
| $76 : 0,38$ | $918 : 1,700$ | $456 : 0,8$ | $270 : 0,54$ |
| 5. $350 : 1,750$ | 6. $67 : 0,6$ | 7. $783 : 0,7$ | 8. $784 : 0,27$ |
| $450 : 0,900$ | $381 : 0,6$ | $684 : 0,654$ | $932 : 0,39$ |
| $56 : 1,400$ | $772 : 0,9$ | $34 : 0,85$ | $864 : 0,87$ |
| $100 : 2,500$ | $74 : 0,27$ | $87 : 6,17$ | $728 : 7,22$ |

3. Fracção decimal por fração decimal

Exemplo: $167,5 : 0,25$

$$\begin{array}{r} 167,50 : 0,25 = 370 \\ \hline 150 \\ 175 \\ \hline 175 \end{array}$$

Depois de igualar o numero de casas decimais em ambos os numeros, suprimem-se as vírgulas e opera-se como nos numeros inteiros.

- | | | | |
|------------------|-------------------|--------------------|------------------|
| 1. $29,88 : 0,6$ | 2. $37,2 : 0,6$ | 3. $37,2 : 0,12$ | 4. $2.816 : 352$ |
| $74,36 : 0,4$ | $64,8 : 0,9$ | $41,6 : 0,13$ | $1.860 : 6,20$ |
| $50,67 : 0,9$ | $87,3 : 0,9$ | $91,8 : 0,17$ | $0,392 : 1,96$ |
| $97,65 : 0,7$ | $45,6 : 0,8$ | $73,6 : 0,16$ | $0,234 : 0,27$ |
| 5. $16,75 : 2,5$ | 6. $16,5 : 0,125$ | 7. $207,40 : 0,34$ | |
| $262,493 : 5,39$ | $1,08 : 0,075$ | $240,35 : 0,55$ | |
| $193,409 : 3,67$ | $9 : 0,016$ | $378,25 : 0,85$ | |
| $348,996 : 7,62$ | $8,7 : 0,024$ | $343,04 : 0,67$ | |

Nota: Se a divisão deixar resto, acrescentam-se zeros e continuase até não houver resto ou alcançar o numero de casas decimais desejadas.

- | | | | |
|----------------|------------------|-------------------|------------------|
| 8. $1,9 : 0,3$ | 9. $3,75 : 0,29$ | 10. $4.700 : 1,5$ | 11. $62,31 : 45$ |
| $2,8 : 0,9$ | $4,3 : 0,19$ | $1,3 : 1,8$ | $616 : 18$ |
| $1,4 : 0,3$ | $0,28 : 0,37$ | $1,2 : 1,3$ | $73,20 : 36$ |
| $6,5 : 0,7$ | $0,2 : 0,13$ | $2,5 : 4,5$ | $265 : 23$ |

Nota: Para dividir uma fração decimal por 10, 100, 1000, etc. basta mudar a vírgula uma, duas, tres etc. casas para esquerda.

12. Dividir por 10:

12,50	2,5	9,350	5,70	12,5
325,00	253,00	12,890	50,000	7,4
74,30	8,4	0,600	10,700	4,7
543,00	34,00	1,100	23,500	0,1

- | | | | |
|---|---------|---------|--------|
| 13. Dividir os exercícios acima por 100 | | | |
| 14. Dividir por 1000: | | | |
| 45.000 | 34.750 | 345.980 | 890,23 |
| 9.000 | 1.890 | 500,5 | 125,5 |
| 123.000 | 234.753 | 45,5 | 45,5 |
| 1.000 | 800,56 | 1,1 | 25,9 |

- Rearpartir 290\$000 igualmente entre 8 pessoas.
- Um operario ganha num dia de trabalho de 8 horas 12\$800. Quanto ganha por hora?
- Uma familia compra 2 kg de carne para 8 pessoas.
- Quanto ganhará uma familia por dia, por semana, por mes, tendo um ordenado de 4:000\$000 por anno?
- Um pacote de pregos contém 175 pregos e pesa 1 kg 350.
- O nosso potreiro tem um comprimento de 150 m e uma largura de 85 m. Eu contei 208 moirões. Qual a distancia de um moirão a outro?
- Uma peça de fazenda de 42 m custa 159\$600. Qual será o preço de venda, querendo lucrar 0\$500 em cada metro?
- O milheiro de tijolos custa 85\$000. de telhas 340\$000. Quanto custa 1 tijolo, 1 telha?
- O syndicato de banha mandou para o estrangeiro 100 caixas de banha por 53:000\$000. Quanto custa a caixa?
- O frete por tonelada importa em 85\$000. Quanto por kg?
- A distancia entre a casa do Alfredo ao collegio é de 1580 m. O passo de Alfredo mede 0m 60. Quantos passos?
- Quantas moedas de 200 reis fazem 1 kg, pesando cada uma 8g?
- O pac de Pedro vendeu 3 kg 600 de manteiga por 16\$200. O pac de Fredolino recebeu 15\$400 por 2 kg 800. Qual dos dois alcançou o melhor preço?
- Um colono deve 137\$500 de impostos. Quantos kg de banha (preço actual) precisará vender para pagar esta importância?
- Quantos barris de 35 l de capacidade se podem encher com uma pipa que contém 26 hl 25?
- Quantos pares de meias se farão com 2 kg 125 de lã, sabendo-se que 1 par precisa de 0 kg 125?
- 4.25 15.008 0.7 × 2.05 : 8

18. $25 + 0,5 = 25,048 \times 30 : 1,5$
 19. $100 + 99,99 = 199,985 \times 0,005 : 10$
 20. $35,075 + 20 = 4,5 \times 1000 : 0,7$
 21. $0,008 + 0,02 = 0,0005 - 0,2 : 0,03$
 22. $17,2 + 17,02 = 0,502 \times 10 : 0,1$

Medidas de volume

A unidade principal é o metro cubico (ou m³)

O metro cubico é um cubo cujas faces são metros quadrados, ou um cubo que tem um metro de aresta.

Kilometro cubico = Km³ = $1000m \times 1000m \times 1000m = 1\ 000\ 000\ 000\ m^3$

Hectometro cubico = Hm³ = $100m \times 100m \times 100m = 1\ 000\ 000\ m^3$

Decametro cubico = Dm³ = $10m \times 10m \times 10m = 1\ 000\ m^3$

millimetro cubico = mm³ = $0m001 \times 0m001 \times 0m001 = 0\ m\ 000\ 000\ 001\ m^3$

centimetro cubico = cm³ = $0m01 \times 0m01 \times 0m01 = 0m000\ 001\ m^3$

decimetro cubico = dm³ = $0m1 \times 0m1 \times 0m1 = 0m001\ m^3$

Exercícios

- Calcular o volume de um tijolo que tem as seguintes dimensões: 30 cm × 20 cm × 8 cm.
- Qual será o volume de uma pedra que tenha 90 cm de comprimento, 60 cm de largura e 15 cm de espessura?
- Calcular o volume de 50 dormentes cujas dimensões são:
Comprimento: 2 m 1,0
largura: 30 cm,
espessura: 20 cm.
- Quantos metros cubicos cabem num caixão de 2 m 30 de comprimento, 1 m 80 de largura e 90 cm de altura?
- Um molleiro quer abrir um canal de 250 m de comprimento, 1 m 25 de largura e 2 m 50 de profundidade. Quantos metros cubicos precisa cavar?

Effectuar as seguintes multiplicações:

- a) 5 m × 6 m × 8 m e) 2 m 12 × 3 m 10 × 5 m 75
 b) 4 dm × 3 dm × 7 dm f) 7 m 60 × 4 m 6 × 9 m
 c) 9 cm × 5 cm × 4 cm g) 6 m × 3 dm × 4 cm
 d) 6 mm × 3 mm × 8 mm h) 5 dm × 3 cm × 2 mm

Unidades	Número de unidades correspondentes a cada múltiplo ou submúltiplo							
	1	10	100	1000	10 000	0,1	0,01	0,001
Metro	Decâmetro	Hectômetro	Myriâmetro	Decâmetro	Centímetro	Millimetro	Millimetro	Millimetro
Litro	Decalitro	Hecolitro	Myrialitro	Decilitro	Centilitro	Millilitro	Millilitro	Millilitro
Gramma	Hectogramma	Myriagramma	Decagramma	Centigramma	Decigramma	Myriagramma	Milligramma	Milligramma
	100	10 000	100 000	100 000 000	0,01	0,001	0,000 001	0,000 000 001
De comprimento	Decâmetro ²	Hectômetro ²	Myriâmetro ²	Decâmetro ³	Centímetro ²	Millímetro ²	Millímetro ³	Millímetro ³
De capacidade	10 ³	10 ⁶	10 ⁹	10 000 ³	0,1 ²	0,01 ²	0,001 ²	0,001 ³
De peso								
De superfície								
De volume								

Deca = dez	deci = a décima parte
Hecto = cem	centí = a centésima parte
Kilo = mil	milli = a milésima parte
Myria = dez mil	Submúltiplos

Medidas de capacidade

A unidade principal é o litro (l).

O litro é um decímetro cúbico; corresponde à millesima parte do metro cúbico.

1 Kilolitro	= 1000 litros	1 Kl	= 1000 l
1 Hectolitro	= 100 litros	1 Hl	= 100 l
1 Decalitro	= 10 litros	1 Dl	= 10 l

Litro unidade principal

1 decilitro	= $\frac{1}{10}$ do litro	1 dl	= 0 1 1
1 centilitro	= $\frac{1}{100}$ do litro	1 cl	= 0 1 01
1 mililitro	= $\frac{1}{1000}$ do litro	1 ml	= 0 1 001

1. Quantas garrafas de 75 cl. são necessárias para conter o vinho de uma barrica de 236 litros?
2. Quantos baldes de 15 litros e meio são necessários para encher uma cuba de 5 Hl. 58 litros?
3. Um negociante tem 5 barris de vinho de 3 Hl. 25 litros cada um. Quanto pagará de direitos à razão de 18\$500 por Hl.?
4. Dois homens enchem uma caixa de agua; o 1º deita 8 baldes de 6 litros $\frac{3}{4}$; o segundo 12 baldes de 5 litros $\frac{1}{4}$. Quantos litros há na caixa?
5. Um leiteiro tem 8 vacas que fornecem cada uma, 6 lit. 4 dl. de leite por dia. A \$800 o litro de leite, qual é a receita no fim de 31 dias?
6. Uma cisterna contém 628 Hl. 425 de agua. Tiram-se por dia 35 baldes de 9 lit. 5; em quantos dias se esgota a cisterna?

Relações entre as medidas de comprimento

1 Km = 1000 m	1 m = 0 Km 001
1 m = 10 dm	1 dm = 0 m 1
1 m = 100 cm	1 cm = 0 m 01
1 m = 1000 mm	1 mm = 0 m 001
1 dm = 10 cm	1 cm = 0 dm 1
1 dm = 100 mm	1 mm = 0 dm 01
1 cm = 10 mm	1 mm = 0 cm 1

1. Reduzir a metros: 6, 56 $\frac{1}{2}$, 10 $\frac{3}{4}$, 10, 80, 125, 500 Km.
2. " a decímetros: 5, 7 $\frac{1}{2}$, 81 $\frac{1}{2}$, 15, 60, 95, 200 m.
3. " a centímetros: 2, 51 $\frac{1}{2}$, 9 $\frac{3}{4}$, 30, 10, 250 m.
4. " a milímetros: 1, 10, 31 $\frac{1}{2}$, 50, 29, 85, 250 m.
5. " a centímetros: 3, 9, 64 $\frac{1}{2}$, 5, 25, 100, 1000 m.
6. " a milímetros: 2, 5, 50, 45, 10, 100, 500 dm.
7. " a milímetros: 2, 31 $\frac{1}{2}$, 10 $\frac{1}{2}$, 30, 50, 75 cm.
8. " a Kilometros: 3, 9, 115, 358, 1135, 2500 m.
9. " a metros: 2, 5, 8, 25, 50, 150, 500 dm.
10. " a metros: 4, 9, 25, 75, 120, 357, 700 cm.
11. " a metros: 2, 9, 75, 100, 250, 780 mm.
12. " a decímetros: 1, 4, 6, 20, 45, 80, 100 cm.
13. " a decímetros: 5, 9, 34, 60, 120, 350, 575 mm.
14. " a centímetros: 3, 7, 5, 25, 48, 95, 125 mm.

