

Celso Cardoso Geometria  
FENAME - FUNDAÇÃO NACIONAL  
DE MATERIAL ESCOLAR  
MATEMÁTICA 1970 Maria José

Colégio Pedro II.

Rio, 9 de outubro de 1970.

Aluno: Celso Cardoso.

Prof: Maria José.

Turma B - 3<sup>a</sup> série - 2º turno.

### Matemática:

A soma dos ângulos externos de um polígono regular aumentada de um ângulo interno é igual a  $495^\circ$ . Quantos lados tem o polígono?

Dados:

$$S_e + a_i = 495^\circ$$

$$\downarrow \quad \downarrow$$

$$360^\circ + 180^\circ(n-2) = 495^\circ$$

$n$

$$360^\circ + 180^\circ n - 360^\circ = 495^\circ$$

$\frac{1}{n}$

$\frac{n}{1}$

$\frac{1}{n}$

$$360^\circ n + 180^\circ n - 360^\circ = 495^\circ n$$

$$360^\circ n + 180^\circ n - 495^\circ n = 360^\circ$$

aluno: Celso Cardoso

professora: Maria José

disciplina: Matemática

série: 3<sup>a</sup> turma: B

colégio: Pedro II

$$45^{\circ}n = 360^{\circ}$$

$$n = 8$$

R: É o octógono.

Rio, 9/10/1970.

① Testar, usando a propriedade fundamental das proporções, quais das seguintes sentenças são verdadeiras:

$$\frac{1}{1} = \frac{5}{5} \quad (\text{V})$$

$$2 \ 10$$

$$\frac{2}{2} = \frac{5}{5} \quad (\text{F})$$

$$5 \ 3$$

$$\frac{3}{8} = \frac{6}{16} \quad (\text{V})$$

$$8 \ 16$$

$$\frac{4}{4} = \frac{15}{15} \quad (\text{V})$$

$$4 \ 15$$

$$\frac{5}{6} = \frac{13}{4} \quad (\text{V})$$

$$6 \ 4$$

② Resolver as seguintes proporções, determinando o valor do termo desconhecido:

$$1^{\text{a}}) \square : 15 = 12 : 6 \iff \square \times 6 = 15 \times 12$$

$$\square \times 6 = 180$$

$$\square = 180 : 6$$

$$\square = 30$$

$$2^{\text{a}}) 1 : x = 3 : 4 \iff x \times 3 = 4 \times \frac{1}{2}$$

$$x \times 3 = 2$$

$$x = 2 : 3$$

$$x = \frac{2}{3}$$

$$3^{\text{a}}) \underline{0,01} = \underline{\Delta} \iff 4 \times \Delta = 0,01 \times 1,2$$

$$4 \ 1,2 \quad 4 \times \Delta = 0,012$$

$$\Delta = 0,012 : 4$$

$$\Delta = 0,003$$

$$4^{\text{a}}) 0,4 : 2 = 18 : y \iff 0,4 \times y = 18 \times 2$$

$$0,4 \times y = 36$$

$$y = 36 : 0,4$$

$$y = 90$$

$$5^{\circ}) \frac{2}{n} = \frac{3}{9} \Leftrightarrow 3 \times n = 2 \times 9$$

$$3 \times n = 20,7$$

$$n = 20,7 : 3$$

$$n = 6,9$$

③ Dizer quando é que uma proporção é contínua.

R: Quando ela tem os meios iguais.

④ Tornar contínuas as proporções vindas das seguintes sentenças:

$$1^{\circ}) 4:8 = 8:16$$

$$2^{\circ}) 9:6 = 6:4$$

⑤ Determinar a média proporcional (ou média geométrica) dos seguintes pares de números:

$$1^{\circ}) 4 \text{ e } 9$$

$$4:x = x:9$$

$$x \times x = 4 \times 9$$

$$x^2 = 36$$

$$x = \sqrt{36}$$

$$x = 6$$

$$2^{\circ}) 24 \text{ e } 6$$

$$24:x = x:6$$

$$x \times x = 24 \times 6$$

$$x^2 = \sqrt{144}$$

$$x = 12$$

O arco  $\widehat{AC}$  excede o arco  $\widehat{BD}$  de  $30^\circ$ . Calcular êsses arcos sabendo-se que o ângulo formado pelas cordas  $\overline{AB}$  e  $\overline{CD}$  mede  $80^\circ$ .

Dados:

$$\widehat{AC} = m$$

$$\widehat{BD} = n$$

$$\widehat{AC} - \widehat{BD} = 30^\circ$$

$$m(\widehat{MN}) = 80^\circ$$

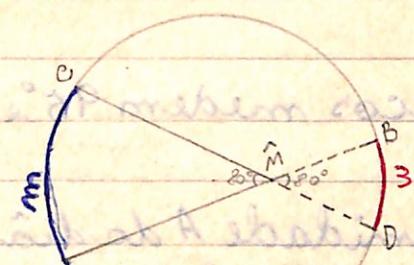
Determinar:

$$\widehat{AC} = \widehat{BD}$$

$$m = n$$

$$(F) m + n = 160^\circ$$

$$m + n = 160^\circ$$



$$\left\{ \begin{array}{l} m - n = 30^\circ \\ m + n = 160^\circ \end{array} \right.$$

$$\left\{ \begin{array}{l} m - n = 30^\circ \\ \frac{m+n}{2} = 80^\circ \end{array} \right.$$

$$\left\{ \begin{array}{l} m - n = 30^\circ \\ m + n = 160^\circ \end{array} \right.$$

$$\left\{ \begin{array}{l} m - n = 30^\circ \\ m + n = 160^\circ \end{array} \right.$$

$$2m = 190^\circ$$

$$m = 95^\circ$$

Cálculo de  $m$ :

$$m - n = 30^\circ$$

$$95^\circ - m = 30^\circ$$

$$-n = 30^\circ - 95^\circ \quad (\times -1)$$

$$m = 30^\circ + 95^\circ$$

$$m = 65^\circ$$

R: Os arcos medem  $95^\circ$  e  $65^\circ$ .

