UNIVERSIDADE FEDERAL DE SANTA CATARINA COORDENAÇÃO DOS PROGRAMAS DE POS-GRADUAÇÃO ENGENHARIA MECÂNICA

SIMULAÇÃO DIGITAL DE UM SISTEMA DE REFRIGERAÇÃO POR ABSORÇÃO

JOÃO NILDO DE SOUZA VIANNA

TESE SUBMETIDA À APRECIAÇÃO COMO REQUISITO PARCIAL PARA A OBTENÇÃO DO GRAU DE :

MESTRE EM CIÊNCIAS EM ENGENHARIA MECÂNICA OPÇÃO TERMOTÊCNICA

> FLORIANÓPOLIS SANTA CATARINA - BRASIL

> > MARÇO - 1974

ESTA TESE FOI JULGADA ADEQUADA PARA A OBTENÇÃO DO TÍTULO DE

"MESTRE EM CIÊNCIAS"

E APROVADA EM SUA FORMA FINAL PELO ORIENTADOR E PELO CURSO DE PÓS-GRADUAÇÃO

Prof. Eng? Sergio Luiz Gargioni, M.Sc. Orientador

perlia Prof. Eng? Domingos Boechat Alves, Ph.D.

Integrador dos Programas de Pós-Gradua ção em Engenharia

BANCA EXAMINADORA:

Prof. Eng? Carlos Alfredo Clezar, M.Sc.

Prof. Eng? Doming ves Prof. Enge Rogerio T. da Silva Ferreira M.Sc.

Ā Leonora e Nahima

.

.

AGRADECIMENTOS

Quero deixar expresso aqui os meus mais sinceros <u>a</u> gradecimentos ao Prof. Engº Sergio Luiz Gargioni, meu orientador . Sua efetiva colaboração e orientação, seu entusiasmo, suas pala vras de incentivo e sua disponibilidade tornaram possível a realização deste trabalho .

Agradeço também ao Prof. Clávio Coutinho Filho, ch<u>e</u> fe do Departamento de Ciências Estatísticas e da Computação, pelo interesse demonstrado para o bom termo de meu trabalho .

Ao colega Eng
Q Luiz Henry Monken da Silva, pela aju da e entusiasmo .

Ao Prof. Eng
9 Arno Bollmann, meu orientador de Cu \underline{r} so, por toda ajuda prestada durante o curso de Mestrado .

À CAPES e BNDE pelo apoio financeiro.

Ao Acadêmico Francisco Nakagawara, pelo serviço de datilografia .

iv

RESUMO

. .

.

,

RESUMO

O objetivo básico deste trabalho é simular um sist<u>e</u> ma de Refrigeração por Absorção usando a mistura binária Amônia-<u>Á</u> gua.

O modelo matemático representativo do sistema cons ta de um conjunto de 76 equações algébricas não lineares. Este modelo fornece um volume de informações satisfatório para uma proveitosa análise física do sistema.

O método usado na simulação foi de Newton-Raphson, e o sistema de equações linearizado foi resolvido utilizando-se a técnica de eliminação de Gauss-Jordan .

O sistema computacional utilizado foi o computador IBM-1130 com configuração de 16K na memória interna e uma memóri a auxiliar com 512K .

Os resultados obtidos foram coerentes com os resultados reais encontrados em bibliografias especializadas . O conju<u>n</u> to de variáveis calculadas dão uma idéia global sobre a performance de uma instalação funcionando sob condições previamente fixadas. COI

ν

ABSTRACT

The basic objective of this work is to simulate an Ammonia - Agua Absorption Refrigeration System .

Mathematical modeling was used in order to represent the physical system . This model consists of seventy six non linear algebric equations . The amount of information generated by this model is considered to be satisfactory for analysing the physical model .

The Newton-Raphson method allowed the non linear system to be solved and the obtained linearized system was solved through Gauss-Jordan elimination method .

All the calculation was made by an IBM-1130 Computer System with configuration of 16 K of internal memory and 512 K of auxiliar memory .

The results gotten from this simulation were accurated enough compared with real results found in the literature. The set of calculated parameters permits to evaluate the performance of a facility of this nature working at certain condition assumed previously .

vi

ÎNDICE

· .

· · · · ·

i

	INTRODUÇÃO	1
	CAPÍTULO 1	
	1 - SIMULAÇÃO DE SISTEMAS	4
	1.1 Definição do Sistema	5
	1.2 Estudo dos Componentes	6
	1.3 Modelo Matemático	6
	1.4 Resolução do Modelo	6
	CAPÍTULO 2	
	2 - DEFINIÇÃO DO SISTEMA A SER SIMULADO	8
	2.1 Sistemas de Refrigeração por Absorção	8
	2.2 O Sistema Amônia-Água	9
	CAPÍTULO 3	
-	3 - ANÁLISE DOS COMPONENTES	14
	3.1 Absorvedor	14
	3.2 Pré-Aquecedor	23
	3.3 Gerador	29
	3.4 Condensador	39
	3.5 Pré-Resfriador	42
	3.6 Válvulas de Expansão	45
	3.7 Evaporador	45
	3.8 Coeficiente de Performance	50
	CAPÍTULO 4	
	4 - MODELO MATEMÁTICO	52
	4.1 Modelagem do Absorvedor	57
	4.2 Modelagem do Pré-Aquecedor	58

,

4.3 Modelagem do Gerador	60
4.4 Modelagem do Condensador	62
4.5 Modelagem do Pré-Resfriador	63
4.6 Modelagem das Vālvulas de Expansão	63
4.7 Modelagem do Evaporador	64
4.8 Performance da Instalação	65
4.9 Análise de Consistência do Modelo Matemático	65
CAPÍTULO 5	
5 - RESOLUÇÃO DO MODELO MATEMÁTICO DO SISTEMA	72
5.1 Programas de Computador	75
CAPÍTULO 6	
6 - RESULTADOS	111
6.1 Condição de Funcionamento do Sistema	122
6.2 Discussão dos Resultados	124
6.3 Exemplo de Aproveitamento de Energia Residual	125
CAPÍTULO 7	
7 - CONCLUSÕES E RECOMENDAÇÕES	132
APÊNDICE I - Evolução do Estudo da Mistura Amônia-Água	136
APÊNDICE II - Fontes de Divergência	142

BIBLIOGRAFIA ...

• •

4

147

٠

.

.

.

INTRODUÇÃO

O objetivo deste trabalho é realizar a simulação de um sistema de refrigeração por absorção, particularmente o de Água-Amônia.

-1-

Até por volta de 1930 foram realizados estudos importantes sobre estes sistemas. Posteriormente com a universalização dos sistemas de compressão mecânica, os sistemas por absorção foram relegados a um segundo plano. Sua aplicação limitou-se aos chamados sistemas totais, onde a fonte energética para funcionamen to do ciclo provém do calor rejeitado em um ciclo térmico qualquer.

A partir de 1964 foram retomados os estudos e vários trabalhos foram realizados, com vista a ampliar sua faixa de aplica ção. Os resultados destes trabalhos foram surpreendentes, no que diz respeito à aplicabilidade dos sistemas de absorção como concorrentes dos sistemas a compressão mecânica usual.

A importância e aplicabilidade dos sistemas de absor ção com utilização de energia térmica residual, é indiscutível.

Estes sistemas, embora usando uma forma menos nobre de energia, apresentaram maior custo operacional quando comparados com os sistemas de compressão mecânica.

Na realidade, estas comparações eram feitas com base em caractérísticas diferentes. Vários trabalhos ^{8,7,18}, têm sido d<u>e</u> senvolvidos visando corrigir esta falha e através deles concluiu-se que, quando as comparações são feitas dentro de critérios adequados, praticamente não existe diferença de curto operacional entre os dois sistemas. Isto fez renascer o interesse pela absorção, e em v<u>á</u> rios países existe um esforço de pesquisa para melhorar sua tecnol<u>o</u> gia visando tornar os sistemas de absorção mais competitivos. No Brasil, até 1973 não havia ainda sido realizado nenhum estudo mais apurado sobre este tipo de sistema de refrig<u>e</u> ração. Foi então constituído no Centro Tecnológico da UFSC, um grupo de pesquisa integrado pelos professores da Divisão de Term<u>o</u> técnica, do Departamento de Engenharia Mecânica, com o objetivo de pesquisar o aproveitamento de energia térmica residual em si<u>s</u> temas de refrigeração por absorção. O suporte financeiro desta pesquisa é dado pelo BNDE (Banco Nacional de Desenvolvimento Ec<u>o</u> nômico), e vários trabalhos já foram realizados pelo grupo de pe<u>s</u> quisadores.

O trabalho que aqui se apresenta pretende dar uma contribuição no desenvolvimento desta pesquisa. Se verificarmos as vantagens proporcionadas pela simulação desta natureza, simula ção digital, observa-se que na fase de desenvolvimento de um sis tema é quase que indispensável. A simulação embora com um grau de detalhamento não muito elevado, fornece um grande volume de in formações, tanto do ponto de vista do sistema como um todo, como também de cada elemento em particular. Assim, se desenvolveu a si mulação de um Sistema de Refrigeração por Absorção, Sistema Água-Amônia.

Em sintese, este trabalho desenvolve-se basicamente em duas etapas :

1. Obtém-se o modelo matemático do sistema em função da a

nálise de cada componente e das propriedades da mistura Água-Amônia. Este modelo é um conjunto de 76 equações algébricas não lineares .

2. Resolve-se o modelo através do método de Newton-Raphson obtendo-se assim os valores desses parâmetros para uma dada condição de funcionamento.

-2-

le

Um exemplo é mostrado, usando um Computador IBM-1130.

No decorrer deste trabalho será usado o sistema da unidades inglesas, visto os dados disponíveis em gráficos e tabelas serem apresentados sempre neste sistema .

CAPÍTULO 1

,

.

1 - SIMULAÇÃO DE SISTEMAS

Encontrar uma maneira de prever o comportamento de qualquer fenômeno nas mais variadas condições de ocorrência, sem pre foi uma necessidade de todo estudioso. É possível que a minia turização tenha sido uma das primeiras formas de se obterem informações antecipadas sobre tipos de fenômeno como : o desvio do lei to de um rio para irrigação, efeito dos ventos nas velas de uma em barcação, inundações causadas pela construção de uma represa, etc.

O desenvolvimento científico colocou disponível ou tras ferramentas de observação e obtenção de informações de fenôme nos mais específicos, como : associar uma queda d'água à uma dife rença de potencial, ou o escoamento de um fluido em tubulações à <u>u</u> ma corrente elétrica. Daí então se puderam construir aparelhos sofisticados que simulayam os fenômenos específicos.

Com o desenvolvimento dos computadores, desenvolveram-se também as técnicas de representar os fenômenos, de maneira a se obterem informações sobre eles ; só que agora de uma maneira ' bem mais ampla. Informações sobre as características de qualquer ' fenômeno que seja possível representar por equações matemáticas, se ja ele biológico, físico ou econômico, podem ser obtidas através de computadores.

Um conjunto de componentes, cujas variáveis estão interrelacionadas formam um sistema .

O cálculo de valores realísticos de variáveis signi ficativas de um conjunto de equações que representam um processo real chama-se simulação de sistema.