Relações entre as medidas de capacidade

1 Hl = 100 l	1 l = 0 Hl 01
1 l = 10 dl	1 dl = 0 1 1
1 l = 100 cl	1 cl = 0 1 01
1 l = 1000 ml	1 ml = 0 1 001

15. Reduzir a litros: 3, 81 $\frac{1}{2}$, 5 $\frac{3}{4}$, 25, 50, 100, 250 Hl.
16. " a hectolitros: 2, 35, 50, 100, 250, 385 l.

Relações entre as medidas de peso

1 kg = 1000 g	1 g = 0 kg 001
1 t = 1000 kg	1 kg = 0 t 001
1 g = 1000 mg	1 mg = 0 g 001

17. Reduzir a kilogrammas: 2, 41 $\frac{1}{2}$, 10 $\frac{1}{2}$, 15, 25, 30 t.
18. " a grammas: 3, 5, 6 $\frac{1}{2}$, 5 $\frac{3}{4}$, 30, 150, 500 kg.
19. " a kilogrammas: 9, 15, 250, 2500, 4575, 10500 g.

Relações entre as medidas de superfície

$1 \text{ Km}^2 =$	100 Ha	$1 \text{ Ha} = 0 \text{ Km}^2 01$
$1 \text{ Km}^2 =$	$10\,000 \text{ a}$	$1 \text{ a} = 0 \text{ Km}^2 0001$
$1 \text{ Km}^2 =$	$1\,000\,000 \text{ m}^2$	$1 \text{ m}^2 = 0 \text{ Km}^2 000001$
$1 \text{ Ha} =$	100 a	$1 \text{ a} = 0 \text{ Ha} 01$
$1 \text{ Ha} =$	$10\,000 \text{ m}^2$	$1 \text{ m}^2 = 0 \text{ Ha} 0001$
$1 \text{ a} =$	100 m^2	$1 \text{ m}^2 = 0 \text{ a} 01$
$1 \text{ m}^2 =$	100 dm^2	$1 \text{ cm}^2 = 0 \text{ m}^2 0001$
$1 \text{ m}^2 =$	$10\,000 \text{ cm}^2$	$1 \text{ dm}^2 = 0 \text{ m}^2 01$
$1 \text{ m}^2 =$	$1\,000\,000 \text{ mm}^2$	$1 \text{ mm}^2 = 0 \text{ m}^2 000001$

20. Reduzir a hectares: 3, 7, 10, 34, 150, 457 Km²
21. " a metros quadrados: 4, 6½, 10, 50, 100 Km²
22. " a ares: 4, 5½, 25, 75, 150, 500 Ha.
23. " a metros quadrados: 2, 4½, 7½, 25, 38, 125 Ha.
24. " a metros quadrados: 9, 25, 50, 100, 250 a.
25. " a centímetros quadrados: 2, 5, 10½, 50, 100 m².
26. " a milímetros quadrados: 6, 8, 30, 75, 150 m²
27. " a Kilometros quadrados: 3, 9, 10, 25, 38, 125 Ha.
28. " a Kilometros quadrados: 2, 25, 180, 2570, 32450 m²
29. " a hectares: 7, 30, 45, 99, 250, 500 a.
30. " a hectares: 25, 150, 2450, 9500, 12500, 243000 m².
31. " a metros quadrados: 25, 140, 280, 3000, 25 000 cm².

Relações entre as medidas de volume

$1 \text{ m}^3 =$	$1\,000 \text{ dm}^3$	$1 \text{ dm}^3 = 0 \text{ m}^3 001$
$1 \text{ m}^3 =$	$1\,000\,000 \text{ cm}^3$	$1 \text{ cm}^3 = 0 \text{ m}^3 000\,001$
$1 \text{ dm}^3 =$	$1\,000 \text{ mm}^3$	$1 \text{ mm}^3 = 0 \text{ dm}^3 001$
$1 \text{ cm}^3 =$	$1\,000 \text{ mm}^3$	$1 \text{ mm}^3 = 0 \text{ cm}^3 001$

32. Reduzir a decímetros cúbicos: 3, 8, 5½, 25, 30, 100, 500 m³

33. " a centímetros cúbicos: 2, 8, 15, 50, 450, 500 m³
34. " a centímetros cúbicos: 6, 12, 50, 90, 345, 400 dm³
35. " a metros cúbicos: 5, 18, 235, 3450, 10 000 dm³
36. " a metros cúbicos: 9, 45, 234, 4370, 35470 cm³
37. " a decímetros cúbicos: 1, 4, 35, 49, 100, 1000 cm³

Executar as seguintes operações:

1. $9 \text{ Km} + 7 \text{ m} - 25 \text{ cm} - 8 \text{ mm}$
2. $8 \text{ cm} + 6 \text{ m} + 9 \text{ dm} + 3 \text{ dm} + 25 \text{ cm}$
3. $3 \text{ mm} - 2 \text{ Km} + 7 \text{ m} + 15 \text{ cm} + 2 \text{ hm}$
4. $18 \text{ Km} - 125 \text{ m} - 25 \text{ m} - 30 \text{ mm} - 8 \text{ dm} - 7 \text{ m} - 5 \text{ cm} - 9 \text{ mm} - 125 \text{ Km} - 80 \text{ m}$
5. $45 \text{ m} - 7 \text{ cm} - 50 \text{ cm} - 9 \text{ mm}$
6. $9 \text{ Km} + 7 \text{ m} - 25 \text{ cm} + 8 \text{ dm} - 9 \text{ m}$
7. $20 \text{ m} + 3 \text{ mm} - 85 \text{ cm} + 2 \text{ dm} - 11 \text{ dm}$
8. $2 \text{ hm} + 30 \text{l} + 4 \text{ dl} + 1 \text{ hl} - 85 \text{l} + 5 \text{ dl}$
9. $6 \text{l} - 9 \text{ hl} - 5 \text{ dl} + 80 \text{l} - 3 \text{ ml} - 7 \text{ dl}$
10. $1 \text{ hl} - 15 \text{l} - 3 \text{l} - 8 \text{ dl} - 1 \text{l} - 5 \text{ ml}$
11. $25 \text{l} - 7 \text{ dl} - 1 \text{l} - 5 \text{ ml}$
12. $9 \text{l} + 3 \text{ hl} - \text{dl} + 28 \text{l} - 6 \text{ml} - 18 \text{l} - 2 \text{hl}$
13. $25 \text{kg} + 125 \text{g} + 2 \text{t} + 150 \text{kg} + 800 \text{g}$
14. $1 \text{t} + 900 \text{kg} + 625 \text{g} + 3 \text{t} + 50 \text{g}$
15. $2 \text{t} - 185 \text{kg} - 90 \text{kg} - 45 \text{g} - 16.75 \text{kg} - 8 \text{g} - 1 \text{kg} - 1 \text{g}$
17. $1 \text{t} + 180 \text{kg} - 350 \text{g} + 100 \text{kg} - 18 \text{g} - 3 \text{t} - 990 \text{kg}$
18. $1 \text{ Km}^2 + 75 \text{ m}^2 - 15 \text{ Ha} + 25 \text{ a}$
19. $3 \text{ Ha} + 2475 \text{ m}^2 + 50 \text{ a} + 9 \text{ Ha} + 150 \text{ m}^2$
20. $3 \text{ Km}^2 - 95 \text{ Ha} - 9 \text{ Ha} - 5000 \text{ m}^2 - 21. 1 \text{ Ha} - 4500 \text{ m}^2 - 5000 \text{ m}^2 - 25 \text{ a}$

22. $9 \text{ Ha} + 3500 \text{ m}^2 = 700 \text{ m}^2 = 30 \text{ a} = 2 \text{ Ha}$

23. $9 \text{ m}^3 + 1500 \text{ dm}^3 = 500\,000 \text{ cm}^3 = 3 \text{ m}^3$

24. $6 \text{ dm}^2 + 850 \text{ cm}^2 + 2 \text{ m}^2 = 80\,000 \text{ mm}^2$

25. $1 \text{ m}^3 + 1 \text{ dm}^3 + 1 \text{ cm}^3 = 1 \text{ mm}^3$

26. $1 \text{ m}^3 = 350 \text{ dm}^3$
 $3 \text{ dm}^3 = 700 \text{ cm}^3$

27. $1 \text{ dm}^3 = 900\,000 \text{ mm}^3$
 $4 \text{ cm}^3 = 100 \text{ mm}^3$

28. $1 \text{ m}^3 + 5 \text{ dm}^3 = 950\,000 \text{ cm}^3 + 8 \text{ dm}^3 = 100\,000 \text{ cm}^3$

Metrologia

Relação entre as antigas medidas brasileiras e as medidas do sistema métrico

Medidas de comprimento

1 legua = 50 quadras

1 legua = 3000 braças

1 legua = 6000 varas

1 legua = 30000 palmos

1 quadra = 60 braças

1 quadra = 120 varas

1 quadra = 600 palmos

1 braça = 2 varas

1 braça = 10 palmos

1 vara = 5 palmos

1 vara = 1 m 1 (1 m e 1 dm)

1 braça = 2 m 2 (2 m e 2 dm)

1 palmo = 0 m 22 (22 cm)

1 pollegada = 0 m 0275 (27 mm e 5 decimos do mm)

1 yarda = 0 m 914 (914 mm)

1 pé = 0 m 33 (33 cm)

1 legua bras. = 6600 m ou 6 Km 600 m

1 legua geogr. = 5555 m 55 ou 5 Km 555 m 55 cm

Medidas de capacidade

1 tonel = 2 pipas = 960 l

1 pipa = 180 medidas = 480 l

1 pipa = 720 garrafas = $2^{2/3} l$

1 medida = 4 garrafas = $2^{2/3} l$

Medidas de peso

1 arroba = 15 kg

Medidas de superfície

As medidas de superfície são quadradas cujos lados tem igual comprimento seja qual for a medida linear. As mais usadas são as seguintes:

1 braça quadrada = $2 \text{ m} \times 2 \text{ m} = 4 \text{ m}^2$

1 quadra quadrada = $60 \text{ bra} \times 60 \text{ bra} = 3600 \text{ bra}^2$
 $= 132 \text{ m} \times 132 \text{ m} = 17424 \text{ m}^2$

1 quarta de terra de milho = $50 \text{ bra} \times 25 \text{ bra} = 1250 \text{ bra}^2$
 $= 110 \text{ m} \times 55 \text{ m} = 6050 \text{ m}^2$

Medidas de volume

As medidas de volume são cubos cujas faces são quadradas iguais.