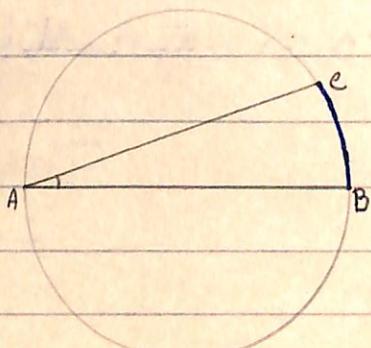
Na extremidade A do diâmetro  $\bar{AB}$  traçase a corda  $\bar{AC}$ . Calcular o ângulo  $\hat{C}\hat{A}\hat{B}$ , sendo o arco  $\widehat{AC}$  o dobro de  $\widehat{BC}$ .

Dados:

$$\widehat{AC} = 2\widehat{BC}$$

Determinar:

$$\hat{C}\hat{A}\hat{B}$$



$$\widehat{AC} + \widehat{BC} = 180^\circ$$

↓

$$2\widehat{BC} + \widehat{BC} = 180^\circ$$

$$3\widehat{BC} = 180^\circ$$

$$\widehat{BC} = 60^\circ$$

$$m(\hat{A})$$

$$\hat{A} = \frac{\widehat{BC}}{2}$$

$$\hat{A} = \frac{60^\circ}{2}$$

$$\hat{A} = 30^\circ$$

Rio, 21/10/1970.

① Transformar as seguintes proporções:

1º)  $\frac{5}{3} = \frac{10}{6}$  permitindo os extremos

$$\rightarrow \frac{6}{3} = \frac{10}{5} \quad C$$

$$2^{\text{a}}) \frac{16}{12} = \frac{8}{6} \text{ permitando os meios}$$

$$\rightarrow \frac{16}{8} = \frac{12}{6} \quad \checkmark$$

$$3^{\text{a})} \frac{x}{y} = \frac{z}{t} \text{ invertendo as razões}$$

$$(x \neq 0, y \neq 0, z \neq 0, t \neq 0) \rightarrow \frac{y}{x} = \frac{t}{z} \quad \checkmark$$

$$4^{\text{a})} \frac{0,5}{4} = \frac{1}{8} \text{ permitindo os extremos}$$

$$\rightarrow \frac{8}{4} = \frac{1}{0,5} \quad \checkmark$$

$$5^{\text{a})} \frac{49}{7} = \frac{7}{1} \text{ permitindo os meios}$$

$$\rightarrow \frac{49}{7} = \frac{7}{1} \quad \checkmark$$

$$6^{\text{a})} \frac{4}{1} = \frac{2}{\frac{1}{2}} \text{ invertendo as razões}$$

$$\rightarrow \frac{1}{4} = \frac{\frac{1}{2}}{2} \quad \checkmark$$

② Hypostas verdadeiras as seguintes sentenças, transformar as proposições que elas indicam:

$$1^{\text{a})} \frac{\perp}{T} = \frac{\Delta}{\nabla} \text{ invertendo as razões}$$

$$\rightarrow \frac{T}{\perp} = \frac{\nabla}{\Delta} \quad \checkmark$$

$$2^{\text{a})} \square : / = O : \backslash \text{ permitando os meios}$$

$$\rightarrow \frac{\square}{O} = \frac{/}{\backslash} \quad \checkmark$$

$$3^{\text{a})} \frac{U}{A} = \frac{C}{J} \text{ permitindo os extremos}$$

$$\rightarrow \frac{A}{U} = \frac{J}{C} \quad \checkmark$$

4º)  $\square : // = // : \square$  invertendo as razões

$$\rightarrow \frac{1}{\square} = \frac{\square}{1} \quad C$$

A soma dos ângulos internos de um polígono regular é igual a  $1260^\circ$ . De terminar o valor do ângulo externo.

Dados:

$$S_i = 1260^\circ$$

↓

$$180^\circ(n-2) = 1260^\circ$$

Determinar:

$$\alpha_e$$

$$180^\circ n - 360^\circ = 1260^\circ$$

$$180^\circ n = 1260^\circ + 360^\circ$$

$$180^\circ n = 1620^\circ$$

$$n = 9$$

Bálculo de  $\alpha_e$ :

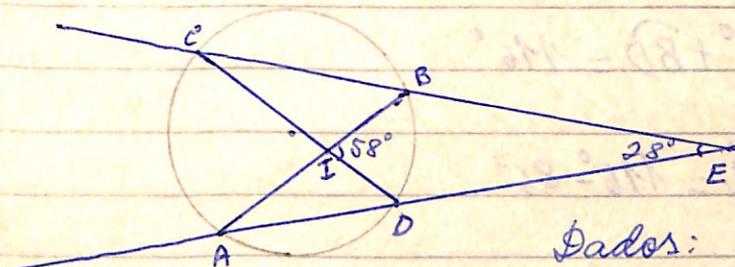
$$\alpha_e = \frac{360^\circ}{n}$$

$$\alpha_e = \frac{360^\circ}{9}$$

$$\alpha_e = 40^\circ C$$

R: O ângulo externo vale  $40^\circ$ .