A simulação abriu novos horizontes para a ciência . Com o seu uso podem-se conhecer as características de um sistema,

-4-

quando não for possível ou econômico medí-las no sistema real; ou ainda, mesmo que não exista o sistema real, a avaliação da perfor mance de um projeto pode ser feita pela simulação. Tem-se a possi bilidade de variar os parâmetros do projeto, obtendo-se rapidamen te a resposta em todo o sistema. Sobretudo, a simulação é o elo de ligação entre o modelo e sua otimização.

A simulação de um sistema pode ser feita em computadores analógicos ou digitais. A diferença básica entre os dois é que no analógico o processamento é contínuo e no digital é di<u>s</u> creto; entretanto esta desvantagem do digital é compensada pelo maior número de informações sobre o sistema, que nele se pode obter. Como no sistema estudado neste trabalho, estão envolvidos grande número de variáveis significativas, será usado o processo de simulação digital.

Para se fazer a simulação digital de um sistema, são necessários quatro passos :

1. Definição do sistema.

2. Estudo dos componentes do sistema definido.

3. Montagem do modelo matemático do sistema.

4. Resolução do modelo matemático.

1.1 - Definição do Sistema

A definição do sistema é feita a partir da formulação do problema, que dá subsídios a uma análise gualitati-

a) Sistema contínuo ou discreto

b) Sistema determinístico ou estocástico

-5-

c) Sistema em regime permanente ou transiente .

Com esta caracterização tem-se definido o sistema, estabelecidas suas restrições e limitações .

1.2.- Estudo dos Componentes

Definido o sistema, fixadas suas limitações e hipóteses simplificativas, passa-se ao estudo de cada componen te. Este estudo é feito a partir de uma análise criteriosa dos processos físicos envolvidos no funcionamento dos componentes. Ob tém-se então as equações representativas do processo.

1.3 - Modelo Matemático

As equações dos componentes são então agrup<u>a</u> das. Os gráficos e tabelas que porventura sejam de construção e<u>x</u> perimental, devem ter representação analítica. Tem-se um sistema de equações para ser resolvido e estabelecem-se então os parâmetros fixos. As equações devem ser matematicamente consistentes e determinadas.

1.4 - Resolução do Modelo

De posse do modelo, decide-se sobre o método mais adequado de solução e em torno dele desenvolve-se o conjunto de programas de computador . De um modo geral o conjunto de programas consta de um programa executivo e várias sub-rotinas. No caso do método escolhido ser o de cálculo simultâneo, o programa execut<u>i</u> vo fornece sempre as condições iniciais de cada corrida do processamento, ou os valores iniciais se o método for de cálculo s<u>e</u> quencial.

Obtidos os resultados, avalia-se a adequação do modelo ao tipo de problema proposto .

.

.

,

.

. .

+

CAPÍTULO 2

.

.

2 - DEFINIÇÃO DO SISTEMA A SER SIMULADO

2.1 - Sistemas de Refrigeração por Absorção

Os sistemas de refrigeração de uso mais fr<u>e</u> quente operam com dois tipos de misturas binárias: Brometo de LÍtio - Água ou Amônia - Água .

Para os sistemas de ar condicionado usa-se tanto o Brometo de Lítio - Água como Amônia - Água. Nos sistemas de refrigeração sõ se usa Amônia - Água .

O brometo de lítio é um sal altamente higro<u>s</u> cópico e funciona como absorvente . A água neste tipo de instalação é o agente refrigerante. Isto limita o campo de aplicação das instalações com este tipo de substância de trabalho. Não se podem projetar instalações que funcionem muito próximo de 32[°]F, pois atinge-se a temperatura de congelamento da água .

Nos sistemas que utilizam a mistura Amônia- \underline{A} gua, a agua é o absorvente e a amônia o refrigerante. Estes sist<u>e</u> mas podem ser projetados para trabalharem a temperaturas tão baixas quanto os sistemas de compressão mecânica de amônia.

O fato do brometo de lítio ser um sólido traz a vantagem de se obter na vaporização, vapor de água puro. Isto simplifica a instalação, o que não acontece com a Amônia-Água. Du rante a vaporização da amônia, a água também se evapora. O vapor de água tem que ser reduzido às mínimas proporções, caso contrário haverá uma elevação excessiva da temperatura de evaporação prejud<u>i</u> cando assim o efeito refrigerante da amônia. A purificação do v<u>a</u> por de amônia exige que seja inserido no circuito um sistema de p<u>u</u> rificação, o que torna esta instalação mais sofisticada. Os sistemas Brometo de Lítio-Água operam a baixa pressão, em todos os pontos do sistema. O sistema Amônia-Água op<u>e</u> ra a altas pressões. Os sistemas de baixa pressão exigem canal<u>i</u> zações de diâmetros muito grandes .

Outro dado que deve ser considerado é que a amônia em alta concentração é tôxica e o brometo de lítio, não .

Uma variante do sistema Amônia-Água é o sistema Eletrolux, desenvolvido por Munters e von Platen¹, Fig. 2.1. O sistema Eletrolux funciona com uma terceira substância, o hidrog<u>ê</u> nio, que mantém o absorvedor e o evaporador nos mesmos níveis de pressão do gerador e do condensador. O hidrogênio exerce uma pre<u>s</u> são **pa**rcial que somada à pressão parcial da amônia no evaporador e no absorvedor, resulta na pressão total do sistema.

No sistema Eletrolux não existem peças móveis, e a circulação do líquido se faz pelo efeito de bomba do vapor que a<u>r</u> rasta partículas de líquido até os pontos mais elevados do sist<u>e</u> ma, de onde circulam por gravidade . A fonte térmica é uma chama de querosene ou gás doméstico . Sua aplicação é restrita a pequenos refrigeradores de uso doméstico.

O sistema escolhido foi Amônia-Água.

2.2 - O Sistema Amônia-Água

O sistema de refrigeração Amônia-Água é o mais antigo dos sistemas de absorção e seu estudo está intima mente ligado ao processo termodinâmico desta mistura binária.

-9-



Fig. 2.1 - Sistema de absorção eletrolux.

A Fig. 2.2 apresenta esquematicamente o sistema pro posto . É um sistema de simples estágio - com um gerador e um ab sorvedor .

O funcionamento do sistema, baseia-se em duas pro priedades das misturas binárias :

- a) As misturas binárias a uma determinada pressão, tem tem peraturas de ebulição diferentes para cada concentração.
- b) Um líquido a uma determinada temperatura, pode absorver
 vapor a uma temperatura mais baixa, desde que haja afini dade entre o líquido e o vapor. A mistura resultante é <u>u</u>
 ma mistura homogênea .

Então, de acordo com a Fig. 2.2, uma certa quantidade de calor Q_{cr} é adicionado a uma mistura de NH₃-H₂O existen te no gerador, a uma determinada pressão P_1 e concentração X_1 . Como, a uma mesma pressão, a temperatura de ebulição da amônia é inferior à da água, grande parte da amônia se despreende da água e em estado de vapor flui pela tubulação 7 para o condensador, onde se liquefaz com dissipação de calor Q, . Daí, passando pelo' pré-resfriador é expandido para uma pressão $P_2(P_2 < P_1)$ e no <u>e</u> vaporador novamente se vaporiza a custa do calor Q que é retirado do meio a refrigerar. O vapor passa pelo pré-resfriador em contra-corrente com o líquido que sai do condensador e flui para o absorvedor, a uma temperatura T_{12} . A água e uma pequena quantidade de amônia, que não foi evaporada descem do gerador passanpelo pré-aquecedor e é expandida para P_2 , entrando no absorvedor a uma temperatura T_6 ($T_6 > T_{12}$) e uma concentração X_2 Aí então, ocorre a absorção e o líquido é bombeado para o gerador , onde o ciclo se repete.



Fig. 2.2 - Sistema de refrigeração

I

amonia – água .

-12-

÷

Os processos termodinâmicos envolvidos no ciclo, a dois níveis de pressão, são :

- a) Vaporização
- b) : Condensação
- c) Expansão
- d) Absorção

A determinação dos estados termodinâmicos destes processos é feita com o auxílio de diagramas obtidos experimental mente : diagrama Entalpia-Concentração , Fig. 2.3 ; diagrama Temperatura-Concentração , Fig. 2.4 ; e diagrama Pressão-Temperatura, Fig. 2.5 .

No diagrama Pressão-Temperatura , são plotadas cur vas de concentração constante como função de log P e 1/T . Sua utilização é limitada por conter menor número de informações que os outros dois . Entretanto, este diagrama pode ser bastante útil no trabalho de otimização dos ciclos, com relação às pressões de funcionamento³.

Diante da análise do ciclo, este sistema pode ser classificado como contínuo e determinístico.

As hipóteses simplificativas são :

- a) Os fluxos de calor e massa se dão em regime permanente
- b) Não hã perda de carga nas tubulações
- c) Não há perda de calor para o ambiente
- d) Não há necessidade de purga de água no evaporador
- e) Os estados nos pontos 1, 3, 4, 7, 8 e 12 são de equil<u>í</u> brio.

-13-

Refrigerant Tables and Charts



FIG. 2.3 DIAGRAMA CONCENTRAÇÃO - ENTALPIA



N,



-

\$.

CAPÍTULO 3

.

O estudo dos componentes do sistema de absorção é feito a partir da análise dos processos térmicos de mistura binária.

A literatura especializada $2^{,5}$, aborda só os fund<u>a</u> mentos básicos dos processos. Várias equações foram deduzidas cr<u>i</u> teriosamente para complementar a análise de cada componente, e ad<u>e</u> quar fundamentos gerais ao caso particular do ciclo analisado.

Neste capítulo serão enfocados somente os fundamentos que conduzam ãs equações que caracterizam os estados termodin<u>ã</u> micos de interêsse em cada componente de per si.

Não haverá aqui a preocupação de explicitar todas as variáveis usadas, isto será feito no Capítulo 4, quando da mo<u>n</u> tagem do modelo matemático .

Tanto os símbolos quanto números e índices que caracterizam as propriedades dos componentes, serão os mesmos usados no sistema definido no Capítulo 2.

É assumido em todos os casos abordados, que o regi me é permanente, que os componentes não trocam calor com o ambien te, que não há perda de carga nas tubulações, e as demais restrições fixadas no Capítulo 2.,

3.1 - Absorvedor

O processo que ocorre no absorvedor é a mist<u>u</u> ra de dois fluxos com troca de calor. Para simplificar os cálculos e proporcionar a obtenção de parâmetros intermediários, utilizouse o princípio de superposição de efeitos dividindo-o em dois pro cessos distintos : mistura adiabática de dois fluxos e simples troca de calor, Fig. 3.3. A Fig. 3.3 representa esquematicamente os processos, separados em duas partes.