1 braça cúbica = 10 m^3

1 vara cúbica = 1 m^3

1 pé cúbico = 0 m^3

Medidas de tempo

Seculo = 100 annos

Decennio = 10 annos

Lustro = 5 annos

Mez = 30 ou 31 dias

Mez commercial = 30 dias

Semana = 7 dias

Semana util = 6 dias

Dia = 24 horas

Hora = 60 minutos

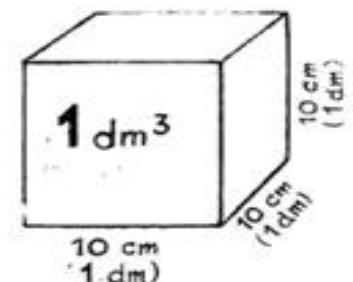
Minuto = 60 segundos

Anno = 12 meses do calendario

52 semanas e 1 dia

365 dias

O anno bissexto tem 366 dias



1 dm³ de agua enche 1 litro e pesa 1 kg.
1 m³ de agua enche 1000 litros e pesa 1000 kg (1 tonelada)

Recapitulação sobre frações decimais e sistema métrico

1. Um maço de barbante tem 85 m. Quantos maços haverão em 4km 930?
2. Quantos tijolos de 25 cm são precisos para formar uma linha de 10m $\frac{1}{2}$?
3. Uma linha telegraphica custa 386\$ por Km. Qual será a despesa para 68 Km 500?
4. Quantos trilhos de 5m 80 de comprimento ha na dupla bitola de uma estrada de ferro de 43 Km 848?
5. A razão de 0\$350 o metro, quanto custa a drenagem de um campo, no qual se cavam 12 fossos de 180 m cada um?
6. Percorre-se a distancia entre duas cidades em 48 horas. Esta distancia é de 707 Km. Quantos m se percorrem por hora?
7. Uma chacara tem 2 Hm de comprimento e 7 Dm 8 de largura. Quantos moirões serão precisos, sendo a distancia um do outro de 2m 50?
8. Um viajante percorre uma estrada de 725 Km em 29 dias. Quantos Km anda por dia?

9. Quantas tabuletas de 0m 025 de espessura se podem tirar de 15 toros de madeira de uma espessura media de 0m 65?
10. O m² custa 98500. Qual é o preço de 78 cm²?
11. Dar o preço de 680 cm² a razão de 18\$ o m².
12. Quantos hectares ha em 1875 ares?
13. Quinze herdeiros dividem uma propriedade e cada um recebe 2 Ha 45 a e 75 m². Qual a superficie total da propriedade?
14. Se o Ha custa 4:580\$000, qual o valor de uma vinha de 180 a?
15. Dizer o preço de 25 ares, a 1:000\$000 o Ha.
16. Dizer o preço de 18 Ha, a 50\$ o are.
17. Um prado de 5 Ha 5 a custou 15:500\$000. Quanto vale o m²?
18. Um terreno de 235 ares foi vendido à razão de 0\$600 o m². Quanto custou?
19. Um campo de 60 ares está alugado por 120\$. Quanto rende o Ha?
20. Quantas carroçadas de terra são precisas para encher um fosso de 2500 m³, si a carroça tem uma capacidade interna de 850 dm³?
21. Qual o volume de 35 arvores de 1 m³ 35 dm³ cada uma?
22. Achar o volume de 135 pedras de cantaria de 860 dm³ cada uma.
23. 135 dormentes têm juntos 18 m³, qual o volume de um só?
24. A 38500 o m³ de areia, quanto custa o dm³?
25. Qual é o preço de 35 l de vinho a 45\$000 o meio Hl?
26. De quantos baldes de 18 $\frac{1}{2}$ l preciso para encher uma pipa de 6 Hl 75?
27. Quando o litro de kerozene custa 1\$200, qual o preço de 3 Hl?

28. O 1 de aguardente custa 28200. Qual será o preço de 31 $\frac{1}{2}$ litros?
29. Recebem-se 16:2508000 pela venda de 125 litros de vinho. Qual o preço de 1 litro?
30. A 08700 o kg de arroz, quanto custam 3 saccos de 60 kg cada um?
31. A 08800 o kg de pão, quanto valem 12 kg 500?
32. Quando 100 kg de farinha valem 428500, qual o preço de 13 saccos de 50 kg cada um?
33. Um carniceiro vende 160 kg 500 de carne à razão de 18300 o kg. Quanto lhe devem?
34. Um negociante lucra 08180 por 1 kg de arroz. Qual será o seu lucro quando tiver vendido 200 kg?
35. O gr custa 08300. Achar o preço de meio kg.
36. O chá comprado por 128500 o kg vende-se por 158800. Qual será o lucro em 25 kg?
37. Qual o preço de 12 pães de açucar, de 8 kg 125 cada um a 18100 o kg?
38. 2 kg de manteiga custam 88800. Qual é o preço de 250 gr?
39. Si 1 kg de pão custa 08800, quanto custam 3 kg 700?
40. Para apagar 50 kg de cal, empregam-se 150 l de água. Quantos litros de água serão necessários para apagar 15 kg de cal?
41. Quantas leguas brasileiras ha em 35 Km 500? em 100 Km? em 45800 m?
42. Quantos pés ha em 580 m? — quantas braças? -- quantos palmos?
43. Um navio percorre 5 leguas marítimas por hora. Quantos km por dia?
44. O litro de vinho custa 08900. Qual o preço de 4 pipas?
45. Quantas arrobas de fumo pesam 8 fardos de 60 kg cada um?

46. A 08900 o kg de açucar, quanto custa 1 sacco de 4 arrobas?
47. Uma carteira contém 2 notas de 500\$, 7 notas de 200\$, 2 notas de 100\$, 9 notas de 50\$, 13 notas de 20\$, 1 nota de 10\$, 25 notas de 5\$, 31 notas de 2\$ e 1 nota de 1\$. Quantos \$ contêm?
48. Uma pessoa empresta 858 em notas de 5\$. Quantas recebe?

Fracções ordinarias

I. Preliminares

Fracções ordinarias são partes da unidade.

Representam-se as fracções por meio de dois numeros collocados um sobre o outro e separados por um traço.

Ler fracções. Lê-se primeiro o *numerador* (o numero superior) e depois o *denominador* (numero inferior), acrescentando ao denominador a terminação *avos*.

Exceptuam-se os denominadores 2, 3, 4, 5, 6, 7, 9, 10 e ás vezes 100, 1000, etc., que se lêem: meio, terço, quarto, quinto, sexto, setimo, nono, decimo, centesimo, millesimo etc.

Exemplos:

$\frac{1}{2}$	um meio	$\frac{2}{6}$	dois sextos	$\frac{1}{10}$	quatro decimos.
$\frac{1}{3}$	um terço	$\frac{3}{7}$	tres setimos	$\frac{8}{11}$	oito onze avos.
$\frac{1}{4}$	um quarto	$\frac{5}{8}$	cinco oitavos	$\frac{9}{20}$	nove trinta avos.
$\frac{1}{5}$	um quinto	$\frac{6}{9}$	seis nonos	$\frac{10}{90}$	quarenta noventa avos.

Lêr as seguintes fracções:

1. $\frac{2}{3}, \frac{3}{4}, \frac{1}{5}, \frac{1}{2}, \frac{7}{8}, \frac{3}{9}, \frac{2}{11}, \frac{9}{12}, \frac{16}{28}, \frac{5}{36}, \frac{8}{15}$
2. $\frac{3}{5}, \frac{3}{4}, \frac{4}{7}, \frac{2}{9}, \frac{7}{10}, \frac{13}{16}, \frac{3}{19}, \frac{7}{25}, \frac{3}{50}, \frac{9}{60}$
3. $\frac{7}{10}, \frac{9}{100}, \frac{13}{16}, \frac{125}{100}, \frac{1}{1000}, \frac{15}{1000}, \frac{285}{1000}$

Fracção propria é aquella que tem o numerador menor do que o denominador. Exemplos: $\frac{3}{4}, \frac{2}{3}, \frac{8}{9}, \frac{7}{20}, \frac{99}{100}$.

Fracção impropria é aquella cujo numerador é maior do que o denominador. Exemplo: $\frac{5}{2}, \frac{5}{3}, \frac{11}{10}, \frac{278}{100}, \frac{58793}{100000}$.

Número mixto é um numero composto de um numero inteiro e uma fracção propria. P. ex.: $2\frac{1}{2}, 5\frac{1}{4}, 10\frac{9}{10}, 2\frac{29}{50}$.

Escrever:

1. 10 frações próprias.
2. 10 frações impróprias.
3. 10 números mistos.

II. Reduções de frações

1. Redução de números inteiros ou mistos a frações impróprias e vice-versa.

Dividir 1 queijo em 2 partes, em 3 partes, em 4 partes
Quantos meios fazem 3, 6, 7, 10, 15 inteiros?
Quantos terços fazem 2, 5, 7, 9, 12 inteiros?
Quantos quartos fazem 3, 4, 7, 9, 10, 20 inteiros?

1. $1 = \frac{2}{2}$
2. $\frac{3}{3} = 1$
3. $10 = \frac{10}{1}$
4. $\frac{6}{6} = 1$
5. $\frac{50}{5} = 10$
6. $2 = \frac{6}{3}$
7. $\frac{9}{3} = 3$
8. $\frac{12}{4} = 3$
9. $\frac{24}{6} = 4$
10. $\frac{30}{5} = 6$
11. $\frac{40}{8} = 5$
12. $\frac{49}{7} = 7$
13. $\frac{72}{9} = 8$
14. $\frac{118}{18} = 6\frac{4}{9}$
15. $\frac{232}{18} = 12\frac{4}{9}$
16. $\frac{54}{18} = 3$
17. $\frac{104}{18} = 5\frac{4}{9}$
18. $\frac{58}{18} = 3\frac{4}{9}$
19. $\frac{100}{18} = 5\frac{5}{9}$
20. $\frac{84}{18} = 4\frac{2}{9}$
21. $\frac{127}{18} = 7\frac{1}{9}$
22. $\frac{137}{18} = 7\frac{5}{9}$
23. $\frac{157}{18} = 8\frac{1}{9}$
24. $\frac{177}{18} = 9\frac{4}{9}$
25. $\frac{197}{18} = 10\frac{1}{9}$
26. $\frac{217}{18} = 11\frac{4}{9}$
27. $\frac{237}{18} = 12\frac{4}{9}$
28. $\frac{257}{18} = 13\frac{4}{9}$
29. $\frac{277}{18} = 14\frac{4}{9}$
30. $\frac{297}{18} = 15\frac{4}{9}$

Escrever as seguintes frações em forma de uma divisão:

7. $\frac{28}{12}, \frac{96}{12}, \frac{132}{12}, \frac{720}{12}, \frac{105}{15}, \frac{900}{15}, \frac{615}{15}, \frac{335}{15}, \frac{717}{15}$
8. $\frac{350}{10}, \frac{350}{50}, \frac{1290}{50}$

Uma vasilha contém $2\frac{1}{4}$ litros de leite. Quantos copos de $\frac{1}{4}$ litro se podem encher?

$$2\frac{1}{4} = \frac{9}{4}$$

$$\frac{9}{4} = 2\frac{1}{4}$$

Reducir a frações impróprias:

8. $1\frac{1}{3}, 2\frac{2}{3}, 3\frac{1}{3}, 7\frac{3}{4}, 6\frac{9}{10}, 12\frac{4}{5}$
9. $6\frac{1}{3}, 4\frac{2}{3}, 8\frac{1}{3}, 9\frac{3}{4}, 2\frac{7}{12}, 8\frac{4}{15}$
10. $2\frac{4}{7}, 6\frac{1}{8}, 8\frac{3}{5}, 10\frac{18}{25}, 24\frac{1}{10}, 7\frac{5}{12}$
11. $3\frac{1}{7}, 3\frac{2}{9}, 10\frac{9}{10}, 17\frac{3}{4}, 25\frac{1}{2}, 14\frac{2}{3}$

Reducir a números mistos:

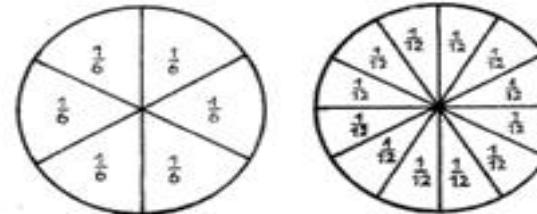
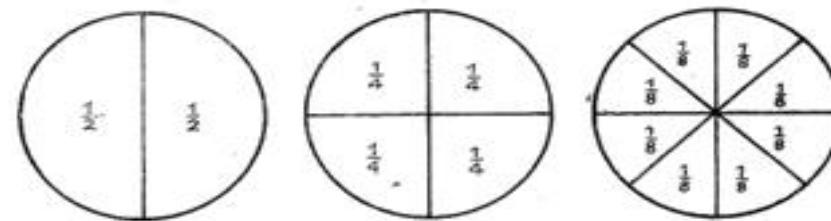
12. $5\frac{5}{2}, 9\frac{9}{4}, 7\frac{7}{3}, 15\frac{15}{7}, 17\frac{17}{6}, 25\frac{25}{8}, 36\frac{36}{5}, 51\frac{51}{9}$
13. $88\frac{88}{50}, 131\frac{131}{9}, 211\frac{211}{30}, 187\frac{187}{4}, 299\frac{299}{6}, 203\frac{203}{8}, 75\frac{75}{12}$

14. $\frac{63}{12}, \frac{111}{12}, \frac{13}{12}, \frac{201}{12}, \frac{141}{12}, \frac{291}{12}, \frac{108}{10}$
15. $\frac{19}{4}, \frac{90}{12}, \frac{49}{12}, \frac{10}{12}, \frac{11}{12}, \frac{13}{8}, \frac{31}{8}$

2. Ampliação das frações

Dividir um queijo em 2 meios. Dividir cada meio em duas partes. Quantos quartos tem um meio? Dividir cada quarto em duas partes. Quantos oitavos tem um quarto?

$$1 = \frac{2}{2}, \quad \frac{1}{2} = \frac{2}{4}, \quad \frac{1}{2} = \frac{4}{8}, \quad \frac{1}{4} = \frac{2}{8}, \quad \frac{3}{4} = \frac{6}{8}$$



Desenhar um queijo redondo. Dividir em duas partes. Dividir cada parte em três partes. Que parte do inteiro representa uma parte? Dividir cada sexto em 2 partes. Como se chama cada parte?

Mostrar:

$$\begin{aligned} \frac{1}{2} &= \frac{3}{6}, \quad \frac{1}{3} = \frac{2}{6}, \quad \frac{2}{3} = \frac{4}{6}, \quad \frac{1}{2} = \frac{6}{12}, \quad \frac{1}{3} = \frac{4}{12}, \\ \frac{2}{3} &= \frac{8}{12}, \quad \frac{1}{4} = \frac{3}{12}, \quad \frac{3}{4} = \frac{9}{12}. \end{aligned}$$

1. $\frac{1}{2} = \frac{1}{4}$
2. $\frac{3}{2} = \frac{1}{2}$
3. $\frac{7}{8} = \frac{1}{16}$
4. $\frac{1}{2} = \frac{1}{8}$
5. $\frac{5}{8} = \frac{1}{16}$
6. $\frac{1}{5} = \frac{1}{20}$
7. $\frac{1}{5} = \frac{1}{16}$
8. $\frac{3}{5} = \frac{1}{16}$
9. $\frac{1}{4} = \frac{1}{16}$

$$\begin{array}{rcl} 4. & \frac{1}{12} & \frac{1}{60} \\ & \frac{1}{12} & \frac{1}{60} \\ & \frac{1}{18} = \frac{1}{72} & \\ & \frac{1}{12} = \frac{1}{90} & \end{array}$$

Nota: O valor de uma fração não muda multiplicando-se o numerador e o denominador pelo mesmo número.

Formar as seguintes filas, multiplicando o numerador e o denominador pelo mesmo número:

$$6. \quad \frac{1}{2} = \frac{2}{4}; \quad \frac{1}{2} = \frac{3}{6}; \quad \frac{1}{2} = \frac{4}{8}; \quad \text{etc. até } \frac{10}{20}.$$

$$7. \quad \frac{1}{3} = \frac{2}{6} = \frac{3}{9}; \quad \text{etc. até } \frac{10}{30}.$$

$$8. \quad \frac{1}{4} = \frac{2}{8} = \frac{3}{12} = \dots = \frac{10}{40}.$$

$$9. \quad \frac{1}{5} = \frac{2}{10} = \frac{3}{15} = \dots = \frac{10}{50}.$$

$$10. \quad \frac{1}{6} = \frac{2}{12} = \frac{3}{18} = \dots = \frac{10}{60}.$$

$$11. \quad \frac{1}{7} = \frac{2}{14} = \frac{3}{21} = \dots = \frac{10}{70}.$$

$$12. \quad \frac{1}{8} = \frac{2}{16} = \dots = \text{etc. até } \frac{10}{80}.$$

$$13. \quad \frac{1}{9} = \frac{2}{18} = \dots = \frac{10}{90}.$$

$$14. \quad \frac{1}{10} = \frac{2}{20} = \dots = \frac{10}{100}.$$

$$15. \quad \frac{1}{12} = \frac{2}{24} = \dots = \frac{10}{120}.$$

$$16. \quad \frac{1}{15} = \frac{2}{30} = \dots = \frac{10}{150}.$$

$$17. \quad \frac{1}{21} = \frac{2}{42} = \dots = \frac{10}{210}.$$

$$18. \quad \frac{1}{2} = \frac{1}{4}, \quad \frac{1}{6}, \quad \frac{1}{8}, \quad \frac{1}{10}, \quad \frac{1}{12}, \quad \frac{1}{14}, \quad \frac{1}{15}, \quad \frac{1}{18}, \quad \frac{1}{20}, \quad \frac{1}{30}.$$

$$19. \quad \frac{2}{3} = \frac{1}{6}, \quad \frac{1}{12}, \quad \frac{1}{24}, \quad \frac{1}{48}, \quad \frac{1}{96}, \quad \frac{1}{192}, \quad \frac{1}{384}, \quad \frac{1}{768}, \quad \frac{1}{1536}.$$

$$20. \quad \frac{4}{7} = \frac{1}{14}, \quad \frac{1}{28}, \quad \frac{1}{56}, \quad \frac{1}{112}, \quad \frac{1}{224}, \quad \frac{1}{448}, \quad \frac{1}{896}, \quad \frac{1}{1792}.$$

$$21. \quad \frac{1}{2}, \quad \frac{2}{4}, \quad \frac{3}{6}, \quad \frac{4}{8}, \quad \frac{5}{10}, \quad \frac{6}{12}, \quad \frac{7}{14}, \quad \frac{8}{16}, \quad \frac{9}{18}, \quad \frac{10}{20}, \quad \frac{11}{22}, \quad \frac{12}{24}, \quad \frac{13}{26}, \quad \frac{14}{28}, \quad \frac{15}{30}, \quad \frac{16}{32}, \quad \frac{17}{34}, \quad \frac{18}{36}, \quad \frac{19}{38}, \quad \frac{20}{40} = ?_{60}.$$

$$22. \quad \frac{2}{3}, \quad \frac{1}{4}, \quad \frac{2}{6}, \quad \frac{3}{8}, \quad \frac{4}{10}, \quad \frac{5}{12}, \quad \frac{6}{14}, \quad \frac{7}{16}, \quad \frac{8}{18}, \quad \frac{9}{20}, \quad \frac{10}{22}, \quad \frac{11}{24}, \quad \frac{12}{26}, \quad \frac{13}{28}, \quad \frac{14}{30}, \quad \frac{15}{32}, \quad \frac{16}{34}, \quad \frac{17}{36}, \quad \frac{18}{38}, \quad \frac{19}{40} = ?_{120}.$$

Converter em

$$23. \quad \text{doze avos: } \frac{1}{2}, \quad \frac{1}{3}, \quad \frac{2}{3}, \quad \frac{1}{4}, \quad \frac{2}{4}, \quad \frac{3}{4}, \quad \frac{1}{6}, \quad \frac{2}{6},$$

$$24. \quad \text{decimos: } \frac{1}{2}, \quad \frac{1}{5}, \quad \frac{2}{5}, \quad \frac{3}{5}, \quad \frac{4}{5}.$$

$$25. \quad \text{dezoito avos: } \frac{1}{2}, \quad \frac{1}{3}, \quad \frac{2}{3}, \quad \frac{1}{4}, \quad \frac{2}{4}, \quad \frac{3}{4}, \quad \frac{1}{6}, \quad \frac{2}{6}, \quad \frac{3}{6}, \quad \frac{4}{6}, \quad \frac{5}{6}, \quad \frac{6}{6}.$$

$$26. \quad \text{vigésimos: } \frac{1}{2}, \quad \frac{1}{4}, \quad \frac{2}{4}, \quad \frac{1}{5}, \quad \frac{2}{5}, \quad \frac{3}{5}, \quad \frac{4}{5}, \quad \frac{1}{6}, \quad \frac{2}{6}, \quad \frac{3}{6}, \quad \frac{4}{6}, \quad \frac{5}{6}, \quad \frac{6}{6}.$$

$$27. \quad \text{vinte e quatro avos: } \frac{1}{2}, \quad \frac{1}{3}, \quad \frac{2}{3}, \quad \frac{3}{3}, \quad \frac{1}{4}, \quad \frac{2}{4}, \quad \frac{3}{4}, \quad \frac{4}{4}, \quad \frac{1}{5}, \quad \frac{2}{5}, \quad \frac{3}{5}, \quad \frac{4}{5}, \quad \frac{5}{5}.$$

$$28. \quad \text{quarenta avos: } \frac{1}{2}, \quad \frac{1}{4}, \quad \frac{2}{4}, \quad \frac{3}{4}, \quad \frac{1}{5}, \quad \frac{2}{5}, \quad \frac{3}{5}, \quad \frac{4}{5}, \quad \frac{1}{6}, \quad \frac{2}{6}, \quad \frac{3}{6}, \quad \frac{4}{6}, \quad \frac{5}{6}, \quad \frac{6}{6}.$$

$$29. \quad \text{sessenta avos: } \frac{1}{2}, \quad \frac{1}{3}, \quad \frac{2}{3}, \quad \frac{3}{3}, \quad \frac{4}{4}, \quad \frac{1}{5}, \quad \frac{2}{5}, \quad \frac{3}{5}, \quad \frac{4}{5}, \quad \frac{5}{5}, \quad \frac{1}{6}, \quad \frac{2}{6}, \quad \frac{3}{6}, \quad \frac{4}{6}, \quad \frac{5}{6}, \quad \frac{6}{6}.$$

$$30. \quad \text{centesimos: } \frac{1}{2}, \quad \frac{1}{4}, \quad \frac{2}{4}, \quad \frac{3}{4}, \quad \frac{1}{5}, \quad \frac{2}{5}, \quad \frac{3}{5}, \quad \frac{4}{5}, \quad \frac{1}{6}, \quad \frac{2}{6}, \quad \frac{3}{6}, \quad \frac{4}{6}, \quad \frac{5}{6}, \quad \frac{6}{6}.$$

$$31. \quad \text{Dar às frações seguintes o numerador commun: } 48:$$

$$\frac{6}{7}, \quad \frac{8}{11}, \quad \frac{5}{3}, \quad \frac{2}{9}, \quad \frac{12}{35}, \quad \frac{3}{25}, \quad \frac{7}{10}, \quad \frac{6}{13}, \quad \frac{8}{15}, \quad \frac{12}{19}.$$

3. Simplificação das frações.

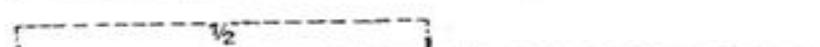
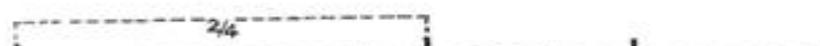
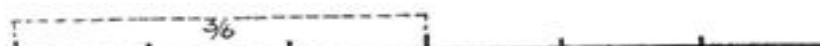
$$1 \text{ dia} = 24 \text{ horas.}$$

$$\frac{1}{12} \text{ do dia} = \frac{2}{24} \text{ horas} \quad \frac{6}{12} \text{ do dia} = 12 \text{ horas}$$

$$\frac{1}{6} \text{ do dia} = \frac{4}{24} \text{ horas} \quad \frac{3}{6} \text{ do dia} = 12 \text{ horas}$$

$$\frac{1}{4} \text{ do dia} = \frac{6}{24} \text{ horas} \quad \frac{2}{4} \text{ do dia} = 12 \text{ horas}$$

$$\frac{1}{2} \text{ do dia} = \frac{12}{24} \text{ horas} \quad \frac{1}{2} \text{ do dia} = 12 \text{ horas}$$



$$\text{Logo: } \frac{6}{12} = \frac{3}{6} = \frac{2}{4} = \frac{1}{2}.$$

Desenhar uma linha e devedí-la em 12 partes iguais.

$$\dots \quad \frac{6}{12} \quad \dots$$

$$\dots \quad \frac{4}{12} \quad \dots$$

$$\dots \quad \frac{2}{12} \quad \dots$$

Comparar $\frac{6}{12} = \frac{3}{6} = \frac{2}{4} = \frac{1}{2}$.