Dois cordas  $\overline{AB}$  e  $\overline{CD}$  cortam-se num ponto I interior e formam um ângulo de  $58^\circ$ . As secantes  $AD$  e  $BC$  encontram-se em E e formam um ângulo de  $28^\circ$ . Ache os arcos  $\widehat{AC}$  e  $\widehat{BD}$ .



Dados:  $I = 58^\circ$   
Det.:  $\widehat{AC}$   $\widehat{BD}$

$$\left\{ \begin{array}{l} \widehat{AC} + \widehat{BD} = 58^\circ \\ \frac{2}{2} \quad \frac{1}{2} \end{array} \right.$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \widehat{AC} - \widehat{BD} = 28^\circ \\ \frac{2}{2} \quad \frac{1}{2} \end{array} \right.$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \widehat{AC} + \widehat{BD} = 116^\circ \\ \widehat{AC} - \widehat{BD} = 56^\circ \end{array} \right.$$

$$\widehat{AC} - \widehat{BD} = 56^\circ$$

$$2\widehat{AC} = 172^\circ$$

$$\widehat{AC} = 86^\circ$$

calculo de  $\widehat{BD}$ .

$$\widehat{AC} + \widehat{BD} = 58^\circ$$

$$2 \cdot \frac{1}{2}$$

$$\widehat{AC} + \widehat{BD} = 116^\circ$$

$$86^\circ + \widehat{BD} = 116^\circ$$

$$\widehat{BD} = 116^\circ - 86^\circ$$

$$\widehat{BD} = 30^\circ$$

R: Os arcos medem  $86^\circ$  e  $30^\circ$ .  $\checkmark$

Rio, 23/10/1970

① Os arcos compreendidos entre os lados de um ângulo exêntrico externo valem respectivamente  $\frac{1}{3}$  e  $\frac{1}{5}$  da circunferência. Determinar a medida desse ângulo.

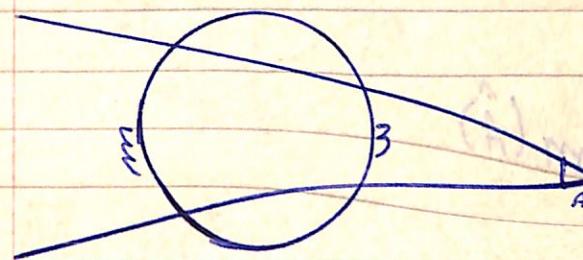
Dados:

$$m = \frac{1}{3} \text{ de } 360^\circ$$

$$n = \frac{1}{5} \text{ de } 360^\circ$$

Determinar:

$$m(\widehat{A})$$



$$m(\widehat{m})$$

$$m = \frac{1}{3} \text{ de } 360^\circ$$

$$m = \frac{1}{3} \times 360^\circ$$

$$m = \frac{360^\circ}{3}$$

$$m = 120^\circ$$

$$m(\bar{m})$$

$$m = \frac{1}{5} \text{ de } 360^\circ$$

$$m = \frac{1}{5} \times 360^\circ$$

$$m = \frac{360^\circ}{5}$$

$$m = 72^\circ$$

$$m(\hat{A})$$

$$\frac{m - m}{2} = m(\hat{A})$$

$$\frac{120^\circ - 72^\circ}{2} = m(\hat{A})$$

$$\frac{48^\circ}{2} = m(\hat{A})$$

$$24^\circ = m(\hat{A})$$

$$-m(\hat{A}) = -24^\circ \quad (x-1)$$

$$m(\hat{A}) = 24^\circ$$

$$\text{R.: } m(\hat{A}) = 24^\circ \quad \text{C}$$

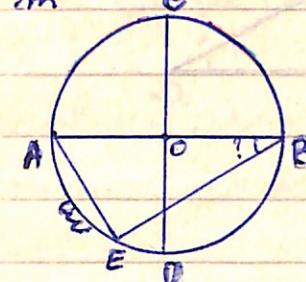
② AB e CD são dois diâmetros perpendiculares. A corda AE é o lado do hexágono regular inscrito. Calcular o ângulo ABE

Dados:

AE = lado do hexágono

Determinar:  
 $\hat{A}BE$

$$\overline{AE} = m$$



$$\overline{AE} = \frac{360^\circ}{6}$$

$$\overline{AE} = 60^\circ$$

$$m(\hat{A}BE)$$

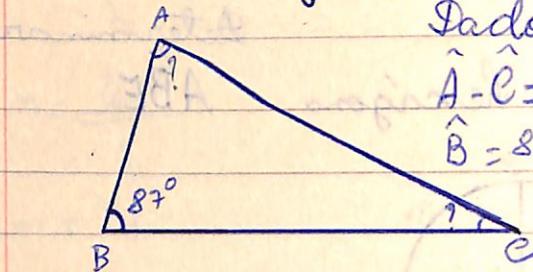
$$\hat{A}BE = \frac{m}{2}$$

$$\hat{A}BE = \frac{60^\circ}{2}$$

$$\hat{A}BE = 30^\circ$$

R.:  $\hat{A}BE$  mede  $30^\circ$  C

③ Num triângulo acutângulo um dos ângulos mede  $87^\circ$ . A diferença entre os dois menores ângulos é  $25^\circ$ . calcular os ângulos do triângulo.