As propriedades termodiâmicas são definidas por :

P ₂	- pressão do lado de baixa, psia
T ₁₂	- temperatura do vapor no ponto 12, 8F
m ₃	. fluxo de massa de vapor da mistura, lb/hora
X3	- concentração de amônia no vapor, 16 NH3/16 de mist.
H _{1,2}	- entalpia específica do vapor, Btu/lb
T ₆	- temperatura da solução fraca, ^o F
X ₂	- concentração de amônia no líquido, lb NH ₅ /lb mist.
m2	- fluxo de massa da sol. fraca, lb/hora
Нs	- entalpia da solução fraca, Btu/lb .
Xı	- concentração da solução forte, lb NH3/lb mist.
Tl	- temperatura da sol. forte, ^o F
HI	- entalpia específica da solução forte, Btu/lb
mı	- fluxo de massa da sol. forte, lb/hora
taı	- temperatura da água de refrigeração na entrada da
	serpentina, ^o F
ta ₂	- temperatura da água de refrigeração na saída da ser
	pentina, ^o F
Wa	- fluxo de massa da água de refrigeração, lb/hora
Qa	- calor retirado do absorvedor, Btu/hora
T _m	- temperatura de mistura, ^o F
Hm	- entalpia da mistura, Btu/lb

-15-



Fig. 3.1 – Representação esquemática do processo de absorção.

Considerando-se o processo adiabático da Fig.3.1(a) são válidas as leis de conservação de massa e de energia .

A conservação da massa total será :

$$m_2 + m_3 = m_1$$
 (3.1)

E da amônia :

$$m_2X_2 + m_3X_3 = m_1X_1$$
 (3.2)

Conservação da energia : o fluxo em 6 tem energia interna m_2u_6 e quando introduzido no recipiente de mistura à P_2 constante é acrescido do termo de trabalho de fluxo $m_2P_2v_6$. Similarmente pode-se considerar para o fluxo em 12.

Como o processo ocorre adiabaticamente, pode-se estabelecer que :

 $m_2u_6 + m_3u_{12} + m_2P_2v_6 + m_3P_2v_{12} = m_1(u_m + P_2v_m)$ (3.3)

Pela definição de entalpia, tem-se :

$$H = (u + Pv)$$
 (3.4)

onde v é volume específico, ft^3/lb .

Daí, reagrupando Eq. (3.3) e substituindo-se convenientemente pela Eq. (3.4), tem-se

$$m_2H_6 + m_3H_{12} = m_1H_m$$
 (3.5)

Dividindo-se Eq. (3.5) por m_1 :

-17-

-18-

$$\frac{m_2}{m_1} H_6 + \frac{m_3}{m_1} H_{12} = H_m$$
 (3.6)

$$\frac{m_2}{m_1} = \frac{X_3 - X_1}{X_3 - X_2}, \frac{m_2}{m_1} = \frac{X_1 - X_2}{X_3 - X_2}$$
(3.7)

Substituindo-se (3.7) em (3.6), e reagrupando-se,

$$H_{m} = H_{6} + \frac{X_{1} - X_{2}}{X_{3} - X_{2}} (H_{12} - H_{6})$$
 (3.8)

tem-se

$$X_1 = X_2 + \frac{m_3}{m_1} (X_3 - X_2)$$
 (3.9)

Bosnjakovic e Blackshear², recomendam que a temperatura T_m seja calculada através de uma simples interpolação. A partir da Fig. 3.3

$$\frac{H_{12} - H_{m}}{H_{12} - H_{6}} = \frac{T_{m} - T_{12}}{T_{6} - T_{12}}$$
(3.10)

Da Eq. (3.10) ,

$$T_{m} = \frac{(H_{12} - H_{m}) \times (T_{6} - T_{12})}{H_{12} - H_{6}} + T_{12} \qquad (3.11)$$



Fig. 3.2 - Absorvedor

Considerando-se agora o processo de troca de calor, Fig. 3.3 (b) , a mistura entra no estado m , localizado na zona de líquido e vapor do diagrama H - X , Fig. 3.3 .

Na saída do absorvedor, Fig. 3.2, a mistura deverá estar totalmente líquida e o estado l deve ser um estado de equilíbrio. A conveniência da mistura sair líquida do absorvedor, é que com uma bomba de pequena potência se pode elevar a pressão da mist<u>u</u> ra de P₂ para P₁.

A liquefação da mistura ocorre a custa de uma ret<u>i</u> rada de calor no absorvedor. Este processo é mostrado na Fig. 3.3. O ponto m representativo da mistura adiabática está na região lí quido-vapor do diagrama . A liquefação será completa quando o est<u>a</u> do da mistura estiver sobre a linha de saturação de líquido P₂, que está indicado pelo ponto l . O segmento de reta vertical, que une o ponto m ao ponto l, representa o calor Q_a/m_1 a ser retirado no pr<u>o</u> cesso .

Pode-se estabelecer que :

$$H_1 = H_m - \frac{Q_a}{m_1}$$
 (3.12)

$$m_1 = \frac{Q_a}{H_m - H_1}$$
 (3.13)

Pelo balanço global de energia se escreve:

$$m_3H_{12} + m_2H_6 = m_1h_1 + Q_a$$
 (3.14)

mas da Eq. (3.1)

e

۴.	₹.	ā.	G	
				-



Fig. 3.3 - Processo de absorção no diagrama H-X.
$$m_2 = m_1 - m_3$$
 (3.15)

Substituindo-se a Eq. (3.15) na Eq. (3.14) , e reagrupando-se tem :

$$Q_{2} = m_{3} (H_{12} - H_{6}) + m_{1} (H_{6} - H_{1})$$
 (3.16)

0 fluxo de água necessário para retirar Q_a será :

$$W_{a} = \frac{Q_{a}}{Cp (ta_{2} - ta_{1})}$$
 (3.17)

e as dimensões serão determinadas, a partir de

$$Q_{a} = UA_{a} \frac{(T_{m} - ta_{2}) - (T_{1} - ta_{1})}{\ln \frac{(T_{m} - ta_{2})}{(T_{1} - ta_{1})}}$$
(3.18)

onde :

U - coeficiente global de troca de calor, Btu/ft² ^oF hora
 ra
 A_a - área de troca de calor do absorvedor, ft²

Como já foi determinado, o ponto l está localizado na linha de saturação. T e H serão tirados diretamente do diagrama H - X, pois

$$T_1 = f_1 (X_1, P_2)$$
 (3.19)

 $H_1 = f_2 (X_1, T_1)$ (3.20)

3.2 - Pré-Aquecedor

O objetivo da inserção de um pré-aquecedor en tre o gerador e o absorvedor é reduzir o calor necessário no gera dor, Q_g . A mistura rica é aquecida pela mistura pobre proveniente do gerador. Em consequência, o calor a ser retirado no absorvedor é reduzido. Quantitativamente, Whitlow ⁶, mostrou que em determinadas condições pode-se obter um aumento de até 45 % no coeficiente de performance, com a introdução deste pré-aquecedor no sistema.

por :

- P_1 pressão do lado de alta, psia
- T₂ temperatura da solução rica na entrada do pré-aquece dor, ^oF

As propriedades termodinâmicas são definidas

- H₂ entalpia na entrada do pré-aquecedor, Btu/lb
- T_3 temperatura na entrada do gerador e saída do pré-a quecedor, ⁰F
- H₃ entalpia na entrada do gerador e saída do pré-aquece dor, Btu/lb
- T₄ temperatura da solução fraca na saída do gerador e entrada do pré-aquecedor, ⁰F
- H₄ entalpia da solução fraca na saída do gerador, Btu/lb
- T_5 temperatura da solução fraca na saída do pré-aquecedor, ⁰F
- H₅ entalpia da solução fraca na saída do pré-aquecedor, Btu/lb.

O processo é mostrado nas Figs. 3.4 e 3.5. O estado





2 encontra-se na região de líquido subresfriado e está sobre a mes ma isotérmica do estado 1, não havendo variação de temperatura no bombeamento .

 $T_2 = T_1$ (3.21)

A entalpia em 2 será calculada a partir da definição

$$H = u + Pv$$
 (3.22)

na sua forma diferencial

dH = du + P dv + v dp (3.23)

Considerando-se que a variação de energia interna e a variação de volume são nulas na elevação da pressão de 1 para 2, temos

 $\int_{1}^{2} dH = v \int_{1}^{2} dP$

 $H_2 - H_1 = v (P_2 - P_1)$ (3.24)

Dividindo-se o membro à direita pela constante de Joule, J , para homogenizar as unidades, e reagrupando-se, tem-se

$$H_2 = H_1 + \frac{V}{J} (P_1 - P_2)$$
 (3.25)

onde o volume específico v é calculado pela fórmula empírica⁵

$$v = (1 - X_1) v_w + 0,85 X_1 v_a$$
 (3.26)

onde v_w é o volume específico da água e v_a é o volume específ<u>i</u> co da amônia, ft³/lb.

De um balanço de energia no pré-aquecedor, obtem-se

$$m_2 (H_4 - H_5) = m_1 (H_3 - H_2)$$
 (3.27)

Explicitando H₅ na Eq. (3.27), tem-se

$$H_5 = H_4 - \frac{m_1}{m_2} (H_3 - H_2)$$
 (3.28)

Com H_5 e X_2 pode-se localizar na Fig. (3.5) a isotérmica que passa neste ponto . Então ,

$$T_5 = f_2 (X_2, H_5)$$
 (3.29)

Os pontos 3 e 4 estão sobre a linha de saturação, e então, as propriedades podem ser determinadas no diagrama H - X.

$$T_4 = f_1 (X_2, P_1)$$
 (3.30)

$$-H_{4} = f_{2} (X_{2}, T_{4})$$
 (3.31)

$$T_3 = f_1 (X_1, P_1)$$
 (3.32)

 $H_3 = f_2 (X_1, T_3)$ (3.33)

O calor Q_{tb} (Btu/hora) cedido pela solução forte ã solução fraca pode ser definido por :

-26-

$$Q_{+b} = m_1 (H_3 - H_2)$$
 (3.34)

O tamanho do trocador poderá então ser determinado a partir de :

$$Q_{tb} = U A_{tb} \frac{(T_4 - T_3) - (T_5 - T_2)}{(T_4 - T_3)}$$
(3.35)
$$\frac{\ln \frac{(T_5 - T_2)}{(T_5 - T_2)}}{(T_5 - T_2)}$$

U - coeficiente global de trocador de calor, Btu/ft² ^oF hora ra A - área de troca de calor , ft²

O fluxo de massa da solução fraca será calculado através de um balanço de energia no trocador, visto que se conh<u>e</u> ce Q_{tb} . Então ,

$$m_2 (H_4 - H_5) = Q_{+b}$$
 (3.36)

$$m = \frac{Q_{tb}}{H_{4} - H_{5}}$$
(3.37)

Da Eq. (3.1) , então tem-se :

 $m_3 = m_1 - m_2$ (3.38)

Q calor introduzido pela bomba, Wp (Btu/hora) será :

 $W_{D} = m_1 (H_2 - H_1)$ (3.39)

e a potência necessária da bomba em HPs será :



Fig. 3.5 - Processo de pré-aquecimento e expansão

-29-

$$H_{\rm p} = \frac{W_{\rm p}}{42.4 \, \rm n}$$
 (3.40)

onde η é o rendimento mecânico da bomba.