Nota: O valor de uma fração não muda dividindo-se o numerador e o denominador pelo mesmo número.

Simplificar:

1. por 2: $\frac{2}{4}, \frac{2}{6}, \frac{4}{8}, \frac{6}{8}, \frac{1}{8}, \frac{2}{8}, \frac{2}{10}, \frac{1}{10}, \frac{4}{10}, \frac{8}{10}$
2. por 3: $\frac{3}{6}, \frac{3}{9}, \frac{6}{9}, \frac{3}{12}, \frac{6}{12}, \frac{9}{12}, \frac{6}{15}, \frac{12}{15}, \frac{3}{15}, \frac{9}{15}$
3. por 4: $\frac{4}{8}, \frac{8}{12}, \frac{4}{12}, \frac{8}{16}, \frac{4}{16}, \frac{12}{16}, \frac{4}{20}, \frac{16}{20}, \frac{8}{20}$
4. por 5: $\frac{5}{10}, \frac{10}{15}, \frac{5}{15}, \frac{15}{20}, \frac{5}{20}, \frac{10}{20}, \frac{20}{25}, \frac{10}{25}, \frac{15}{25}$
5. por 6: $\frac{6}{18}, \frac{6}{12}, \frac{12}{18}, \frac{48}{48}, \frac{18}{60}, \frac{32}{60}, \frac{24}{60}, \frac{54}{150}, \frac{32}{90}$
6. por 7: $\frac{21}{56}, \frac{14}{21}, \frac{35}{63}, \frac{63}{70}, \frac{14}{49}, \frac{42}{49}, \frac{53}{115}, \frac{49}{84}, \frac{56}{63}$
7. por 8: $\frac{8}{16}, \frac{16}{24}, \frac{24}{32}, \frac{48}{64}, \frac{48}{56}, \frac{32}{72}, \frac{56}{80}, \frac{32}{56}, \frac{48}{88}$
8. por 9: $\frac{9}{27}, \frac{18}{27}, \frac{27}{36}, \frac{36}{45}, \frac{81}{90}, \frac{27}{72}, \frac{63}{72}, \frac{45}{45}, \frac{45}{54}$
9. por 10: $\frac{10}{20}, \frac{60}{70}, \frac{50}{50}, \frac{20}{60}, \frac{30}{90}, \frac{60}{150}, \frac{90}{150}, \frac{90}{170}, \frac{40}{150}$
10. por 12: $\frac{12}{48}, \frac{24}{108}, \frac{24}{60}, \frac{36}{120}, \frac{24}{108}, \frac{60}{90}, \frac{72}{84}, \frac{18}{108}$
11. por 15: $\frac{15}{90}, \frac{30}{105}, \frac{60}{155}, \frac{45}{60}, \frac{90}{155}, \frac{105}{120}, \frac{45}{75}, \frac{30}{105}$
12. por 24: $\frac{24}{144}, \frac{72}{120}, \frac{48}{96}, \frac{26}{36}, \frac{168}{240}, \frac{144}{264}, \frac{120}{288}$
13. por 25: $\frac{25}{200}, \frac{25}{250}, \frac{75}{150}, \frac{125}{300}, \frac{275}{500}, \frac{225}{250}, \frac{150}{300}$

Simplificar:

14. $\frac{3}{9}, \frac{3}{12}, \frac{1}{10}, \frac{14}{35}, \frac{16}{56}, \frac{12}{36}, \frac{18}{81}, \frac{24}{72}, \frac{36}{135}, \frac{9}{216}$

Procurar as frações, que tem o mesmo valor:

15. $\frac{2}{4}, \frac{8}{12}, \frac{6}{10}, \frac{6}{12}, \frac{10}{15}, \frac{32}{24}, \frac{10}{12}, \frac{7}{14}, \frac{15}{18}, \frac{12}{20}$
 $\frac{16}{24}, \frac{15}{30}, \frac{18}{21}, \frac{24}{32}, \frac{27}{36}$

III. Divisibilidade dos números

1. Caracteres de divisibilidade.

1. Escrever os números de 2 até 20, que são divisíveis por 2.
 2. Escrever os números de 60 até 100, que são divisíveis por 2.
- Nota:** Um número é divisível por 2 quando o ultimo algarismo da direita é par ou zero.
3. Escrever os números de 5 até 50 que são divisíveis por 5.
 4. Escrever os números de 80 até 150 que são divisíveis por 5.

Nota: Um numero é divisível por 5, quando o ultimo algarismo da direita é 0 ou 5.

5. Escrever os números de 4 até 40 que são divisíveis por 4.

6. Escrever os números de 100 até 200 que são divisíveis por 4.

Nota: Um numero é divisível por 4, quando os ultimos dois algarismos da direita são zeros ou são divisíveis por 4.

7. Escrever os números de 25 até 500 que são divisíveis por 25.

8. Escrever os números de 700 até 1000 que são divisíveis por 25.

Nota: Um numero é divisível por 25, quando os ultimos dois algarismos da direita são zeros ou são divisíveis por 25.

9. Escrever os números de 9 até 90 que são divisíveis por 9.

10. Escrever os números de 180 até 360 que são divisíveis por 9.

Nota: Um numero é divisível por 9 quando a somma dos algarismos é divisível por 9.

11. Escrever os números de 3 até 30 que são divisíveis por 3.

12. Escrever os números de 120 até 180 que são divisíveis por 3.

Nota: Um numero é divisível por 3, quando a somma dos algarismos é divisível por 3.

13. Indicar, quais dos números seguintes são divisíveis

a) por 2, b) por 3, c) por 4, d) por 5, e) por 9:

15. 35, 20, 140, 219, 540, 88, 93, 540, 8, 95, 50, 580, 252, 500, 456, 4320, 955, 7650, 9738, 555.

2. Decomposição dos números em factores primos.

Os numeros 3, 5, 11, 7 são chamados primos, porque são apenas divisíveis por si mesmo ou pela unidade.

Escrever os números de 1 até 100 e riscar todos os multiplos de 2, depois de 3, depois de 4, depois de 5 e assim por diante. Os numeros não riscados, são numeros primos.

$$6 = 2 \times 3, \quad 12 = 2 \times 6 = 2 \times 2 \times 3,$$

$$15 = 3 \times 5, \quad 18 = 2 \times 9 = 2 \times 3 \times 3.$$

$$\begin{array}{l} 36 = 2 \cdot 18 = 2 \cdot 2 \cdot 9 = 2 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 3 \\ 420 = 2 \cdot 210 = 2 \cdot 2 \cdot 105 = 2 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot 7 \\ 420 = 2 \cdot 210 = 2 \cdot 2 \cdot 105 = 2 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot 7. \end{array}$$

Decompor os seguintes números em factores primos:

1. 4, 6, 9, 12.
2. 35, 42, 48, 50, 55.
3. 38, 86, 91, 44, 49.
4. 15, 18, 21, 25, 28.
5. 63, 76, 22, 39, 94.
6. 120, 150, 210, 240, 360.
7. 72, 84, 125, 168, 224.
8. 316, 512, 729, 848, 976.
9. 4320, 7460, 3950, 6270, 8380.

10. Procurar os factores primos entre:

$$\begin{array}{ll} 4 \text{ e } 6, & 15 \text{ e } 20, \quad 72 \text{ e } 96, \quad 60 \text{ e } 270, \\ 6 \text{ e } 8, & 12 \text{ e } 24, \quad 48 \text{ e } 108, \quad 40 \text{ e } 360. \end{array}$$

3. Máximo divisor commun.

Os dois números 12 e 36 são divisíveis por 2 e 3 e 4 e 6 e 12.
Logo: 12 é o máximo divisor commun.

11. Determinar o máximo divisor commun de:

$$\begin{array}{llll} 8 \text{ e } 12, & 125 \text{ e } 275, & 81 \text{ e } 99, & 120 \text{ e } 144, \quad 36 \text{ e } 90, \\ 15 \text{ e } 35, & 24 \text{ e } 120, & 22 \text{ e } 44, & 240 \text{ e } 372, \quad 150 \text{ e } 400. \end{array}$$

Simplificar as seguintes expressões fracionárias:

12. $\frac{4 \times 5}{8 \times 15}, \frac{25 \times 36}{12 \times 35}, \frac{27 \times 34}{81 \times 51}, \frac{45 \times 72}{60 \times 84}, \frac{51 \times 75}{84 \times 105}$
13. $\frac{81 \times 46}{69 \times 72}, \frac{49 \times 168}{77 \times 120}, \frac{365 \times 24}{455 \times 96}, \frac{144 \times 12}{156 \times 72}, \frac{70 \times 128}{176 \times 192}$
14. $\frac{48 \times 35 \times 18}{24 \times 15 \times 6}, \frac{12 \times 15 \times 32}{24 \times 64 \times 75}, \frac{70 \times 35 \times 2}{24 \times 64 \times 75}, \frac{125 \times 17 \times 39}{34 \times 50 \times 6}$
15. $\frac{42 \times 8 \times 9 \times 5}{4 \times 3}, \frac{81 \times 2 \times 45 \times 64 \times 200}{55 \times 24 \times 27}, \frac{120 \times 45 \times 81 \times 49 \times 28}{63 \times 38 \times 21 \times 3}$
16. $\frac{2 \times 3 \times 4 \times 5 \times 6}{7 \times 8 \times 9 \times 10}, \frac{100 \times 7 \times 11 \times 20}{5 \times 4 \times 44 \times 7}, \frac{12 \times 9 \times 13 \times 30 \times 90}{4 \times 70 \times 100 \times 32}$
17. $\frac{2,5}{3,5}, \frac{10 \times 2,4}{0,8 \times 1,5}, \frac{24,5 \times 35 \times 0,9}{3 \times 14 \times 0,5}, \frac{8,05 \times 7,9 \times 100 \times 2,1}{0,14 \times 5 \times 400 \times 0,1}, \frac{0,1 \times 0,05}{0,010 \times 0,4}$

$$\begin{array}{llll} 18. \frac{0,80}{0,16}, & \frac{1,50}{1,6}, & \frac{24}{12}, & \frac{0,15}{0,5}, \quad \frac{24}{25} \\ & & & \end{array}$$

$$\begin{array}{ll} 19. \frac{4,5}{9}, & \frac{240}{60}, \quad \frac{33}{9}, \quad \frac{5,50}{0,5}, \quad \frac{10}{25} \\ & \end{array}$$