Dados:  
 $\hat{A} - \hat{C} = 25^\circ$   
 $\hat{B} = 87^\circ$

Det:  
 $\hat{A}, \hat{B}$  e  $\hat{C}$

$$\hat{A} + \hat{B} + \hat{C} = 180^\circ$$

$$\hat{A} + 87^\circ + \hat{C} = 180^\circ$$

$$\hat{A} + \hat{C} = 180^\circ - 87^\circ$$

$$\hat{A} + \hat{C} = 93^\circ$$

$$m(\hat{A})$$

$$\hat{A} + \hat{C} = 93^\circ$$

$$\hat{A} - \hat{C} = 25^\circ$$

$$2\hat{A} = 118^\circ$$

$$\hat{A} = 59^\circ //$$

$$m(\hat{C})$$

$$\hat{A} + \hat{B} + \hat{C} = 180^\circ$$

$$59^\circ + 87^\circ + \hat{C} = 180^\circ$$

$$\hat{C} = 180^\circ - 59^\circ - 87^\circ$$

$$\hat{C} = 34^\circ //$$

R: Os ângulos medem  $59^\circ, 87^\circ$  e  $34^\circ$ .

④ Resolver as seguintes proporções, determinando o valor do termo desconhecido:

$$1^{\text{a}}) \left( \frac{3+1}{2} \right) : \frac{11}{3} = \left( \frac{3-1}{2} \right) : x$$

$$\frac{4}{2} : \frac{11}{3} = \frac{5}{2} : x \Leftrightarrow x \cdot 7 = 11 \cdot 5$$

$$x \cdot 7 = \frac{55}{2}$$

$$x = \frac{55}{2} : 7$$

$$x = \frac{55}{21} //$$

$$2^{\text{a})} \frac{(1 + \frac{2}{5}) \times 3}{x} = \frac{1}{\frac{3}{4}}$$

$$\frac{1}{x} \times 3 \\ \frac{5}{x} = 1$$

$$\frac{21}{5} = \frac{1}{\frac{3}{4}} \Leftrightarrow x \times 1 = \frac{21}{5} \times \frac{3}{4}$$

$$x \times 1 = \frac{63}{20}$$

$$x = \frac{63}{20} : 1$$

$$x = \frac{63}{20} // \quad \checkmark$$

$$3^{\text{a})} 2 \times x : 5 = 10 : 1$$

$$2x : 5 = 10 : 1 \Leftrightarrow 2x \times 1 = 5 \times 10$$

$$2x \times 1 = 50$$

$$2x = 50 : 1$$

$$2x = 50 \\ x = 25 // \quad \checkmark$$

$$4^{\text{a})} \frac{\square}{3} = \frac{1}{2} \Leftrightarrow \square \times 2 = 3 \times \frac{1}{2}$$

$$\square \times 2 = \frac{3}{2}$$

$$\square = \frac{3}{2} : 2$$

$$\square = \frac{3}{4} // \quad \checkmark$$

$$5^{\text{a})} \frac{3 \times \Delta}{4} = \frac{5}{1}$$

$$\frac{3 \Delta}{4} = \frac{5}{1} \Leftrightarrow 3 \Delta \times 1 = 5 \times 4$$

$$3 \Delta \times 1 = 20$$

$$3 \Delta = 20 : 1$$

$$3 \Delta = 20$$

$$\Delta = \frac{20}{3} // \quad \checkmark$$

⑤ Determinar o valor de  $x$  nas seguintes proporções:

$$1^{\circ}) a : x = b : d \quad (d \neq 0)$$

$$a : x = b : d \iff x \times b = d \times a$$

$$x \times b = da$$

$$x = \frac{da}{b} // \checkmark$$

$$2^{\circ}) m : p = n : x$$

$$m : p = n : x \iff x \times m = p \times n$$

$$x \times m = pn$$

$$x = \frac{pn}{m} // \checkmark$$

⑥ Fornecer continuas as proporções vindas das seguintes sentenças:

$$1^{\circ}) a : x = -a : -b \quad (b \neq 0). \checkmark$$

$$2^{\circ}) x : a = -a : -b \quad (a \neq 0 \text{ e } b \neq 0). \checkmark$$

⑦ Determinar a média proporcional (ou média geométrica) dos seguintes pares de números:

$$1^{\circ}) 6,3 \text{ e } 0,7$$

$$6,3 : x = x : 0,7$$

$$x \times x = 0,7 \times 6,3$$

$$x^2 = 4,41$$

$$x = \sqrt{4,41}$$

$$x = 2,1 // \checkmark$$

$$2^{\circ}) m \text{ e } n$$

$$m : x = x : n$$

$$x \times x = m \times n$$

$$x^2 = mn$$

$$x = \sqrt{mn} // \checkmark$$

⑧ Calcular a média aritmética (subentende-se simples) dos seguintes conjuntos de números (ou expressões):

$$1^{\circ}) 3,8, 2,15$$

$$3 + 8 + 2 + 15 = 28$$

$$28 : 4 = 7 // \checkmark$$

⑨ Qual a fração equivalente a  $\frac{7}{3}$  cuja diferença dos termos é igual a 16?

Dados:

$$a - b = 16$$

Determinar:

$$\frac{a-b}{b} = \frac{7-3}{3} \Leftrightarrow \frac{16}{b} = \frac{4}{3}$$

$$b = \cancel{16}^4 \times 3 \quad \cancel{4}^1 \quad \Leftrightarrow b = \frac{12}{1} = 12 //$$

$$a = 16 + 12 = 28 //$$

Resposta:  $\frac{28}{12}$  ✓

10) Os volumes de dois tanques de gasolina estão entre si como 2 está para 5. Calcular o volume de cada um, sabendo-se que a soma desses volumes é igual a  $56 \text{ dm}^3$ .

$$\frac{x}{y} = \frac{2}{5} \quad x + y = 56$$

$$\frac{x+y}{2+5} = \frac{x}{2} = \frac{y}{5}$$

Valor de  $x$ :

$$\frac{x+y}{2+5} = \frac{x}{2}$$

$$\frac{56}{7} = \frac{x}{2}$$

$$x = \frac{56 \times 2}{7}$$

$$x = 16 \text{ dm}^3 //$$

Valor de  $y$ :

$$\frac{56}{7} = \frac{y}{5}$$

$$y = \frac{56 \times 5}{7}$$

$$y = 40 \text{ dm}^3 \quad \text{R: Os volumes são } 16 \text{ dm}^3 \text{ e } 40 \text{ dm}^3.$$

Rio, 30/10/1970.