3.3 - Gerador

O vapor resultante da ebulição de uma mistura Amônia-Água, é constituído de grande quantidade de amônia, e uma menor quantidade de água, Fig. 3.7, ponto V. Esta quantidade de <u>á</u> gua é uma função da pressão e temperatura de saturação da mistura, e da concentração de amônia no líquido antes do início da vaporiz<u>a</u> ção. A condição ideal é se obter vapor de amônia puro, portanto, <u>i</u> sento de água. Para isso é necessário purificá-lo já que como foi visto, o vapor contém grande quantidade de vapor d'água..

A purificação do vapor é feita pela coluna de retificação e pelo deflegmator. Para efeito de análise divide-se o conjunto em duas partes :

- deflegmator e a coluna de retificação

- gerador e coluna de refino, Fig. 3.6

As propriedades termodinâmicas são definidas por :

> m_v - massa de vapor de mistura - lb/hora m_ℓ - massa do líquido lb/hora - lb/hora T_7 - temperatura do vapor na saída do gerador- ⁰F H_7 - entalpia do vapor na saída do gerador - Btu/lb tg_1 - temperatura do agente de aquecimento - ⁰F



Fig. 3.6 - Conjunto de purificação.

 tg_2 - temperatura de saída do agente de aquecimento - ⁰F - massa do agente de aquecimento - lb/hora

$$Q_{q}$$
 - calor de geração de vapor - Btu/hora

Isolando-se uma superfície de controle na coluna de retificação - Fig. 3.6, o vapor e o líquido que fluem pela superfície assume-se em equilíbrio. Pode-se estabelecer também um balan ço de massa para regime permanente :

$$m_{v,a} + m_{\ell,b} = m_{v,b} + m_{\ell,a}$$
 (3.41)

Da Eq. (3.41), tem-se

$$m_{v,a} - m_{\ell,a} = m_{v,b} - m_{\ell,b}$$
 (3.42)

Portanto, em qualquer seção da coluna

Wa

$$m_v - m_\ell = constante = m_s$$
 (3.43)

Seguindo o mesmo procedimento, pode-se mostrar que:

$$m_v X_v - m_\ell X_\ell = m_s X_s$$
 (3.44)

O balanço de energia será :

$$m_v H_v - m_{\ell} H_{\ell} = m_s H_7 + Q_d$$
 (3.45)

onde ,Q, representa o calor a ser retirado para que o vapor seja purificado de X_v para X_s , no estado 7 da Fig. 3.7.

$$\frac{m_{v}}{m_{s}} = \frac{X_{s} - X_{\ell}}{X_{v} - X_{\ell}}$$
(3.46)

Das Eqs. (3.43) e (3.45), tem-se :

$$\frac{m_{v}}{m_{3}} (H_{v} - H_{\ell}) = (H_{7} - H_{\ell}) + \frac{Q_{d}}{m_{3}}$$

Substituindo-se a Eq. (3.46) na Eq. (3.47), tem-se:

$$\frac{X_3 - X_1}{X_v - X_1} (H_v - H_\ell) = (H_7 - H_\ell) + \frac{Q_d}{m_3}$$
(3.48)

A Eq. (3.48) rege todo fenômeno de retificação e de fine uma linha reta mostrada na Fig. 3.7 .

O ponto de abcissa X₃ e ordenada $(H_7 - H_{\ell})$ + Q_d/m_3 é o polo de retificação P₁. A reta que une P₁ à abci<u>s</u> sa X₁ e a linha de operação.

É importante salientar que para ocorrer separação na coluna, a linha de operação deve ter uma inclinação maior que a isotérmica da região de mistura que passa pelo ponto 3, conforme Fig. 3.7.

H, será lido diretamente do diagrama H - X :

 $H_{y} = f_{+} (X_{y}, T_{y})$ (3.49)

Com procedimento análogo ao anterior, chega-se aos seguintes balanços de massa e energia :

 $m_1 - m_r = m_2$ (3.50)

 $m_1 X_1 - m_y X_y = m_2 X_2$ (3.51)

$$m_1 H_{\ell} - m_v H_v = m_2 H_{\star} - Q_{\sigma}$$
 (3.52)

Das Eqs. (3.50), (3.51) e (3.52), tem-se :





.



Fig. 3.8 - Polo de refino.

-34-

$$\frac{x_{v} - x_{2}}{x_{v} - x_{\ell}} \quad (H_{v} - H_{\ell}) = (H_{v} - H_{4}) + \frac{Q_{d}}{m_{2}}$$

Na Fig. 3.8 , a Eq. (3.53) está mostrada graficamente, bem como a locação do Polo P_2 .

Da união dos dois processos analisados obtém-se as seguintes relações :

$$m_1 = m_2 + m_3$$
 (3.54)

$$m_1 X_1 = m_2 X_2 + m_3 X_3$$
 (3.55)

$$m_1 H_3 = m_2 H_4 + m_3 H_7 + Q_d$$
 (3.56)

Das Eqs. (3.54), (3.55) e (3.56), tira-se:

$$\frac{H_7 + \frac{Q_d}{m_3} - H_3}{X_3 - X_2} = \frac{H_3 - H_4 - \frac{Q_q}{m_2}}{X_1 - X_2}$$
(3.57)

A Eq. (3.57) está representada graficamente na Fig. 3.9 . A linha reta unindo os polos P_1 e P_2 é a Linha Principal de Operação .

Partindo-se do princípio de que a mistura forte foi aquecida no pré-aquecedor até uma condição de equilíbrio e, obser vando-se o processo nas Figs. 3.7 e 3.9, pode-se estabelecer que :

$$\frac{(X_3 - X_1)}{(X_y - X_1)} \quad (H_y - H_3) = (H_7 - H_3) + \frac{Q_d}{m_s} \quad (3.58)$$

O ponto 7 representa um estado de saturação , então suas propriedades podem ser determinadas no Diagrama H - X :



Fig. 3.9 - Linha principal de operação.

$$T_7 = f_1 (X_3, P_1)$$
 (3.59)

$$H_7 = f_4 (X_3, T_7)$$
 (3.60)

A determinação de X_{ℓ} e X_v será discutida no Capítulo 4 . Se o agente de aquecimento for vapor de água , tem-se' que

$$Q_{g} = W_{g} Cp_{v} (tg_{1} - tg_{2})$$
 (3.61)

Da Eq. (3.61), tira-se

$$W_{g} = \frac{Q_{q}}{Cp_{v} (tg_{1} - tg_{2})}$$
 (3.62)

onde :



Fig.3.10 - Conjunto de purificação.

3.4 - Condensador

Ao contrário do que ocorre com substâncias sim ples, a condensação de misturas binárias se dá com variação de tem peratura . Este processo representado no Diagrama H - X, é mos trado na Fig. 3.12.

As propriedades envolvidas no processo apare cem na Fig. 3.11 com o seguinte significado :

> m_3 - fluxo de massa da mistura, lb/hora T_6 - temperatura do condensado , ^oF H_8 - entalpia do condensado , Btu/lb X_3 - concentração da mistura , lb_{NH3}/lb mist. Q_c - calor de condensação, Btu/hora tc_1 - temperatura da água de condensação na entrada, ^oF tc_2 - temperatura da água de condensação na saída, ^oF W_c - fluxo de água de condensação, lb/hora

O calor a ser retirado da mistura no condensador será calculado pelo balanço de energia . Assim,

 $Q_{c} = m_{3} (H_{7} - H_{\theta})$ 93.63)

O ponto 8 é um ponto de equilíbrio e suas propr<u>i</u> edades podem ser determinadas através do diagrama H - X , represe<u>n</u> tado por :



Fig. 3.11 - Condensador



Fig. 3.12 - Processo de condensação

•

.

$$T_8 = f_1 (X_5, P_1)$$
 (3.64)

$$H_8 = f_2 (X_3, T_8)$$
 (3.65)

O fluxo de água de condensação é calculado também por um balanço de energia caracterizado pela expressão

Estabelecendo-se que o condensador seja do tipo con tracorrente, o tamanho do trocador será calculado a partir de

$$Q_{c} = U A_{c} \frac{(T_{7} - tc_{2}) - (T_{8} - tc_{1})}{\ln \frac{(T_{7} - tc_{2})}{(T_{8} - tc_{1})}}$$
(3.67)

onde :

3.5 - Pré-Resfriador

A finalidade do pré-resfriador é baixar a tem peratura da mistura antes da mesma passar pela válvula de expan são, reduzindo assim a excessiva vaporização na válvula (efeito de flashing). Isto é conseguido aproveitando-se a baixa temperatura da mistura na saída do evaporador, Fig. 3.13.

O trocador é contracorrente, Fig. 3.14, e as



Fig. 3.13 - Pré-resfriador



Fig. 3.14 — Processo de resfriamento da mistura.

variáveis consideradas são as seguintes : (Ver Fig. 3.13)

T₉ - temperatura na saída do trocador, ^oF
H₉ - entalpia na saída do trocador, Btu/lb
T₁₁ - temperatura na saída do evaporador, ^oF
H₁₁ - entalpia na saída do evaporador, Btu/lb
T₁₂ - temperatura na saída do trocador, ^oF
H₁₂ - entalpia na saída do trocador, Btu/lb
Q_{ta} - calor retirado quando a mistura passa de 8 para 9, Btu/lb

Da feita que se tenha T₉ , H₉ será obtida do di<u>a</u> grama H - X . Assim,

 $H_9 = f_2 (X_3, T_9)$ (3.68)

e então,

$$Q_{ta} = m_3 (H_8 - H_9)$$
 (3.69)

O tamanho do trocador será calculado a partir da expressão :

onde :

U - é o coeficiente global de troca, Btu/ft ^OF hora A_{ta} - área de troca de calor, ft²

Como se vê, não se dispõe de todas as relações ne cessárias para a determinação de todas as variáveis. Assim um dos parâmetros deve ser fixado. Estas considerações serão feitas no Capítulo 4 .

3.6 - Valvulas de Expansão e Reguladora de Pressão

A redução de pressão no sistema é realizado pelas válvulas de expansão .

Na válvula VE-I, Fig. 3.13 a mistura é parc<u>i</u> almente vaporizada devido à alta concentração de amônia e sua alta volatilidade. A entalpia final e igual à inicial, porém devido a vaporização o processo não ocorre a temperatura constante. Então,

$$H_9 = H_{10}$$
 (3.71)

$$T_9 > T_{10}$$
 (3.72)

Na válvula VE-II, Fig. 3.4, o processo ocorre sem mudança de fase devido à baixa concentração de amônia na so lução . Então o processo é isotérmico. Então ,

$$H_6 = H_5$$
 (3.73)

$$\Gamma_6 = \Gamma_5 \tag{3.74}$$

3.7 - Evaporador

e

Ao passar pela válvula de expansão uma certa quantidade de líquido é vaporizado. A fração de líquido é mais r<u>i</u> ca em água e a fração de vapor é mais rica em amônia. A mistura de líquido e vapor entra no evaporador onde continua o processo de v<u>a</u>





porização e mais líquido se vaporiza. Como a pressão se mantém cons tante, haverá evidentemente, um aumento de temperatura .

Assumindo que a evaporação prossegue através do pré aquecedor, a mistura só atingirã o estado de saturação em 12 , Fig. 3.15 , e Fig. 3.16 .