IV. Adição e subtração das frações ordinárias com o mesmo denominador

1. Adição

$$\begin{array}{llll} 1. \frac{1}{3} + \frac{1}{3} & 2. \frac{3}{10} + \frac{2}{10} & 3. \frac{4}{7} + \frac{3}{7} & 4. \frac{2}{5} + \frac{7}{5} \\ \frac{1}{3} + \frac{1}{3} & \frac{3}{10} + \frac{2}{10} & \frac{7}{7} + \frac{3}{7} & \frac{2}{5} + \frac{7}{5} \\ \frac{2}{3} & \frac{5}{10} & \frac{10}{7} & \frac{9}{5} \\ \frac{1}{3} + \frac{1}{3} & \frac{3}{10} + \frac{2}{10} & \frac{12}{7} + \frac{3}{7} & \frac{9}{5} + \frac{7}{5} \\ \frac{1}{3} + \frac{1}{3} & \frac{3}{10} + \frac{2}{10} & \frac{9}{7} + \frac{3}{7} & \frac{16}{5} \\ \frac{1}{3} + \frac{1}{3} & \frac{3}{10} + \frac{2}{10} & \frac{12}{7} + \frac{3}{7} & \frac{9}{5} + \frac{7}{5} \\ \frac{1}{3} + \frac{1}{3} & \frac{3}{10} + \frac{2}{10} & \frac{21}{7} + \frac{3}{7} & \frac{16}{5} \\ \frac{1}{3} + \frac{1}{3} & \frac{3}{10} + \frac{2}{10} & \frac{24}{7} & \frac{23}{5} \end{array}$$

$$\begin{array}{llll} 6. \frac{10}{12} + \frac{8^2}{12} & 7. \frac{3^1}{12} + \frac{1}{12} & 8. \frac{5^3}{12} + \frac{2}{12} & 9. \frac{6^2}{12} + \frac{5}{12} \\ \frac{10}{12} + \frac{8^2}{12} & \frac{3^1}{12} + \frac{1}{12} & \frac{5^3}{12} + \frac{2}{12} & \frac{6^2}{12} + \frac{5}{12} \\ \frac{15}{12} + \frac{9^2}{12} & \frac{6^3}{12} + \frac{1}{12} & \frac{6^3}{12} + \frac{2}{12} & \frac{12^2}{12} + \frac{8}{12} \\ \frac{16}{12} + \frac{2^2}{12} & \frac{7^0}{12} + \frac{1}{12} & \frac{8^3}{12} + \frac{2}{12} & \frac{9^4}{12} + \frac{5}{12} \\ \frac{18}{12} + \frac{5^2}{12} & \frac{2^1}{12} + \frac{1}{12} & \frac{9^1}{12} + \frac{2}{12} & \frac{3^5}{12} + \frac{3}{12} \end{array}$$

$$\begin{array}{llll} 10. \frac{4^2}{7} + \frac{5^1}{7} & 11. \frac{2^1}{7} + \frac{2^2}{7} & 12. \frac{3^2}{7} + \frac{5^3}{7} & 13. \frac{5^1}{7} + \frac{4^2}{7} \\ \frac{4^2}{7} + \frac{5^1}{7} & \frac{2^1}{7} + \frac{2^2}{7} & \frac{5^2}{7} + \frac{5^3}{7} & \frac{7^1}{7} + \frac{4^2}{7} \\ \frac{7^4}{7} + \frac{1^3}{7} & \frac{1^3}{7} + \frac{4^1}{7} & \frac{7^3}{7} + \frac{7^4}{7} & \frac{5^3}{7} + \frac{3^2}{7} \\ \frac{8^3}{7} + \frac{9^2}{7} & \frac{3^2}{7} + \frac{3^3}{7} & \frac{9^3}{7} + \frac{7^4}{7} & \frac{8^4}{7} + \frac{5^3}{7} \\ \frac{7^7}{7} + \frac{5^2}{7} & \frac{4^1}{7} + \frac{4^2}{7} & \frac{7^10}{7} + \frac{7^10}{7} & \frac{5^2}{7} + \frac{4^1}{7} \end{array}$$

$$\begin{array}{llll} 14. \frac{7}{12} + \frac{9}{12} & 15. \frac{1^4}{12} + \frac{1^5}{12} & 16. \frac{5^2}{12} + \frac{3^4}{12} & 17. \frac{3^2}{12} + \frac{6^2}{12} \\ \frac{7}{12} + \frac{9}{12} & \frac{1^4}{12} + \frac{1^5}{12} & \frac{7}{12} + \frac{5^3}{12} & \frac{8^2}{12} + \frac{4^4}{12} \\ \frac{8}{12} + \frac{12}{12} & \frac{2^3}{12} + \frac{2^4}{12} & \frac{3^2}{12} + \frac{2^5}{12} & \frac{4^7}{12} + \frac{8^6}{12} \\ \frac{7}{12} + \frac{19}{12} & \frac{8^3}{12} + \frac{4^5}{12} & \frac{4^2}{12} + \frac{8^7}{12} & \frac{2^5}{12} + \frac{7^11}{12} \\ \frac{18}{12} + \frac{16}{12} & \frac{3^5}{12} + \frac{6^1}{12} & \frac{2^3}{12} + \frac{1^2}{12} & \frac{12^5}{12} + \frac{8^7}{12} \end{array}$$

$$\begin{array}{llll} 18. \frac{5^2}{12} + \frac{3^2}{12} & 19. \frac{7}{12} + \frac{9^0}{12} & 20. \frac{8^1}{12} + \frac{25^{13}}{12} & \\ \frac{7^5}{12} + \frac{2^4}{12} & \frac{8^1}{12} + \frac{2^6}{12} & \frac{8^7}{12} + \frac{3^8}{12} & \\ \frac{9^7}{12} + \frac{6^5}{12} & \frac{9^3}{12} + \frac{8^7}{12} & \frac{6^5}{12} + \frac{9^8}{12} & \\ \frac{8^4}{12} + \frac{8^3}{12} & \frac{15^2}{12} + \frac{12^2}{12} & \frac{9^6}{12} + \frac{5^7}{12} & \\ \frac{13^2}{12} + \frac{2^6}{12} & \frac{7^6}{12} + \frac{9^8}{12} & \frac{15^5}{12} + \frac{7^3}{12} & \end{array}$$

$$\begin{array}{llll} 21. \frac{3^1}{12} + \frac{1^1}{12} & 22. \frac{7^1}{12} + \frac{1^2}{12} + \frac{3^1}{12} & & \\ \frac{6^4}{12} + \frac{3^2}{12} & \frac{8^2}{12} + \frac{2^2}{12} + \frac{3^2}{12} & & \\ \frac{5^2}{12} + \frac{6^1}{12} & \frac{9^3}{12} + \frac{3^2}{12} + \frac{3^2}{12} & & \\ \frac{7^2}{12} + \frac{7^1}{12} & \frac{6^4}{12} + \frac{6^1}{12} + \frac{3^1}{12} & & \end{array}$$

$$\begin{array}{llll} 23. \frac{3^5}{12} + \frac{7}{12} & & & \\ \frac{6^5}{12} + \frac{2^2}{12} & & & \\ \frac{2^1}{12} + \frac{5^1}{12} & & & \\ \frac{5^5}{12} + \frac{5^1}{12} & & & \end{array}$$

$$\begin{array}{llll} & \frac{7}{12} + \frac{7}{12} & & \\ & \frac{2^6}{12} + \frac{2^2}{12} & & \\ & \frac{2^1}{12} + \frac{2^1}{12} & & \\ & \frac{5^6}{12} + \frac{5^1}{12} & & \end{array}$$

24. $\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{3} = \frac{1}{6}$, $\frac{1}{3} \cdot \frac{1}{2} = \frac{1}{6}$, $\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{4} = \frac{1}{8}$, $\frac{1}{4} \cdot \frac{1}{2} = \frac{1}{8}$
25. $\frac{2}{3} \cdot \frac{1}{5} = \frac{2}{15}$, $\frac{1}{5} \cdot \frac{2}{3} = \frac{2}{15}$, $\frac{3}{5} \cdot \frac{1}{4} = \frac{3}{20}$, $\frac{1}{4} \cdot \frac{3}{5} = \frac{3}{20}$, $\frac{2}{5} \cdot \frac{1}{6} = \frac{2}{30}$, $\frac{1}{6} \cdot \frac{2}{5} = \frac{2}{30}$, $\frac{3}{10} \cdot \frac{1}{8} = \frac{3}{80}$, $\frac{1}{8} \cdot \frac{3}{10} = \frac{3}{80}$
26. $78\frac{1}{2}$, 27. $113\frac{7}{9}$, 28. $66\frac{8}{15}$, 29. $102\frac{7}{20}$, 30. $104\frac{1}{25}$
31. Pedro compra na venda: $\frac{1}{2}$ kg de café, $1\frac{1}{2}$ kg de açúcar, $4\frac{1}{2}$ kg de farinha e $2\frac{1}{2}$ kg de banha. Calcular o peso total.
32. A mãe da Erica gastou nos sete dias da semana $1\frac{1}{4}$ litro, 1 litro, $\frac{3}{4}$ litro, $1\frac{1}{4}$ litro, $\frac{3}{4}$ litro, 1 litro, $1\frac{1}{4}$ litro de leite.
33. Um hoteleiro gastou num dia $5\frac{3}{4}$ kg de carne de porco, $8\frac{1}{4}$ kg de bife, $4\frac{3}{4}$ kg de costelas, $1\frac{1}{4}$ kg de lingua. Que quantidade de carne gastou?
34. Quantos metros de roda-pé leva um quarto de $5\frac{1}{4}$ m de comprimento e $4\frac{3}{4}$ m de largura?
35. Uma casa tem 3 peças, que têm uma superfície de $25\frac{3}{4}$, $24\frac{1}{4}$, $22\frac{3}{4}$ m². A superfície da cozinha é de $16\frac{3}{4}$ m², a da despensa de $4\frac{1}{4}$ m², a do corredor $13\frac{1}{4}$ m². Determinar a superfície total.
36. Um ciclista percorre num dia as seguintes distâncias: 8 km, $7\frac{8}{10}$ km, $9\frac{1}{10}$ km, $12\frac{7}{10}$ km e $4\frac{6}{10}$ km.