① Dividir o número 32 em partes proporcionais aos números: 3, 5 e 8

Resolução:

Sejam  $x$ ,  $y$  e  $z$  os nº procurados.

$$32 \rightarrow x + y + z$$

Sendo proporcionais termos:

$$\frac{x}{3} = \frac{y}{5} = \frac{z}{8}$$

Aplicando uma transformação que envolve a operações termos:

$$\frac{x+y+z}{3+5+8} = \frac{x}{3} = \frac{y}{5} = \frac{z}{8}$$

Valor de  $x$ :

$$\frac{x+y+z}{3+5+8} = \frac{x}{3}$$

$$\frac{32}{16} = \frac{x}{3}$$

$$x = \frac{32 \times 3}{16}$$

$$x = 6 //$$

Valor de  $y$ :

$$\frac{x+y+z}{3+5+8} = \frac{y}{5}$$

$$\frac{32}{16} = \frac{y}{5}$$

$$y = \frac{\cancel{32}^2 \times 5}{\cancel{16}_1}$$

$$y = 10 //$$

Valor de  $z$ :

$$\frac{x+y+z}{3+5+8} = \frac{z}{8}$$

$$\frac{32}{16} = \frac{z}{8}$$

$$z = \frac{\cancel{32}^2 \times 8}{\cancel{16}_1}$$

$$z = 16 // \quad R: Os n°s são: 6, 10, 16$$

Verificações:

$$x + y + z = 32$$

$$\frac{x}{3} = \frac{y}{5} = \frac{z}{8} \approx$$

$$6 + 10 + 16 = 32$$

$$32 = 32 (\text{v})$$

$$\frac{6}{3} = \frac{10}{5} = \frac{16}{8}$$

$$2 = 2 = 2 (\text{v})$$

② Repartir 40 em partes (iguais) proporcionais aos n° 2, 3, 5.

$$\begin{cases} x + y + z = 40 \\ \frac{x}{2} = \frac{y}{3} = \frac{z}{5} \end{cases}$$

$$\frac{x + y + z}{2 + 3 + 5} = \frac{x}{2} = \frac{y}{3} = \frac{z}{5}$$

Valor de  $x$ :

$$\frac{x + y + z}{2 + 3 + 5} = \frac{x}{2}$$

$$\frac{40}{10} = \frac{x}{2}$$

$$x = \frac{40 \times 2}{10} \quad x = 8 //$$

Valor de  $y$ :

$$\frac{x + y + z}{2 + 3 + 5} = \frac{y}{3}$$

$$\frac{40}{10} = \frac{y}{3}$$

$$y = \frac{40}{10} \times 3$$

10,

$$y = 12 //$$

Valor de  $z$ :

$$\frac{x + y + z}{2 + 3 + 5} = \frac{z}{5}$$

$$\frac{40}{10} = \frac{z}{5}$$

$$z = \frac{40}{10} \times 5$$

$$z = 20 // \quad Q:$$

③ Dividir 92 em partes proporcionais  
aos n.os  $\frac{3}{4}$ ,  $\frac{2}{3}$  e  $\frac{1}{2}$

$$\left\{ \begin{array}{l} x + y + z = 92 \\ \frac{x}{\frac{3}{4}} = \frac{y}{\frac{2}{3}} = \frac{z}{\frac{1}{2}} \end{array} \right.$$

Eliminando os denominadores:

$$\frac{3}{4} \quad \frac{2}{3} \quad \frac{1}{2}$$

$$4 \quad 3 \quad 2$$

$$\text{m.m.c.}(4, 3, 2) = 12$$

$$\frac{9}{12} \quad \frac{8}{12} \quad \frac{6}{12}$$

$$\frac{x}{9} = \frac{y}{8} = \frac{z}{6}$$

valor de x:

$$\frac{x+y+z}{9+8+6} = \frac{x}{9}$$

$$\frac{92}{23} = \frac{x}{9}$$

$$x = \frac{92 \times 9}{23}$$

$$x = 36$$

Valor de y:

$$\frac{x+y+z}{9+8+6} = \frac{y}{8}$$

$$\frac{92}{23} = \frac{y}{8}$$

$$y = \frac{92 \times 8}{23}$$

$$y = 32$$

Valor de z:

$$\frac{x+y+z}{9+8+6} = \frac{z}{6}$$

$$\frac{92}{23} = \frac{z}{6}$$

$$z = \frac{4}{\cancel{2} \times 6} \\ \cancel{2} \cancel{3}$$

$$z = 24, \quad R: \text{Obs: não: } 36, 32, 24. \quad \checkmark$$

④ Aplicar a proporção  $\frac{3}{8} = \frac{9}{24}$ , três transformações, sendo uma delas envolvendo uma operação:

a)  $\frac{3}{8} = \frac{9}{24}$  permitindo os meios  $\rightarrow$

$$\rightarrow \frac{3}{9} = \frac{8}{24} \quad \checkmark$$

b)  $\frac{3}{8} = \frac{9}{24}$  invertendo as razões  $\rightarrow$

$$\rightarrow \frac{8}{3} = \frac{24}{9} \quad \checkmark$$

c)  $\frac{3}{8} = \frac{9}{24}$  envolvendo uma operação  $\rightarrow$

$$\rightarrow \frac{3+9}{8} = \frac{9+24}{24} \quad \checkmark$$

Rio, 4/11/1970.