As propriedades termodinâmicas são definidas por :

 T_{10} - temperatura da mistura na entrada do evaporador, ^oF H_{10} - entalpia da mistura na entrada do evaporador, Btu/lb T_{11} - temperatura da mistura na saída do evaporador, ^oF H_{11} - entalpia da mistura na saída do evaporador, Btu/lb te₁ - temperatura da salmoura na entrada, ^oF te₂ - temperatura da salmoura na saída, ^oF W_{α} - fluxo de massa de salmoura, lb/hora

Já que 12 é um ponto de equilíbrio, T_{12} e H_{12} podem ser lidos diretamente no diagrama H - X . Portanto

$$T_{12} = f_5 (X_5, P_2)$$
 (3.75)

$$H_{12} = f_{\theta} (X_3, T_{12})$$
 (3.76)

A entalpia em 11 pode ser calculada pelo balanço de energia . Assim ,

$$Q_{12} = m_9 (H_{12} - H_{11})$$
 (3.77)

Daí,

$$H_{11} = H_{12} - \frac{Q_{ta}}{m_s}$$
(3.78)

Com H₁₁ e X₃, determina-se no diagrama a isotérmica que passa pelo ponto 11, por tentativa²,⁵. Do estado 10 se conhece somente a entalpia e a concentração. Sua localização no gráfico é feita determinando-se' os pontos P_2 e X_3

A capacidade frigorífica é dada por

$$Q_{2} = m_{3} (H_{11} - H_{10}) \qquad (3.77)$$

ou partindo de um balanço de energia no pré-resfriador temos :

$$m_3 (H_{12} - H_{11}) = m_3 (H_8 - H_9)$$
 (3.80)
Da Eq. (3.80),

$$H_{11} - H_9 = H_{12} - H_8 \tag{3.81}$$

Como H₉ = H₁₀ (Eq. 3.71), a Eq. (3.80) será,

$$H_{11} - H_{10} = H_{12} - H_8$$
 (3.82)

Dai,

$$Q_{e} = m_{3} (H_{12} - H_{\theta})$$
 (3.83)

O tamanho do evaporador será calculado a partir da _expressão relativa a trocadores de calor

$$Q_{e} = U A_{e} \frac{(te_{1} - T_{11}) - (te_{1} - T_{10})}{\frac{(te_{1} - T_{11})}{(te_{2} - T_{10})}}$$
(3.84)

onde A_e é a área de troca de calor do evaporador, ft², e U é o coeficiente global de transferência de calor definido pelo tipo de trocador, pelas características dos fluxos e natureza das substâ<u>n</u> cias .

Da mesma forma como se procedem na análise dos ou

.



Fig. 3.16 - Processo de evaporação.

-49-

tros componentes, o fluxo de massa de salmoura (expansão indireta) é calculada em função de suas temperaturas de entrada e saída.

Assim pelo balanço de energia tem-se ,

$$\frac{Q_1}{W_g} = \frac{Q_1}{Cp_b (te_2 - te_1)}$$

onde Cp, é o calor específico medio da salmoura.

3.8 - Coeficiente de Permormance

Partindo da análise de variação de entropia em cada componente, Bosnjakovic² faz uma ampla análise da performance dos sistemas de refrigeração por absorção. Outros autores⁶,⁷ têm também desenvolvido estudos da maneira correta para cálculo do co<u>e</u> ficiente de performance (COP), visando estabelecer comparação entre os vários sistemas de refrigeração.

O COP é definido por :

$$COP = \frac{Q_e}{Q_q}$$
(3.80)

Para um sistema completamente reversível, ou seja, funcionando segundo o ciclo de Carnot, tem-se,

$$COP_{max} = \frac{T_E (T_G - T_o)}{T_G (T_o - T_E)}$$

 $T_E - temperatura do meio a refrigerar, ^OR$ $<math>T_G - temperatura da fonte quente, ^OR$ $<math>T_O - temperatura da fonte fria, ^OR$

A razão de reversibilidade do processo é dada

•

ł

ļ

-

 $\eta_{\rm R} = \frac{\rm COP}{\rm COP}_{\rm max}$ (3.82)

•

.

.

CAPÍTULO 4

· · ·

.

,

•

•

A - MODELO MATEMÁTICO

O modelo matemático é a representação de todo o sis tema físico, considerando as interrelações entre as grandezas físi cas, por um conjunto de equações matemáticas. Este conjunto é for mado pelas equações que regem cada componente . O modelo matemáti co será então um sistema de equações algébricas não lineares cuja solução será mostrada no próximo capítulo .

No desenvolvimento das equações de cada componente, Capítulo 3, todas as relações entre propriedades foram tiradas do diagrama H-X da mistura . No entanto, para montagem deste modelo matemático, deve-se ter estas relações sob forma de equações. Jain & Gable¹² desenvolveram polinômios representativos das propriedades da mistura água-amônia a partir das tabelas publicadas pelo "Institute of Gas and Technology¹¹" . (Apêndice I) .

As equações polinomiais utilizam a pressão e concentração como variáveis independentes, e são apresentadas em um gru po para o lado de alta pressão do sistema e outro grupo para o l<u>a</u> do de baixa pressão, segundo notação computacional .

Grupo do lado de alta pressão está assim represent<u>a</u> do :

$$T_1 = f_1(XL_1, P_1)$$
 (4.1)

T1 = ((((-240.11*XL1 + 346.31)*XL1 - 27.120)*XL1 + 166.94) * XL1 - 535.76)*XL1 + (0.038839 - 0.18053E - 03*P1) * XL1 * P1 + 305.04 + (0.44631 - 0.24284E - 03 * P1) * P1 (4.2)

HL 1
$$\approx f_2(XL_1, T_1)$$
 (4.3)

-52-

HL1 = ((((561.86*XL1 - 1929.6)*XL1 + 2343.3)*XL1 - 828.41) * XL1 - 103.48) * XL1 - 76.824 + 1.12703 * T1 (4.4)

$$XV_1 = f_3 (XL_1, P_1)$$
 (4.5)

$$XVI = 1.0 - (1.0 - XLI) **RI$$
 (4.6)

onde,

R1 = ((((10.749 * XL1 - 17.869) * XL1 + 4.0279) * XL1 - 1.3086) * XL1 + 2.5622E - 03*P1*XL1) * XL1 - 4.256E - 03 * P1 + 7.1588 (4.7)

$$HV_1 = f_4 (XV_1, T_1)$$
 (4.8)

Se

$$0.1 < XL1 < 0.5$$
 (4.9)

HV1	=	(((- 1342.65*XV1 + 2954.4)*XV1 - 2485.3) * XV1 + 391.37)	
		* XV1 + 1080.9 + 8.370E - 09 * T1 ** 4 + (((- 3.7752E -	05
		* T1 + 0.027252) *T1 - 5.9429) *T1) * (1.0 - XV1) + 0.54663	
		* T1 * (1.0 - XV1) **2 - 3.1313 (4.1	0)

Se

$$XL1 > 0.36$$
 (4.11)

HVl =	(((0.068765*XVT1 + 2.0794)*XVT1 + 24.839) * XVT1	+ 144.63)
÷	* XVT1 + 911.73 + 8.370E - 09 * T1 ** 4 + ({(-3.7	752E - 05
	* T1 + 0.027252) * T1 - 5.9429) *T1)*(1.0 - XV1)	+ 0.54663
	* Tl * (1.0 - XV1) ** 2 - 3.1313	(4.12)

onde XVT1 é determinado da seguinte maneira :

```
XV1 < 0.99996,
```

(4.13)

$$XVT1 = ln (1.0 - XV1) ; (4.14)$$

Se

$$XVT1 = ln (0.00004)$$
 (4.16)

O grupo de polinômios representativos do lado de baixa pressão é o seguinte :

$$T_2 = f_5 (XL_2, P_2)$$
 (4.17)

$$T2 = ((((-692.82 * XL2 + 1673.3) * XL2 - 1424.98) + XL2+787.79)$$

$$* XL2 - 584.78) * XL2 + (-0.34428 + 0.00011334 * P2)*P2*XL2$$

$$+ 203.80 + (1.8362 - 0.0060111 * P2) * P2$$
(4.18)

$$HL_2 = f_6 (XL_2, T_2)$$
 (4.19)

$$XV_2 = f_7 (XL_2, P_2)$$
 (4.21)

$$XV_2 = 1.0 - (1.0 - XL_2) ** R_2$$
 (4.22)

onde,

R2 = ((((108.485 * XL2 - 229.009)*XL2 + 155.247)*XL2 - 41.0042) *XL2)*XL2 + 11.2925 - 0.031256 * P2 + 0.021337 * P2 * XL2 $** 2 \qquad (4.23)$

$$HV_2 = f_8 (XV_2, T_2)$$
 (4.24)

HV2 = ((-4.948E - 06*T2 + 1.49518E - 03)*T2 + 0.415871) * T2+ 530.976 + (((4.05554E - 05 * T2 - 0.0290022) * T2+ 6.79126) * T2) * (1.0 - XV) (4.25)

4

č.

As variáveis do grupo de alta pressão são definidas

P₁ - pressão, psia

por :

XL₁ - concentração do líquido, lb de amônia/lb solução

 T_1 - temperatura, ^oF

HL₁ - entalpia do líquido, Btu/lb de solução

XV1 - concentração do vapor, 1b amônia/1b mistura

HV1 - entalpia do vapor, Btu/lb mistura de vapor

As variáveis do lado de baixa pressão são definidas por :

 P_2 - pressão, psia

 XL_2 - concentração do líquido, lb de amônia/lb solução T_2 - temperatura, ⁰F

HL₂ - entalpia do líquido, Btu/lb de solução

XV₂ - concentração de vapor, lb de amônia/lb de mistura

HV₂ - entalpia do vapor, Btu/lb de mistura de vapor

A precisão dos polinômios, para toda a faixa de con centrações e para as pressões dentro dos campos de validade especi ficados, foi determinada¹². Os erros máximos, encontrados pela ' comparação com a tabela do IGT^{11} , foram os seguintes :

> Temperatura : + 1,4°F Entalpia do líquido : \pm 3,5 Btu/lb Entalpia do vapor ã baixa pressão : \pm 3,7 Btu/lb Entalpia do vapor ã alta pressão, quando XL > 0.36 : \pm 3,5 Btu/lb Entalpia do vapor ã alta pressão, 0,1 \leq XL \leq 0,5 , \pm 18 Btu/lb

Concentração de vapor : + 13 % (lb água/lb mist.)

Para utilização dos polinômios fora das faixas de' pressão estabelecidas acima , Jain & Gable , esclarecem que : \pm 50 psia para os polinômios de alta pressão e \pm 10 psia para os polin<u>ô</u> mios de baixa apresentam um desvio até o dobro dos observados nas faixas de 50 a 80, e 250 a 350 psia .

Os polinômios assim como os diagramas, fora dos' estados de saturação fornecem o valor de uma propriedade desde que se conheçam outras duas .

As tabelas do IGT^{11} e suas equações representativas¹¹ são construídas em função da concentração de amônia no líqu<u>i</u> do . Para o cálculo das temperaturas da mistura no estado de vapor, se faz necessário primeiro determinar a concentração de líquido s<u>a</u> turado correspondente à pressão de vapor . Isto é possível explic<u>i</u> tando-se XL da função

$$XV = f(XL, P)$$
 $XL = f'(XV, P)$.