• 2. Subtração

1. $\frac{2}{3} - \frac{1}{2} = \frac{1}{6}$, 2. $\frac{11}{12} - \frac{5}{12} = \frac{6}{12} = \frac{1}{2}$, 3. $4\frac{1}{3} - 3 = 1\frac{1}{3}$, 4. $32\frac{2}{5} - 9\frac{1}{5} = 23\frac{1}{5}$
 $\frac{3}{5} - \frac{2}{5} = \frac{1}{5}$, $\frac{7}{12} - \frac{2}{12} = \frac{5}{12}$, $\frac{9\frac{3}{4}}{4} - 8 = \frac{1}{4}$, $24\frac{7}{8} - 7\frac{1}{8} = 17\frac{6}{8} = 17\frac{3}{4}$
 $\frac{3}{4} - \frac{1}{3} = \frac{9}{12} - \frac{4}{12} = \frac{5}{12}$, $\frac{8}{15} - \frac{7}{15} = \frac{1}{15}$, $7\frac{4}{5} - 6 = 1\frac{4}{5}$, $41\frac{1}{2} - 2\frac{2}{2} = 39\frac{1}{2}$
 $\frac{3}{10} - \frac{3}{10} = 0$, $\frac{12}{15} - \frac{6}{15} = \frac{6}{15}$, $\frac{8\frac{2}{7}}{7} - 5 = 3\frac{5}{7}$, $25\frac{4}{5} - 6\frac{1}{5} = 19\frac{3}{5}$
 $\frac{3}{7} - \frac{2}{7} = \frac{1}{7}$, $\frac{17}{20} - \frac{6}{20} = \frac{11}{20}$, $15\frac{5}{9} - 6 = 9\frac{5}{9}$, $48\frac{9}{10} - 12\frac{2}{10} = 36\frac{7}{10}$
5. $4 - \frac{3}{4} = \frac{16}{4} - \frac{3}{4} = \frac{13}{4}$, 6. $5 - 4\frac{1}{3} = 5 - \frac{13}{3} = \frac{15}{3} - \frac{13}{3} = \frac{2}{3}$, 7. $6\frac{3}{8} - \frac{5}{8} = 6\frac{1}{8}$, 8. $2\frac{1}{3} - 1\frac{2}{3} = \frac{1}{3}$
 $\frac{7}{8} - \frac{3}{8} = \frac{4}{8}$, $18 - 9\frac{3}{4} = 18 - \frac{39}{4} = \frac{72}{4} - \frac{39}{4} = \frac{33}{4}$, $9\frac{4}{5} - \frac{5}{5} = 9\frac{4}{5}$, $3\frac{1}{4} - 2\frac{3}{4} = \frac{1}{4}$
 $2 - \frac{4}{7} = \frac{14}{7} - \frac{4}{7} = \frac{10}{7}$, $13 - 7\frac{4}{5} = 13 - \frac{39}{5} = \frac{65}{5} - \frac{39}{5} = \frac{26}{5}$, $12\frac{6}{11} - \frac{8}{11} = 12\frac{2}{11}$, $5\frac{2}{5} - 1\frac{1}{5} = 4\frac{1}{5}$
 $5 - \frac{3}{5} = \frac{25}{5} - \frac{3}{5} = \frac{22}{5}$, $19 - 8\frac{2}{3} = 19 - \frac{26}{3} = \frac{57}{3} - \frac{26}{3} = \frac{31}{3}$, $8\frac{1}{7} - \frac{4}{7} = 7\frac{6}{7}$, $7\frac{2}{5} - 4\frac{4}{5} = \frac{35}{5} - \frac{24}{5} = \frac{11}{5}$
 $21 - \frac{7}{10} = \frac{210}{10} - \frac{7}{10} = \frac{203}{10}$, $16 - 2\frac{2}{10} = 16 - \frac{22}{10} = \frac{138}{10}$, $3\frac{5}{6} - \frac{5}{6} = 3$, $9\frac{1}{6} - 3\frac{5}{6} = 5\frac{1}{6}$

9. $15\frac{1}{3} - 4\frac{3}{4} = 14\frac{10}{12} - 4\frac{9}{12} = 10\frac{1}{12}$, 10. $13\frac{1}{3} - 6\frac{1}{3} = 13\frac{3}{3} - 6\frac{1}{3} = 7\frac{2}{3}$
 $18\frac{2}{7} - 7\frac{1}{7} = 18\frac{14}{14} - 7\frac{2}{14} = 11\frac{12}{14} = 11\frac{6}{7}$, $21\frac{3}{9} - 7\frac{4}{9} = 21\frac{1}{9} - 7\frac{4}{9} = 14\frac{5}{9}$
 $28\frac{3}{15} - 9\frac{7}{15} = 28\frac{1}{15} - 9\frac{7}{15} = 19\frac{8}{15}$, $28\frac{2}{60} - 9\frac{7}{15} = 28\frac{2}{60} - 9\frac{14}{30} = 18\frac{1}{60}$
 $14\frac{3}{10} - 7\frac{7}{10} = 14\frac{3}{10} - 7\frac{7}{10} = 7\frac{6}{10} = 7\frac{3}{5}$

$10 - \frac{2}{3} = 9\frac{1}{3}$, $9\frac{1}{3} - \frac{2}{3} = 8\frac{2}{3}$, $8\frac{2}{3} - \frac{2}{3} = 8$, $8 - \frac{2}{5} =$
etc. . .

Diminuir, segundo exemplo dado, do numero inteiro a fração indicada:

- | | | | | |
|--------------------|---------------------|----------------------|----------------------|----------------------|
| 11. | 12. | 13. | 14. | 15. |
| $12 - \frac{3}{4}$ | $18 - \frac{4}{7}$ | $24 - \frac{11}{12}$ | $27 - \frac{43}{9}$ | $95 - \frac{77}{10}$ |
| $15 - \frac{4}{5}$ | $20 - \frac{7}{8}$ | $19 - \frac{21}{2}$ | $32 - \frac{55}{8}$ | $100 - \frac{75}{8}$ |
| $16 - \frac{5}{6}$ | $21 - \frac{9}{10}$ | $24 - \frac{33}{4}$ | $40 - \frac{67}{10}$ | $80 - \frac{55}{6}$ |

16. O dia mais comprido dura $14\frac{1}{2}$ horas. Que duração tem o dia mais curto? De quantas horas excede o dia mais comprido o mais curto?
17. O trem parte às $8\frac{1}{4}$ de Porto Alegre e chega a Santa Maria às $17\frac{3}{4}$.
18. O trem rapido parte de São Paulo às $7\frac{1}{2}$ horas e chega a Santos às $10\frac{1}{2}$ horas; o trem mixto parte às $6\frac{1}{4}$ horas e chega às $10\frac{3}{4}$ horas. Fazer diversos problemas.
19. O trem parte de Passo Fundo às $6\frac{1}{2}$ horas e chega a Marcellino Ramos às $15\frac{3}{4}$ horas.
20. A mãe quer aproveitar um resto de tricolina de $1\frac{3}{4}$ m. Quanto falta, precisando 3 m?
21. Ela comprou para dois vestidos um retalho de $5\frac{1}{4}$ m. Para um vestido ella precisa de $2\frac{1}{4}$ m; para a outra de $2\frac{3}{4}$ m. Chega a fazenda?
22. Duma peça de cretche de 10 m fazem-se 3 lençóis, gastando para o primeiro $2\frac{1}{4}$, para o segundo $1\frac{1}{4}$, para o terceiro $1\frac{1}{4}$. Quanto resta?
23. Duma peça de morim de 20 m um negociante vendeu sucessivamente $2\frac{1}{2}$ m, $5\frac{1}{2}$ m, $1\frac{1}{2}$ m, $3\frac{1}{2}$ m. Quanto restou?

$2345\frac{12}{25}$	$2463\frac{18}{25}$	43
$- 936\frac{7}{25}$	$1278\frac{21}{25}$	21
$1409\frac{5}{25}$	$1184\frac{22}{25}$	22

$47\frac{3}{5}$	11
$- 29\frac{7}{8}$	7
$17\frac{4}{8}$	4

24. $134\frac{1}{12}$, $227\frac{8}{15}$, $475\frac{12}{21}$, $547\frac{13}{40}$, $465\frac{11}{12}$
 $167\frac{1}{12}$, $561\frac{12}{15}$, $357\frac{23}{21}$, $269\frac{19}{40}$, $322\frac{61}{12}$

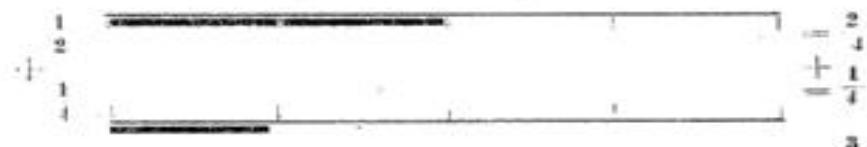
25. Diminuir de 360 m sucessivamente $87\frac{4}{5}$ m, $16\frac{1}{3}$ m, $4\frac{2}{3}$ m,
" de 450 km " $18\frac{5}{6}$ km, $143\frac{1}{6}$ km,
" de 500 ha " $113\frac{7}{9}$ ha, $2\frac{2}{3}$ ha, $145\frac{6}{9}$ ha.

26. Um porco vivo pesa $128\frac{1}{4}$ kg, morto $96\frac{3}{4}$ kg. A diferença?
27. Um boi vivo pesa $528\frac{1}{5}$ kg, morto $314\frac{3}{5}$ kg. A diferença?

V. Adição e subtração de frações ordinárias com denominadores diferentes

1. Redução das frações ao mesmo denominador,

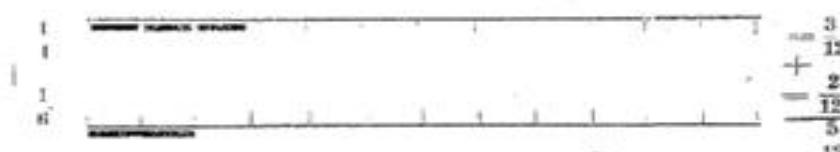
Tenho $\frac{1}{2}$ e $\frac{1}{4}$ de queijo. Qual a parte maior? Que farás, para conseguir partes iguais? Que farás querendo sommar $\frac{1}{2}$ e $\frac{1}{4}$?



1. Demonstrar pelo mesmo modo: $\frac{1}{2} + \frac{1}{8}$, $\frac{1}{3} - \frac{1}{6}$, $\frac{2}{4} + \frac{1}{3}$,
 $\frac{5}{6} + \frac{2}{3}$.



2. Demonstrar pelo mesmo modo: $\frac{1}{2} + \frac{1}{3}$, $\frac{1}{3} + \frac{1}{4}$, $\frac{2}{3} - \frac{1}{2}$.



3. Demonstrar pelo mesmo modo: $\frac{2}{4} + \frac{1}{6}$, $\frac{3}{4} - \frac{1}{6}$.

4. Quantas coisas tem $\frac{1}{2}$ duzia, $\frac{1}{3}$ duzia, $\frac{1}{4}$ duzia, $\frac{1}{6}$ duzia?
 $\frac{1}{2}$ duzia de ovos + $\frac{1}{3}$ duzia de ovos = 6 ovos + 4 ovos = 10 ovos.

Somar pelo exemplo dado:

5.	6.	7.
$\frac{1}{2}$ dz.	$\frac{1}{2}$ dz.	$\frac{1}{2}$ dz.
$\frac{1}{4}$ " "	$\frac{1}{3}$ "	$\frac{1}{4}$ "
$\frac{1}{2}$ "	$\frac{1}{6}$ "	$\frac{1}{3}$ "
$\frac{1}{4}$ "	$\frac{1}{12}$ "	$\frac{1}{12}$ "

8.	9.	10.	11.	12.
$\frac{1}{2} + \frac{1}{4}$	$\frac{1}{10} + \frac{1}{5}$	$\frac{2}{3} + \frac{5}{6}$	$\frac{1}{2} + \frac{1}{4}$	$\frac{1}{2} + \frac{1}{4}$
$\frac{1}{4} + \frac{1}{8}$	$\frac{1}{10} + \frac{1}{5}$	$\frac{2}{3} + \frac{1}{2}$	$\frac{7}{5} + \frac{3}{10}$	$\frac{3}{10} + \frac{2}{5}$
$\frac{1}{3} + \frac{1}{6}$	$\frac{1}{12} + \frac{1}{3}$	$\frac{2}{3} + \frac{1}{6}$	$\frac{3}{4} + \frac{7}{8}$	$\frac{4}{5} + \frac{1}{10}$
$\frac{1}{2} + \frac{1}{8}$	$\frac{1}{21} + \frac{1}{7}$	$\frac{2}{3} + \frac{1}{3}$	$\frac{5}{2} + \frac{7}{9}$	$\frac{1}{3} + \frac{3}{9}$

13. Procurar o denominador comum para:

$$\frac{1}{2}, \frac{1}{3}, \frac{1}{4}, \frac{1}{12}, \dots, \frac{1}{4}, \frac{1}{20}, \frac{1}{5}, \frac{1}{10}, \dots, \frac{1}{8}, \frac{1}{6}.$$

14.	15.	16.	17.	18.
$\frac{1}{2} + \frac{1}{8}$	$\frac{2}{3} + \frac{1}{4}$	$\frac{2}{3} + \frac{1}{5}$	$\frac{4}{5} + \frac{1}{7}$	$\frac{1}{4} + \frac{1}{8}$
$\frac{1}{3} + \frac{1}{5}$	$\frac{4}{5} + \frac{1}{2}$	$\frac{2}{5} + \frac{1}{2}$	$\frac{5}{3} + \frac{1}{7}$	$\frac{1}{6} + \frac{1}{8}$
$\frac{1}{4} + \frac{1}{5}$	$\frac{1}{2} + \frac{1}{3}$	$\frac{4}{5} + \frac{2}{5}$	$\frac{2}{1} + \frac{1}{3}$	$\frac{1}{6} + \frac{1}{9}$
$\frac{1}{2} + \frac{1}{4}$	$\frac{2}{3} + \frac{1}{5}$	$\frac{3}{5} + \frac{1}{4}$	$\frac{5}{4} + \frac{1}{2}$	$\frac{1}{8} + \frac{1}{12}$

2. Determinação do menor múltiplo comum.

Dos números 2, 4, 5, 10 o menor múltiplo comum é 20, porque 20 é o menor número divisível por cada um delles.