① Escrever o enunciado de seis teoremas.

1º) Se dois lados de um triângulo são congruentes, então os ângulos opostos a esses lados também são congruentes

2º) Em um triângulo isósceles, a mediana relativa à base é também altura e bisetriz relativas à base.

3º) A soma das medidas dos ângulos internos de um triângulo é igual a  $180^\circ$ . (Teorema angular de Tales)

4º) Duas retas perpendiculares à uma mesma reta são paralelas.

5º) Se uma reta for perpendicular a uma de duas paralelas é também perpendicular à outra.

6º) Duas retas, paralelas a uma outra  
são paralelas entre si.

7º) D  as fórmulas d :

$$S_i = 180^\circ(n - 2)$$

$$S_e = 360^\circ$$

$$a_i = \frac{180^\circ(n - 2)}{n}$$

$$a_e = \frac{360^\circ}{n}$$

$$d = \frac{n(n - 3)}{2}$$

8º) D  a fórmula d :

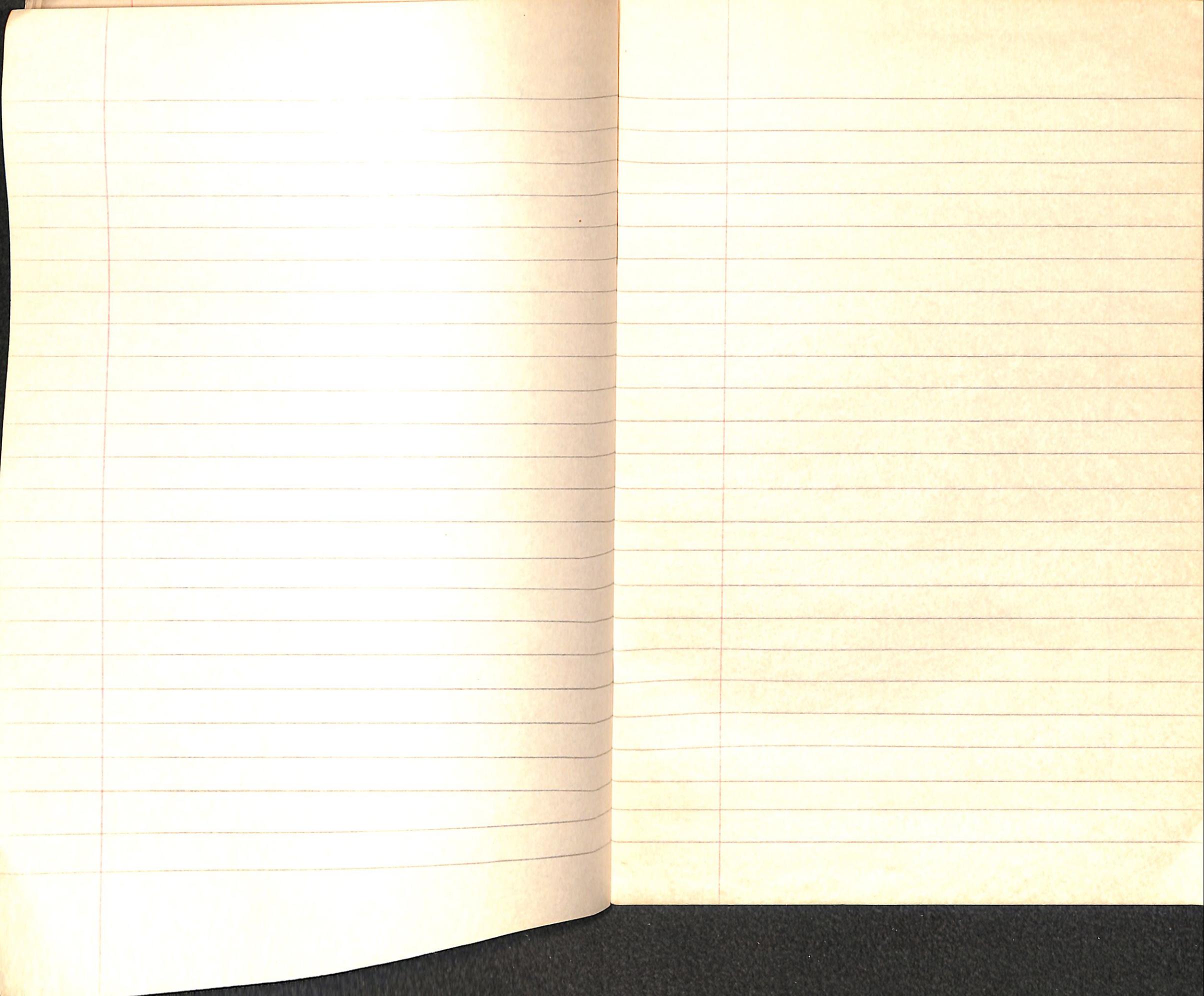
$$\text{ângulo central} = m$$

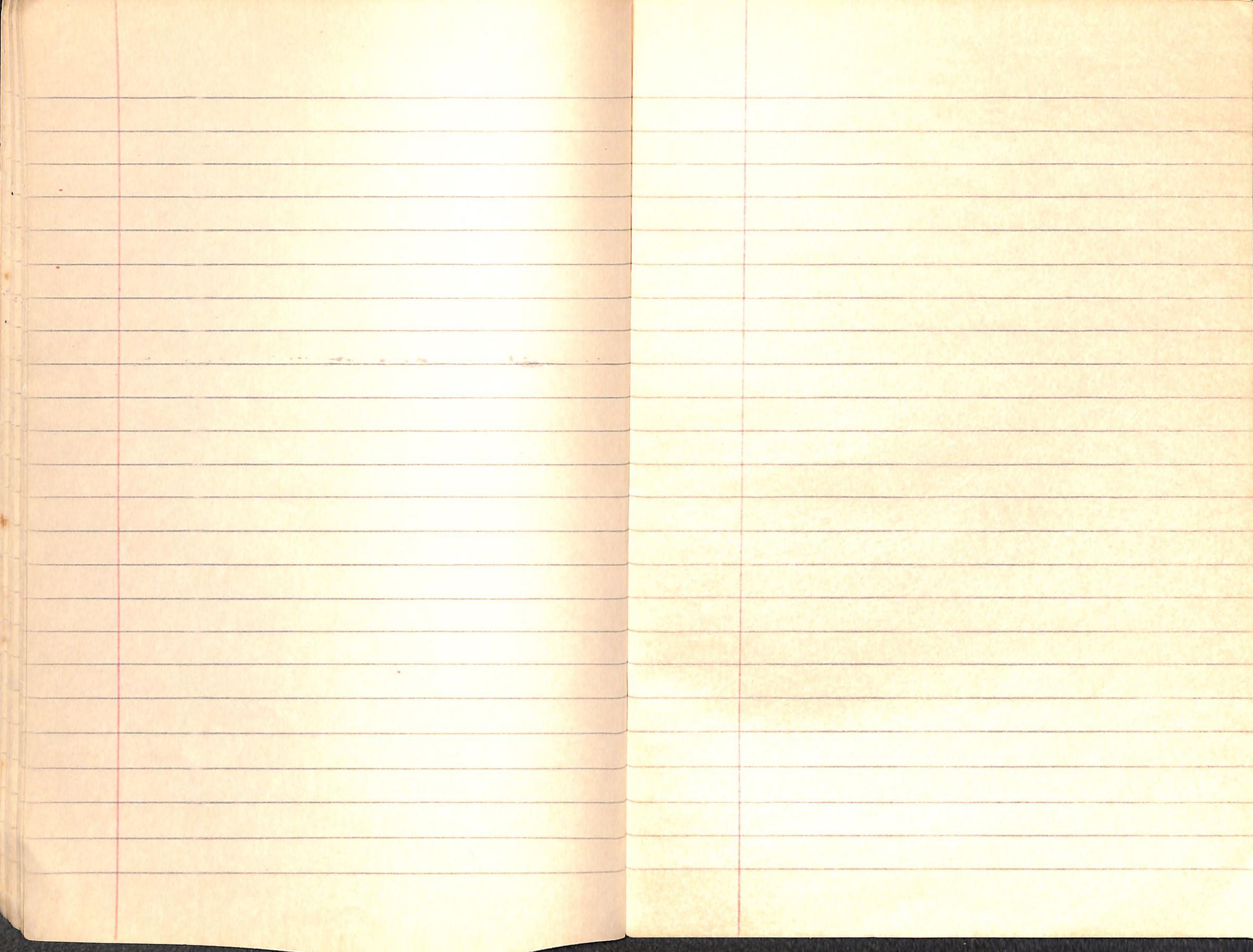
$$\text{ângulo inscrito} = \frac{m}{2}$$

$$\text{ângulo de segmento} = \frac{m}{2}$$

$$\text{ângulo excêntrico interno} = \frac{m + n}{2}$$

$$\text{ângulo excêntrico externo} = \frac{m - n}{2}$$





## aprenda a pontuar

### use:

- ,
  - 
  - :
  - .
  - !
  - ?
  - ...
  - :
  - “ ”
  - ( )
- (vírgula) quando sentir que há necessidade de indicar pausa, antes e depois de termos ou de palavras da mesma classe, dentro da oração, ou entre orações dentro do período.
- (travessão), em vez de vírgula, para dar mais realce à palavra ou frase que segue. **Observação:** emprega-se, também, travessão:  