Aí então, com o valor de XL e P calcula-se a isotérmica que passa neste ponto de saturação . A determinação do valor de XL da Eq. (4.6) e da Eq. (4.22) torna-se simples, já que o método de resolução das equações é iterativo, como será discutido no Capítulo 5.

O tamanho dos trocadores de calor será definido p<u>e</u> lo grupo UA definido no Capítulo 3, já que o valor de U depende do tipo de trocador utilizado no sistema . Este grupo UA não será explicitado quando da montagem do modelo, e será calculado <u>a</u> través de uma Função Declaração na forma em que aparece nas equações .
Das equações desenvolvidas no item 1 do Capitulo 3, tira-se :

da Eq. (3.8)

$$H_{m} = H_{6} + \frac{X_{1} - X_{2}}{X_{3} - X_{2}} (H_{12} - H_{6})$$
(4.26)

da Eq. (3.9)

$$X_1 = X_2 + \frac{m_3}{m_1} (X_3 - X_2)$$
 (4.27)

da Eq. (3.11)

$$T_{m} = \frac{(H_{12} - H_{m}) \times (T_{6} - T_{12})}{H_{2} - H_{6}} + T_{12} \qquad (4.28)$$

da Eq. (3.13)

$$m_1 = \frac{Q_a}{H_m - H_1}$$
 (4.29)

da Eq. (3.16)

 $Q_a = m_3 (H_{12} - H_6) + m_1 (H_6 - H_1)$ (4.30)

da Eq. (3.17)

$$\frac{Q_{a}}{W_{a}} = \frac{Q_{a}}{Cp_{w} (tc_{2} - Ta_{1})}$$
(4.31)

da Eq. (3.18)

$$Q_{a} = UA_{a} \frac{(T_{m} - ta_{2}) - (T_{1} - ta_{1})}{\frac{(T_{m} - tc_{2})}{\ln \frac{(T_{1} - ta_{1})}{(T_{1} - ta_{1})}}}$$
(4.32)

Foi assumido que o ponto 1 é estado de líquido em equilíbrio, então da Eq. (3.19) e Eq. (4.17), tem-se :

$$T_1 = f_5 (X_1, P_2)$$
 (4.33)

eeda Eq. (3.20) e Eq. (4.19) ,

$$H_1 = f_6(X_1, T_1)$$
 (4.34)

Da Eq. (3.21)

$$\mathbf{T}_2 = \mathbf{T}_1 \tag{4.35}$$

Da Eq. (3.25), onde $J = 778 \frac{1b - ft}{Btu}$

$$H_2 = H_1 + \frac{144 v}{778} (P_1 - P_2)$$
 (4.36)

Da Eq. (3.26) e usando os valores médios de $v_w = 0,016$ e $v_a = 1/37,53$, Referência 13, tem-se :

$$v = (1 - X_1) 0,016 + 0,85 X_1 \frac{1}{37,53}$$
 (4.37)

Da Eq. (3.28)

$$H_5 = H_4 - \frac{m_1}{m_2} (H_3 - H_2)$$
 (4.38)

Da Eq. (3.29) e conhecidos os valores de X_2 e H₅, pela Eq. (4.20) pode-se escrever :

$$T_5 = f_6 (X_2, H_5)$$
 (4.39)

Foi assunido que os pontos 3 e 4 representam est<u>a</u>, dos de saturação da mistura. Então, pelas Eqs. (3.30) e (4.1),

$$T_4 = f_1 (X_2, P_1)$$
 (4.40)

Da Eq. (3.31) e Eq. (4.2)

a

$$H_{4} = f_{2} (X_{2}, T_{4})$$
 (4.41)

Da Eq. (3.32) e Eq. (4.1)

$$T_s = f_1 (X_1, P_1)$$
 (4.42)

Da Eq. (3.33) e Eq. (4.2)

$$H_3 = f_2 (X_1, T_3)$$
 (4.43)

Da Eq. (3.34)

$$Q_{+b} = m_1 (H_3 - H_2)$$
 (4.44)

Da Eq. (3.35)

$$Q_{tb} = U A_{tb} \frac{(T_4 - T_3) - (T_3 - T_2)}{\ln \frac{(T_4 - T_3)}{(T_5 - T_2)}}$$
 (4.45)

Da Eq. (3.37)

$$m_2 = \frac{Q_{tb}}{H_4 - H_5}$$
(4.46)

Da Eq. (3.38)

 $m_3 = m_1 - m_2$ (4.47)

Da Eq. (3.39)

 $W_{\rm p} = m_1 (H_2 - H_1)$ (4.48)

Da Eq. (3.40) e considerando o rendimento da bomba igual a 0,75, a potência da bomba será :

$$HP = \frac{W_{p}}{(42,4) (0,75)} \qquad [HP] \qquad (4.49)$$

4.3 - Modelagem do Gerador

Da mesma forma, a modelagem consta da comparação das equações desenvolvidas no Capítulo 3, e das equações vistas na introdução deste capítulo .

Da Eq. (3.56)

$$Q_{\bar{g}} = m_2 H_4 + \dot{m}_3 H_7 + Q_{\bar{d}} - m_1 H_3$$
 (4.50)

Como foi assumido o ponto 7 está em uma condição de equilíbrio. Com isto determina-se primeiramente em qual concentração de líquido passa a isotérmica T_7 . Isto é feito a partir da Eq. (4.5). Assim ,

$$XL_7 = f_3 (X_3, P_1)$$
 (4.51)

Então da Eq. (4.51) e da Eq. (4.1) a isotérmica que passa por XL₇ e P_1 , serã calculada por

$$T_7 = f_1 (XL_7, P_1)$$
 (4.52)

Da Eq. (.60) e Eq. (4.8)

 $H_7 = f_4 (X_3, T_7)$ (4.53)

Da Eq. (3.58)

B. P. L. G. Martinet, C. P. L. G. S. Martinet, C. P. L. G.

$$Q_d = m_3 \frac{(X_3 - X_1)}{(X_v - X_1)} \left[(H_v - H_3) - (H_7 - H_3) \right] (4.54)$$

Como foi visto no Capítulo 3, item 3, para se conse guir uma purificação adequada do vapor de amônia, é necessário que a linha de operação tenha uma inclinação maior que a isotérmica na região de mistura, no caso T₃. A Linha Principal de Operação pas sará obrigatoriamente pelo ponto definido como estado da mistura na entrada do gerador na região de líquido saturado, e por um pon to definido pela quantidade de vapor de água, evaporado juntamente com a amônia. Esta concentração de vapor de água não pode ser defi nida simplesmente pelas condições no ponto 3 da Fig. 4.1, porque neste caso a Linha Principal de Operação teria a mesma inclinação que a isotérmica T₃ na região de mistura. Se isto for feito, não haverá purificação do vapor de amônia 5, já que em cada seção da coluna de retificação haverá troca de calor e massa, como observado no item 3 do capítulo anterior. Então, T, deverá ser adjudicio samente maior que T_3 . T_{ℓ} é uma temperatura numa seção genérica da coluna, e X, a concentração de vapor correspondente a esta tem peratura . Da Eq. (4.2), pode-se calcular X_{ℓ} a partir de T_{ℓ} . As sim ,

$$X_p = f_1 (T_p, P_1)$$
 (4.55)

Da Eq. (4.6)

$$X_{1} = f_3 (X_2, P_1)$$
 (4.56)

Da Eq. (4.8)

$$H_v = f_4 (X_v, T_\ell)$$
 (4.57)

Da Eq. (3.62)

$$\frac{Q_{g}}{W_{g}} = \frac{Q_{g}}{Cp_{v} (tg_{1} - tg_{2})}$$
(4.58)

$$Cp_{v} = 1,102 - 33,1 \left[\frac{460 + tg_{1} + 460 + tg_{2}}{2} \right]^{-1/2} + 416 \left[\frac{460 + tg_{1} + 460 + tg_{2}}{2} \right]^{-1} (4.59)^{14}$$

4.4 - Modelagem do Condensador

Da Eq. (3.63) ,

$$Q_{c} = m_{3} (H_{7} - H_{8})$$
 (4.60)

Da Eq. (3.64) e, assumindo líquido saturado na saída do condensador, pela Eq. (4.1)

$$T_8 = f_1 (X_3, P_1)$$
 (4.61)

Da Eq. (3.65) e Eq. (4.3)

· .

$$H_8 = f_2 (X_3, T_8)$$
 (4.62)

Da Eq. (3.66)

$$\dot{W}_{c} = \frac{Q_{c}}{Cp_{W} (tc_{2} - tc_{1})}$$
 (4.63)

Da Eq. (3.67)

$$Q_{c} = U A_{c} \frac{(T_{7} - tc_{2}) - (T_{8} - tc_{1})}{\ln \frac{(T_{7} - tc_{2})}{(T_{8} - tc_{1})}}$$
(4.64)

onde,

Com o resfriamento da mistura da condição de satu ração 8 para a condição 9, este ponto estará na região de sub-re<u>s</u> friamento. Então, se for conhecida a temperatura T₉, da Eq. (3.68) e pela Eq. (4.3), tem-se :

 $H_9 = f_2 (X_3, T_9)$ (4.65)

Da Eq. (3.69)

$$Q_{ta} = m_3 (H_8 - H_9)$$
 (4.66)

Da Eq. (3.70)

$$Q_{ta} = U A_{ta} \frac{(T_9 - T_{11}) - (T_8 - T_{12})}{\ln \frac{(T_9 - T_{11})}{(T_8 - T_{12})}}$$
(4.67)

4.6 - Modelagem das válvulas de expansão e reguladora

Da Eq. (3.71) ,

$$H_{10} = H_9$$
 (4.68)

Da Eq. (3.73) ,

$$H_6 = H_5 \tag{4.69}$$

Da Eq. (3.74) ,

 $\mathbf{T}_6 = \mathbf{T}_5 \tag{4.70}$

Como foi estabelecido no Capítulo 3 , item 7, a mistura só atingirá o estado de equilíbrio quando sair do pré-resfriador no ponto 12, que é uma condição de vapor saturado à uma concentração X_3 . Então, para o cálculo de T_{12} , deve-se antes d<u>e</u> terminar a concentração de líquido XL_{12} , que é uma função de X_3 e P₂, como foi feito para o estado 7.

$$XL_{12} = f_7 (X_3, P_2)$$
 (4.71)

Da Eq. (4.17)

$$T_{12} = f_5 (XL_{12}, P_2)$$
 (4.72)

Da Eq. (3.76) e Eq. (4.24)

$$H_{12} = f_8 (X_3, T_{12})$$
 (4.73)

Da Eq. (3.78)

$$H_{11} = H_{12} - \frac{Q_{ta}}{m_3}$$
 (4.74)

Da Eq. (3.79)

.

$$Q_{p} = m_{3} (H_{11} - H_{10}) \qquad (4.75)$$

Da Eq. (3.84)

$$Q_{e} = U A_{e} \frac{(te_{1} - T_{11}) - (te_{2} - T_{10})}{(te_{1} - T_{11})}$$
(4.76)
$$\frac{1n}{(te_{2} - T_{10})}$$

$$W_{e} = \frac{Q_{e}}{Cp_{b} (te_{2} - te_{1})}$$
 (4.77)

$$T_{10} = f_6 (X_3, P_2)$$
 (4.78)

A determinação de T_{11} será feita por tentativa , de acordo com o que será desenvolvido no Capítulo 5 .