O menor múltiplo comum de 2, 5, 6 é 30
de 4, 5, 8 é 40
de 3, 4, 5, 6, 8, é 120.

Determinar o menor múltiplo comum de: 12, 15, 20, 24, 30, 36.

12	15	20	24	30	36	2
6	15	10	12	15	18	2
6	15	5	6	15	9	2
3	15	5	3	15	9	3
1	5	5	1	5	3	3
1	5	5	1	5	1	5
1	1	1	1	1	1	1

$2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 3 \times 5 = 360$
os numeros primos 3, 5, 7 etc., até que só appareça nos quocientes o algarismo 1. O producto de todos os divisores será o menor múltiplo commun.

1. Procurar o menor múltiplo commun de:

- a) 4, 6, 9, 15. b) 18, 30, 54, 64, 96.
 10, 12, 15, 18. 4, 3, 9, 2, 13.
 12, 16, 27, 36, 50. 6, 10, 20, 15, 25.
 c) 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8.
 2, 5, 8, 11, 15, 25, 30.
 15, 25, 5, 8, 10, 36.

3. Adição

$$\frac{1}{2} = \frac{60}{120}$$

$$\frac{1}{3} = \frac{40}{120}$$

$$\frac{1}{4} = \frac{30}{120}$$

$$\frac{1}{5} = \frac{24}{120}$$

120		120	
$\frac{1}{2}$	60	$\frac{4}{3}/\frac{1}{4}$	90
$\frac{1}{3}$	24	$\frac{7}{2}/\frac{1}{3}$	80
$\frac{1}{4}$	20	$\frac{6}{7}/\frac{1}{4}$	105
$\frac{1}{5}$	15	$\frac{8}{7}/\frac{1}{10}$	84
$\frac{119}{120}$	$119 : 120 = \frac{119}{120}$	$27 \frac{119}{120} : 120 = \frac{359}{120}$	$21 \frac{19}{120}$

2.	3.	4.	5.	6.	7.	8.	9.	10.
$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{5}$	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{7}$	$\frac{1}{8}$	$\frac{2}{3}$	$\frac{3}{4}$
$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{5}$	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{7}$	$\frac{1}{8}$	$\frac{1}{9}$	$\frac{2}{3}$	$\frac{3}{4}$
$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{5}$	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{7}$	$\frac{1}{8}$	$\frac{1}{9}$	$\frac{1}{10}$	$\frac{2}{5}$	$\frac{3}{5}$
$\frac{1}{5}$	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{7}$	$\frac{1}{8}$	$\frac{1}{9}$	$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{11}$	$\frac{2}{7}$	$\frac{3}{7}$

11.	12.	13.	14.	15.	16.	17.	18.	19.
$\frac{8}{3}/\frac{1}{3}$	$\frac{3}{4}/\frac{1}{10}$	$\frac{8}{3}/\frac{1}{11}$	$\frac{1}{2}/\frac{1}{3}$	$\frac{2}{3}/\frac{1}{3}$	$\frac{3}{4}/\frac{1}{4}$	$\frac{1}{2}/\frac{1}{5}$	$\frac{5}{6}/\frac{1}{6}$	$\frac{7}{8}/\frac{1}{8}$
$\frac{2}{3}/\frac{1}{2}$	$\frac{7}{8}/\frac{1}{8}$	$\frac{3}{2}/\frac{1}{20}$	$\frac{1}{3}/\frac{1}{3}$	$\frac{3}{4}/\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}/\frac{1}{2}$	$\frac{7}{10}/\frac{1}{10}$	$\frac{5}{8}/\frac{1}{8}$	$\frac{1}{4}/\frac{1}{4}$
$\frac{4}{5}/\frac{1}{5}$	$\frac{2}{3}/\frac{1}{6}$	$\frac{7}{12}/\frac{1}{12}$	$\frac{1}{5}/\frac{1}{5}$	$\frac{4}{5}/\frac{1}{6}$	$\frac{5}{6}/\frac{1}{8}$	$\frac{4}{5}/\frac{1}{12}$	$\frac{5}{12}/\frac{1}{12}$	$\frac{2}{3}/\frac{1}{3}$
$\frac{1}{4}/\frac{1}{4}$	$\frac{1}{5}/\frac{1}{5}$	$\frac{5}{12}/\frac{1}{24}$	$\frac{1}{8}/\frac{1}{8}$	$\frac{3}{4}/\frac{1}{4}$	$\frac{1}{2}/\frac{1}{3}$	$\frac{5}{6}/\frac{1}{5}$	$\frac{5}{24}/\frac{1}{24}$	$\frac{7}{10}/\frac{1}{10}$
$\frac{2}{3}/\frac{1}{3}$	$\frac{1}{4}/\frac{1}{4}$	$\frac{9}{10}/\frac{1}{10}$	$\frac{1}{4}/\frac{1}{4}$	$\frac{1}{2}/\frac{1}{2}$	$\frac{3}{10}/\frac{1}{10}$	$\frac{8}{15}/\frac{1}{15}$	$\frac{8}{15}/\frac{1}{15}$	$\frac{9}{25}/\frac{1}{25}$
$\frac{3}{4}/\frac{1}{4}$	$\frac{7}{10}/\frac{1}{10}$	$\frac{3}{5}/\frac{1}{5}$	$\frac{1}{6}/\frac{1}{6}$	$\frac{3}{5}/\frac{1}{5}$	$\frac{4}{9}/\frac{1}{9}$	$\frac{7}{20}/\frac{1}{20}$	$\frac{7}{25}/\frac{1}{25}$	$\frac{7}{24}/\frac{1}{24}$

20.	21.	22.	23.	24.	25.
$13\frac{1}{2}/\frac{1}{2}$	$7\frac{5}{6}/\frac{5}{6}$	$4\frac{2}{3}/\frac{2}{3}$	$119\frac{3}{2}/\frac{3}{20}$	$\frac{35}{36}/\frac{36}{36}$	$75\frac{5}{12}/\frac{5}{12}$
$5\frac{2}{9}/\frac{2}{9}$	$4\frac{2}{9}/\frac{2}{9}$	$7\frac{4}{15}/\frac{4}{15}$	$47\frac{7}{12}/\frac{7}{12}$	$42\frac{2}{7}/\frac{2}{7}$	$47\frac{5}{6}/\frac{5}{6}$
$3\frac{4}{5}/\frac{4}{5}$	$8\frac{3}{10}/\frac{3}{10}$	$10\frac{9}{20}/\frac{9}{20}$	$58\frac{8}{25}/\frac{8}{25}$	$3\frac{1}{3}/\frac{1}{3}$	$115\frac{9}{16}/\frac{9}{16}$
$8\frac{3}{4}/\frac{3}{4}$	$1\frac{7}{12}/\frac{7}{12}$	$3\frac{11}{12}/\frac{11}{12}$	$103\frac{4}{5}/\frac{4}{5}$	$8\frac{5}{12}/\frac{5}{12}$	$63\frac{3}{4}/\frac{3}{4}$
$2\frac{3}{4}/\frac{3}{4}$	$2\frac{1}{4}/\frac{1}{4}$	$8\frac{1}{2}/\frac{1}{2}$	$57\frac{8}{15}/\frac{8}{15}$	$9\frac{2}{9}/\frac{2}{9}$	$7\frac{1}{18}/\frac{1}{18}$

26.	27.	28.	29.	30.	31.
$101\frac{1}{2}/\frac{1}{2}$	$3\frac{24}{25}/\frac{24}{25}$	$108\frac{3}{8}/\frac{3}{8}$	$8\frac{5}{12}/\frac{5}{12}$	$15\frac{1}{2}/\frac{1}{2}$	$50\frac{1}{10}/\frac{1}{10}$
$18\frac{2}{3}/\frac{2}{3}$	$14\frac{19}{100}/\frac{19}{100}$	$211\frac{4}{5}/\frac{4}{5}$	$804\frac{1}{15}/\frac{1}{15}$	$25\frac{1}{4}/\frac{1}{4}$	$108\frac{1}{4}/\frac{1}{4}$
$24\frac{16}{21}/\frac{16}{21}$	$7\frac{28}{125}/\frac{28}{125}$	$706\frac{7}{10}/\frac{7}{10}$	$408\frac{4}{25}/\frac{4}{25}$	$18\frac{3}{4}/\frac{3}{4}$	$93\frac{9}{10}/\frac{9}{10}$
$7\frac{7}{9}/\frac{7}{9}$	$2\frac{1}{2}/\frac{1}{2}$	$4\frac{21}{25}/\frac{21}{25}$	$117\frac{7}{24}/\frac{7}{24}$	$7\frac{4}{5}/\frac{4}{5}$	$102\frac{2}{5}/\frac{2}{5}$
$54\frac{2}{7}/\frac{2}{7}$	$148\frac{23}{50}/\frac{23}{50}$	$8\frac{13}{15}/\frac{13}{15}$	$13\frac{8}{25}/\frac{8}{25}$	$9\frac{5}{10}/\frac{5}{10}$	$4\frac{1}{8}/\frac{1}{8}$

32.	33.	34.	35.
$525\frac{1}{3}/\frac{1}{3}$	$348\frac{7}{10}/\frac{7}{10}$	$758\frac{3}{8}/\frac{3}{8}$	$1618\frac{7}{10}/\frac{7}{10}$
$47\frac{3}{4}/\frac{3}{4}$	$405\frac{2}{5}/\frac{2}{5}$	$40\frac{1}{2}/\frac{1}{2}$	$430\frac{5}{6}/\frac{5}{6}$
$9\frac{5}{9}/\frac{5}{9}$	$94\frac{2}{3}/\frac{2}{3}$	$804\frac{3}{4}/\frac{3}{4}$	$49\frac{2}{3}/\frac{2}{3}$
$10\frac{1}{2}/\frac{1}{2}$	$48\frac{5}{8}/\frac{5}{8}$	$965\frac{2}{3}/\frac{2}{3}$	$108\frac{5}{8}/\frac{5}{8}$

36. O alfaiate precisa para um terno $3\frac{1}{4}/\frac{1}{4}$ m de fazenda, para uma calça $1\frac{1}{4}/\frac{1}{4}$ m, para um collete $\frac{2}{3}/\frac{1}{3}$ m, para um sobretudo $2\frac{1}{2}/\frac{1}{2}$ m, para uma fatiota de menino $2\frac{1}{4}/\frac{1}{4}$ m.
- a) Quanto precisa o alfaiate para um terno com mais uma calça e mais um collete?
 - b) Quanto precisa o alfaiate para um terno, para um sobretudo e para uma fatiota de menino?
 - c) Um alfaiate faz uma calça, duas fatiotas de menino, um terno para homem e ainda um collete. Quantos metros precisa?
 - d) O pai manda fazer para si um terno com duas calças e fatiotas para os seus três filhos. Quantos metros precisa comprar?