a) entre palavras encadeadas (E. de Ferro Santos—Jundiaí).  
b) nos diálogos.
- (ponto-e-vírgula) quando sentir que há necessidade de indicar pausa maior que a da vírgula, dentro do período.
- (ponto-final) para marcar o fim do período. **Observação:** o ponto é usado em abreviaturas.
- (ponto-de-exclamação) para indicar interjeição ou vocativo intensivo. Use-o, também, em frase admirativa, mesmo como final de período.
- (ponto-de-interrogação) junto a frase interrogativa direta, mesmo como final de período.
- (reticências) para indicar supressão de palavras ou interrupção de frase, quando o silêncio fôr mais expressivo ou mais conveniente.
- (dois-pontos) antes de explicação, citação ou enumeração. É costume usá-los, também, depois do vocativo inicial, nas cartas.
- (aspas) para inserir na composição palavra ou frase dita ou escrita por outra pessoa, ou quando quiser dar realce a uma palavra ou expressão.
- (parênteses) para isolar, na oração, palavra ou frase explicativa sem ligação sintática com a oração ou com o período.

### conheça, também, êstes sinais:

- §
  - \*
  - [ ]
  - 
  - .....
- (parágrafo), seção da composição.
- (asterisco), explicação fora do texto.
- (colchêtes), inclusão de palavra ou frase dentro de citação.
- (hífen), sinal ortográfico, menor que o travessão. Serve para separar sílabas ou unir palavras.
- (série de pontos), omissão de trecho de livro.