4.8 - Performance da Instalação

Da Eq. (3.88)

$$COP = \frac{Q_e}{Q_a}$$
(4.79)

Da Eq. (3.89)

$$COP_{max} = \frac{T_E (T_G - T_o)}{T_G (T_o - T_E)}$$
 (4.80)

Da Eq. (3.90)

$$n_{\rm R} = \frac{\rm COP}{\rm COP_{\rm max}}$$
(4.81)

4.9 - Análise de Consistência do Modelo Matemático

Como já foi frisado, o modelo proposto é formado por um conjunto de equações algébricas não lineares, que formam um sistema de equações, cujas raízes desejam-se determinar. Este sis tema terá solução se for matematicamente consistente, e esta solução será única, se o posto da matriz dos coeficientes for igual ao número de incógnitas .

Para análise de consistência do modelo tem-se no Quadro I, uma listagem das variáveis e suas equações correspondentes .

Como se pode ver no Quadro I, o sistema constituise de 57 equações e 76 incógnitas . Então, para que tenha solução, deve-se montar mais 19 equações .

Algumas das 19 variaveis indefinidas são dados do projeto e devem ter valores assumidos de maneira a atender as peculiaridades do sistema a ser simulado :

Dados de projeto :

1. Pressões de operação do sistema : P1 e P2

- 2. Temperatura de saída da mistura pobre em amônia do gerador, T₄. Com esta temperatura e a pressão P₂ pode-se d<u>e</u> terminar X₂.
 - Temperatura de saída do gerador, T₇. Esta temperatura vai definir a concentração do vapor X₃ na saída do ger<u>a</u> dor .
 - 4. Temperatura de entrada e saída do agente de aquecimento, tg₁ e tg₂, já que se está partindo de uma fonte térmica conhecida .

A temperatura T_3 , na saída do pré-resfriador está ligada à boa performance do sistema, e assume-se dois compromis sos quando do seu estabelecimento: o primeiro, é que T_3 seja suficientemente baixo para reduzir a vaporização na válvula de expansão; e o segundo, é que ela não seja tão baixa que vá diminuir Q_a , e au

(4.87)

mentar excessivamente o tamanho do pré-resfriador . Whitlow⁶ , cal cula T₉ de maneira que o calor em jogo no pré-resfriador seja da ordem de 30% do calor de evaporação. Stoecker⁸, Threlkeld⁵ e ou tros assumem que T₉ seja 10° F mais baixo que T₈. Neste traba lho optou-se pela segunda hipótese que se apresenta bastante ra zoāvel no que diz respeito à parcela de Q entregue para resfri ar de 10°F a temperatura do líquido condensado . Então

$$T_9 = T_8 - 10^\circ F$$
 (4.82)

A temperatura da água de condensação é assumida em função da água disponível - Aqui assumiu-se que a água entraria a 75°F e teria um acréscimo de 10°F no condensador. Então

$$tc_1 = 75^{\circ}F$$
 (4.83)

$$tc_2 = tc_1 + 10^{\circ} F$$
 (4.84)

No absorvedor foi fixada a temperatura de entrada da água de resfriamento . Porém, a temperatura de saída não pode ser fixada arbitrariamente devido a complexibilidade do processo de absorção. Sabe-se no entanto, que esta temperatura de saída de ve ser inferior a T_m , para garantir a retirada de calor em toda a superfície de troca do absorvedor . Assim ,

$$ta_1 = 75^{\circ}F$$
 (4.85)

se
$$T_{m} \leq ta_{1} + 10^{\circ}F$$
, $ta_{2} = T_{m} - 5^{\circ}F$ (4.86)
se $T_{m} > ta_{1} + 10^{\circ}F$, $ta_{2} = ta_{1} + 10^{\circ}F$ (4.87)

e,

se

As temperaturas de entrada e saída da salmoura no evaporador, são calculadas em função de T_{11} , e aqui, assumiuse que

-68-

$$te_1 = T_{11} + 5^0 F \tag{4.88}$$

$$te_2 = te_1 - 15^{\circ}F$$
 (4.89)

Nos três casos, condensador, absorvedor e evaporador foi assumido que os trocadores de calor sejam do tipo contracorrente .

As temperaturas envolvidas nos cálculos do COP_{máx} são tiradas do próprio sistema .

$$r_{\rm E} = \frac{te_1 + te_2}{2} + 460 \qquad (4.90)$$

$$T_G = \frac{tg_1 + tg_2}{2} + 460$$
 (4.91)

$$T_{0} = \frac{tc_{1} + tc_{2} + ta_{1} + ta_{2}}{4} + 460 (4.92)$$

O calor específico da água não apresenta variação sensível nas faixas de utilização, podendo-se então assumir

$$Cp_{1} = 1,0 \text{ Btu/lb}^{\circ} F$$
 (4.93)

A concentração de cloreto de sódio na salmoura po de ser fixado em 20%. Então, o calor específico médio está em torno de :

$$Cp_{\rm b} = 0,857 \; {\rm Btu/lb}^{\rm O} {\rm F}$$
 (4.94)

A isotérmica T_{ℓ} que define a Linha Principal de Operação, não deve estar muito afastada de T_3 , pois isto iria re querer um grande valor de Q_d . Também haverão outras implicações porém fogem ao escopo deste trabalho. Então, assume-se que :

$$T_p = T + 10^{\circ} F$$
 (4.95)

Com estes valores estabelecidos, o sistema de equa ções é consistente . Quanto à dependência linear entre as equações, fazendo-se uma observação apurada, embora seja exaustivo e impreci so, pode-se observar que nenhuma delas é combinação linear de outra . Após a solução dos sistema, pode-se ver que o posto da matriz coeficiente, é o mesmo da matriz aumentada, e este é igual ao número de equações . Então o sistema tem solução e esta é única.

QUADRO I

N9 DE ORDEM	VARIÄVEL	EQUAÇÃO	N9 DE ORDEM	VARIÁVEL	EQUAÇÃO	
1	P ₁		21	H ₁	4.34	
2	P ²		22	H ²	4.36	
3	Ti	4.33	23	H ₃	4.43	
4	T2	4.35	24	Hų	4.41	
5	T 3	4.42	25	Hs	4.38	
6	T.		26	Hę	4.69	
7	T ₅	4.39	27	H ₇	4.53	
8	T ₆	4.70	28	H s	4.62	
9	T7		29	Hg	4.65	
10	Ta	4.61	30	H10	4.68	
11	Ty		31	H11	4.74	
12	Tic	4.78	32	H12	4.73	
13	T 11	Iterativa- mente Cap. 5	33	V	4.37	
14	T 1 2	4.72	34	٥ _q	4.50	
15	X1	4.27	35	Qd	4.54	
16	X2	4.40	36	Q _e	4.75	
17	X 3	4.52	37	Q _a	4.30	
18	mı	4.29	38	Q _c	4.60	
19	III 2	4.46	39	XL7	4.51	
20	m 3	4.47	40	XL12	4.71	

QUADRO 3.I

(continuação)

NQ DE OR DE M	VARIÄVEL	EQUAÇÃO	N ? DE ORDEM	VARIÁVEL	EQUAÇÃO	
41	COP	4.79	61	Cp _b		
42	COPmāx	4.80	62	^H m	4.26	
43	n _R	4.81	63	T _m	4.28	
44	Hp	4.49	64	wa	4.31	
45	Wp	4.48	65	tai		
46	T _G		66	ta ₂		
47	Τ _E		67	w _e	4.77	
48	То		68	^{UA} e	4.76	
49	tc ₁		69	^{UA} a	4.32	
50	tc ₂		70	Q _{tb}	4.44	
51	^й с	4.63	71	tg1		
52	UAC	4.64	72	tg ₂		
53	ף	4.55	73	teı		
. 54	Ср _w		74	te ₂		
55	Н _V	4.57	75	UA _{tb}	4.45	
56	Te		76	Ср _w	4.59	
57	x _v	4.56	77			
58	ŵg	4.58	78			
59	Q_{ta}	4.66	.79			
60	^{UA} ta	4.67	8 0			

-71-

CAPÍTULO 5

5 - RESOLUÇÃO DO MODELO MATEMÁTICO DO SISTEMA

A resolução do modelo será através de um método de solução simultânea do sistema de equações. Foi optado pelo Método de Newton-Raphson cujo desenvolvimento e considerações sobre sua aplicabilidade encontram-se na literatura ⁹,⁵.

Uma das limitações do método é com relação a sua co<u>n</u> vergência, embora os sistemas físicos sejam bem comportados . Para eliminar este problema, os valores iniciais arbitrados devem estar bastante "próximos" da solução. Para isto necessita-se de grande c<u>o</u> nhecimento do sistema físico a fim de que se possa estimar a ordem de grandeza da solução .

Os passos para resolução do sistema de equações não lineares são os seguintes :

Primeiro : Redefine-se as propriedades do sistema como um vetor \overline{X} cujas coordenadas são, x_i , i = 1,76 com as seguintes correspondências :

P 1	ij	x ₁	H ₇	-=	X 2 3	X1 =	X 5 3
P ₂		× 2	H ₈		X 2 8	Cp _w =	x ₅₄
T ₁		Xs	Hg		X 2 9	H _v =	X 5 5
T ₂	8	X	H10	m	X 3 0	$T_1 =$	X 5 6
Τ3	=	X 5	H11	=	×31	× =	X 5 7
T4	#	X6	H ₁₂	Ħ	X 3 2	. Ŵg =	X 5 8
T ₅	22	X 7	v	æ	X 3 3	Q _{ta} =	X 5 9
Τs	=	Х _в	0 ^a	æ	X 5 4	UA _{ta} =	X60
Τ7	=	Xg	Q _d	=	X 3 5	Cp _b =	X 6 1
Τ ₆		X10	Q _e	8	X 3 6	H _m =	X 6 2
T 9	-	x 11	Q _a	#	X 3 7	T _m =	X 6 3

						•	
T10	-	X12	Q _C		X38	W _a =	X 6 4
T_{11}	=	X13	XL7	*	X 3 9	$ta_1 =$	X 6 5
T_{12}	8	X14	XL12	*	X 4 0	$ta_2 =$	x 6 6
X1	=	X15	COP	ħ	X 41	W1 =	X 6 7
X2	=	X16	COP máx	2	X 4 2	^{UA} c =	X 6 8
X 3	=	X17	n _R	-	X43	UA =	X 6 9
m1	#	X18	нр	-	Xųų	Q _{tb} =	X 7 0
m 2		X19	w _p	8	X 4 5	$tg_1 =$	X71
M 3		X 2 0	т _G	*	X 4 6	$tg_2 =$	X 7 2
H1	2	X ₂₁	T _E		X 4 7	$te_1 =$	X73
H ₂	=	x _{2 2}	То	Ħ	X 4 8	$te_2 =$	X 7 4
H ₃		X 2 3	tc_1	4	X 4 9	UA _{tb} =	X 7 5
H4	-	X 2 4	tC ₂	#	X 5 0	Cp _v ≠	X 7 6
Hs	2	X 2 9	w _c	8	X 5 1		
H ₆		X 2 6	UAc	ŧ	X 5 2		