MINISTÉRIO DA EDUCAÇÃO E CULTURA

NCr\$ 0,35

NORMAS A SEREM OBSERVADAS DURANTE O CURSO DE

MATEMÁTICA DURANTE O ANO DE 1970

1. DO APROVEITAMENTO DA MATERIA MINISTRADA

- a) - Quando o aluno não entender determinado assunto em aula deverá solicitar tantas explicações quantas forem necessárias para o perfeito domínio da matéria ensinada, não devendo em hipótese alguma, levar dúvidas para casa.
- b) - A Matemática deverá ser estudada diariamente, pois rapidez de raciocínio e exactidão nos cálculos só poderão ser alcançados por meio de constantes exercícios.

2. SUGESTÕES TRABALHOS DE CASA

- a) Os exercícios de casa não poderão de maneira alguma deixar de serem feitos; o aluno deverá tentar fazê-los mesmo errando, porque dessa maneira estará aprendendo a vencer as dificuldades que vai encontrando paulatinamente, sendo quase que impossível conseguir uma boa prova se não fizer anteriormente bons exercícios.
- b) - Os trabalhos de casa não serão aceitos quando rabiscados e emendados grosseiramente; deverão ser apresentados com capricho e limpeza. Deverão ser feitos a tinta.
- c) - Os exercícios errados deverão ser copiados do quadro por ocasião da sua correção em aula e em casa deverão ser estudados e repetidos a fim de que não recaiam nos mesmos erros.
- d) - O aluno sómente poderá deixar de apresentar os trabalhos de casa mediante justificativa escrita do Sr. Responsável. Em caso contrário sua nota mensal será prejudicada.

3. DA VERIFICAÇÃO DA APRENDIZAGEM

- a) - Mensalmente será dada uma prova escrita cuja data de realização será fornecida prativamente.
- b) - Mensalmente serão fornecidos testes para verificação de toda a matéria dada, sem aviso prévio.
- c) - Diariamente poderão ser arguidos alguns alunos sobre a matéria já ministrada, sem aviso prévio.
- d) - As provas mensais serão devolvidas ao aluno após serem corrigidas pelo professor, a fim de que o mesmo verifique a contagem dos pontos computados e a correção feita, não sendo aceitas, em hipótese alguma, quaisquer reclamações posteriores..
- e) - As provas de segunda chamada sómente serão concedidas mediante a apresentação de atestado médico, no máximo até a segunda aula após o reinício das aulas interrompidas por motivo de força maior.

4. DO COMPORTAMENTO DO ALUNO EM AULA

- a) - Sendo a Matemática uma matéria em que o aluno deverá entender o assunto em seus mínimos detalhes, isto só poderá acontecer num ambiente de silêncio e concentração e portanto, a disciplina será rigorosamente observada.
- b) - Não será permitida a entrada do aluno atrasado em aula, pois as sucessivas interrupções quebram o ritmo da aula e dispersam a atenção dos demais alunos.
- c) Sómente será permitida a entrada do aluno atrasado em aula se estiver enquadrado em dos casos seguintes:

CASOS:

- I - quando já saindo de casa atrasado, o aluno vir comido de uma justificativa do Sr. Responsável;
- II - quando estiver no Gabinete médico e trouxer uma justificativa do Sr. Médico do Colégio;
- III - quando em qualquer outra eventualidade o Sr. Inspetor se responsabilizar pelo atraso justo do aluno.

5) - DA ORDEM DO MATERIAL DIDÁTICO

- a) - Os cadernos e livros deverão ser mantidos limpos e encapados para sua melhor conservação.
- b) - Os cadernos serão revistados periodicamente (sem aviso prévio), podendo seu conceito influir na nota mensal.

6) - DA ORIENTAÇÃO DO ALUNO

- a) - O aluno que obtiver nas Provas mensais notas abaixo de cinco, não receberá o respectivo grau em si; sua prova só será entregue pessoalmente ao Sr. Responsável, que receberá oportunamente um aviso marcando uma reunião com o professor. Neste encontro, muito importante, ao qual o Sr. Responsável não deverá faltar, serão perquisados quais os pontos negativos e quais as medidas a serem tomadas a fim de que o aluno aproveite o máximo e acompanhe a turma.
- b) - Caso o aluno estiver atravessando uma fase difícil quer se trata da sua saúde física ou emocional ou ainda, no campo familiar, solicite ao Sr. Responsável que procure com presteza o professor, a fim de que o mesmo possa de alguma maneira minorar ou se fôr o caso, aliviar a crise pela qual o aluno está passando.

7. DO ALUNO REPETENTE

- a) - O aluno repetente, assim como seus responsáveis, deverão ficar atentos às notas mensais a fim de que oportunamente possam ser tomadas medidas que possam ser úteis no sentido de fazer com o aluno resolva e elimine as dificuldades que esteja encontrando.

8. DA ACEITAÇÃO DA RESPONSABILIDADE DOS SRS. PAIS:

- a) - Estas normas devem ser lidas pelos Srs. Responsáveis com muita atenção, pois ao assiná-las assumem o compromisso de observá-las.
- b) - Caso algum responsável não estiver de acordo com qualquer um dos itens aqui abordados, terá inteira liberdade de vir discuti-lo com o professor, que estará pronto a acatar qualquer sugestão que fôr benéfica à realização plena do aluno.

Rio de Janeiro, 19 de março de 1970

P.J.G

Luis Cardoso

(Nome do progenitor)

D. Cecília de Oliveira Cardoso

(Nome da progenitora)

DATAS PROVÁVEIS DA REALIZAÇÃO DAS PROVAS MENSais:

Abril: .... dia ... 22 ... 24 ...

maio: ... dia ... 20 ...

junho: .... dia ... 24 ...

agosto: ... dia ... 26 ...

setembro: ... dia ... 23 ...

outubro: ... dia ... 21 ... 30