Segundo : Obtém-se um sistema de equações não lineares com a seguinte forma :

 $f_{1} (x_{1}, x_{2}, x_{3}, \dots, x_{76}) = 0$ $f_{2} (x_{1}, x_{2}, x_{3}, \dots, x_{76}) = 0$ $f_{3} (x_{1}, x_{2}, x_{3}, \dots, x_{76}) = 0$ \vdots \vdots $f_{76} (x_{16}, x_{2}, x_{3}, \dots, x_{76}) = 0$

Terceiro: Assume-se o valor inicial do vetor \overline{X} que denota-se por \overline{X} . Como se poderá ver na descrição dos próxi mos passos, o valor de \overline{X} terá um novo valor após

-73-

-74-

cada iteração ou tentativa. Assim redefine-se o vetor \overline{X} genérico por \overline{X}_t . Portanto, p**ar**a a condição inicial ,

$$\overline{x}_t = \overline{x}_o$$

Quarto : Lineariza-se o sistema de equações, expandindo-se ' as funções em série de Taylor e abandonando-se os termos das derivadas parciais superiores aos de 19 ordem. O procedimento é o seguinte :primeiramente, calcula-se a matriz coeficiente ,

$$a_{ij} = \frac{\partial f_i(\bar{x}_t)}{\partial x_j} \qquad \text{com } i = 1, \dots, 76$$

$$j = 1, \dots, 76$$

em seguida com os valores \overline{X}_{t} assumidos , calculase os resíduos das funções ,

 $b_i = -f_i(\overline{X}_t)$.

Tem-se então um sistema linear para ser resolvido :

 $A\delta = B$

onde δ é o vetor solução deste sistema linear, A a matriz coeficiente e B o vetor constante form<u>a</u> do pelos resíduos das funções .

- Quinto : Escolhe-se então um método para resolver o sistema proposto . Com isto encontra-se os valores de δ .
- Sexto : Com o valor do vetor δ incrementa-se o vetor assumido \overline{X}_{t-1} , obtendo-se um novo vetor

 $\overline{X}_{t} = \overline{X}_{t-1} + \delta$

A solução será quando todos $f_i(\overline{X}_t) = 0$. Isto se obtém quando o número de iterações tende ao infin<u>i</u> to, ou seja

 $\lim_{t \to \infty} (\overline{X}_t) = \overline{X}_s$

onde \overline{X}_{s} é o vetor solução do sistema .

5.1 - Programas de Computador

Os programas foram desenvolvidos para um sis tema de computação IBM-1130, com a configuração de 16 K de mem<u>ó</u> ria principal e 512 K de memória auxiliar. A disponibilidade pa ra operação de memória interna é um pouco maior que 12 K e na m<u>e</u> mória auxiliar em torno de 380 K. A linguagem utilizada foi FOR-TRAN.

O modelo matemático do sistema tem sua matriz coeficiente com 5.776 elementos, ocupando portanto 11,6 K da memória principal, usando-se precisão simples . Então a simulação do sistema só se torna possível, usando-se a memória auxiliar. Assim, todas as subrotinas foram desenvolvidas com base nas limitações do computador disponível .

Nos programas é usada a precisão expandida .

Programa Executivo (Fluxograma 1) - este programa fornece os valo res iniciais à simulação em ca

da iteração (\overline{X}_{t-1}) e verifica a convergência dos resultados . O v<u>e</u> tor \overline{X}_t será considerado solução ou seja, $\overline{X}_s = \overline{X}_t$ quando o e<u>r</u> ro relativo ε satisfizer a condição :

-75-

$$\varepsilon = \frac{\overline{x}_{t} - \overline{x}_{t-1}}{\overline{x}_{t}} \leq 0,001$$

Subrotinas EQ e AUX - Estas subrotinas compõem-se do modelo matemático representado pelo sistema de equações. Na realidade as duas subrotinas são parte de um único subprograma. A divisão foi necessária devido à limitação do compilador. E las calculam os resíduos das funções para um dado vetor \overline{X}_t . A temperatura T_{11} é calculada através de um subprograma função, embutido na subrotina EQ. Para este cálculo sua-se um processo de itera ção simples, partindo-se de XL_{12} , já que com certeza T_{11} será sempre menor do que T_{12} . O processo iterativo encontra-se na listagem dos programas de computador e Fluxograma 5.

Subrotina CDERV - (Fluxograma 2). Esta subrotina calcula as derivadas parciais partindo de sua def<u>i</u>

nição . Assim,

$$\frac{\partial f_{i}}{\partial x_{j}} (x_{1}, \dots, x_{76}) = \lim_{\Delta x_{j}} 0 \frac{f_{i} (x_{j} + \dots x_{j}) - f_{i} (x_{j})}{x_{j}}$$

O acréscimo Δx_j é determinado em função da magnitude da variável x_j já que x_j assume valores $0.1 \le x_j \le 40000$. Assim definiu-se $\Delta x_j = Dx_j$ onde D foi assumido igual a 0,001. Além disto, adiciona à matriz coeficiente o vetor B gerando a ma triz aumentada que em seguida é armazenada cada linha em um registro do disco. Assim a matriz aumentada do sistema linearizado fica armazenada em um arquivo da memória auxiliar. Subrotina NAIMA - (Fluxograma 3). Esta subrotina resolve o sistema

de equações lineares, armazenado no disco pela subrotina CDERV. O método escolhido foi o de Gauss-Jordan modifi · cado. Este método traz a vantagem para casos específicos como 0 presente . Isto porque ele opera com duas línhas da matriz aumenta da de cada vez, superando assim a limitação de memória do computador . O método de eliminações sucessivas de Gauss-Jordan consiste, em cada "loop" de eliminação, em dividir a linha pivot pelo seu ele mento da diagonal principal da matriz coeficiente . Obtém-se assim a linha pivot modificada . Em seguida modifica-se as outras linhas, utilizando-se a linha modificada . O elemento da diagonal da 1inha pivot, tem particular importância no método de eliminação. Es te elemento não pode ser zero, já que um dos passos da eliminação é dividir a linha por este elemento . Nos sistemas físicos, a ocor rência de zeros é frequente . Seu aparecimento na diagonal depende da ordem em que as equações são escritas .

Também deve ser evitado que o elemento da diagonal da linha pivot seja muito pequeno pois, na operação de divisão ap<u>a</u> receriam erros de truncamento e arredondamento . Então a subrotina LEO opera a matriz coeficiente para garantir que o maior elemento da linha pivot esteja na diagonal .

Com o método de eliminação de Gauss-Jordan, se o sistema for determinado, se obtêm a matriz unitária no local da ma triz coeficiente e a solução estará na última coluna da matriz aumentada .

Subrotina LEO - (Fluxograma 4). Esta subrotina lê no disco a linha pivot e pesquisa nesta linha o maior elemento. Encontrado este elemento faz então a troca de maneira que a linha

-77-

pivot tenha como elemento da diagonal, o maior elemento da linha. Em seguida chama todas as outras linhas e faz a modificação de co luna correspondente . As modificações das colunas são acompanhadas pelo vetor IVET , que é utilizado para localizar a solução do sistema .





ł

-80-

.

PAGE 1

// JOB

LOG DRIVE CART SPEC CART AVAIL PHY DRIVE 0000 0002 0002 0000

V2 WII ACTUAL 16K CONFIG 16K

1/ DUP

*STOREDATA WS UA XNIL 0083 Cart 10 0002 db addr 2a60 db Cnt 0530 *STOREDATA WS UA VNIL 0001 Cart id 0002 db addr 2f90 db CNT 0010

// FOR *LIST SOURCE PROGRAM

*IOCS(CARD.TYPEWRITER.KEYBOARD.II32PRINTER.DISK)

*EXTENDED PRECISION

SIMULACAO DE UM SISTEMA DE ABSORCAO - RESOLUCAC DO SISTEMA

USANDO O METCOO DE NEWTON-RAPSON

TFSE DE MESTRADO

- DELTA E O INCREMENTO(OU SOLUCAO DO SISTEMA LINE-RACOES DE CONVERGENCIA - N REPRESENTA O NUMERO DE VARIAVEIS DO SISTENA EPSI REPRESENTA A TOLERANCIA DESEJADA NA CONVERGENCIA - X (I) SAO OS CONTROLE DE IMPRESSAO,SE IPRE=1 SERAC IMPRESSOS OS VALORES DE TU-DAS AS ITERACOES ,SE IPRE =0 SU SERAO IMPRESSOS OS VALORES DA ITE-ITWAX REPRESENTA O NUMERO MAXIMO DE ITERACOES DESEJADAS - IPRE E O Controle de impressao,se ipre=1 sekac impressos os valores de tu-DIMENSION X(100), DELTA(100), F(100), PROP(100,4), XA(100) DEFINE FILE 1(83,320,U.IK.).2(1,320,U.IPT) VARIAVEIS USADAS NO PROGRAMA READ(2,100) ITMAX, IPRE, N, EPS1 COMMON IVET(100) + IKN+NIK FCRMAT(313.F10.4) VALORES INICIAIS 100

A PROGRAMACAU FOR INTERRONPIDA, RETIRE OS 3 CARTOES SEGUINTES

WRITE(3.410)N.EPSI

ŝ

υ

```
%PITE(3,401)(PROP(1,J),J=1,4),I,X(1),I,DELTA(1),I,F(1)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                             WRITE(3+407)(PROP(I+J)+J=1+4)+I+X(I)+I+F(I)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          IF(ABS((X(1)-XA(1))/X(1))-EPS1)5+5+6
                                            READ(2.402)((PROP(I.J),J=1.4).I=1.N)
              qEAD(2.200)(x(I),I=1.N)
                             WPITE(2'1)(X(1),I=1.N)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       WRITE(2'1)(X(I),I=1.V)
                                                                                                                                                                                                                   RET (2'1) (X(1) + I=1+N)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       CALL NAI A (DFLTA.N)
DC 5 I=1.N
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   IF(I-41)400.40.400
                                                                                                                                                                                                                                                                              IF(I=41)405+41+405.
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          X([)=X(])+DELTA(])
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            CALL CDERV(N+X+F)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               WPITE(3,350)ITWAX
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     IF(ICONT)10+9+10
                                                                                                                                                                                                                                                 IF(IT-1)42.43542
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     IF(IPRE-1)9.7.9
                                                                                                                        DO 2 IT=1.ITVAX
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   In IF(IPAt-1...
7 WRITE(3.A)IT.N
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  wRITE(3.404)IT
                                                                                                                                                                                                                                   CALL EQ(N+X+F)
FCRMAT(8F10.3)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    DO 400 I=1.004 00
                                                                                                                                                                                                                                                                N+1=1 504 OC
                                                                                                                                                                                                                                                                                              WRITE(3,406)
                                                           MRITE(3.408)
                                                                                                                                        N.1=X 1 00
                                                                                                                                                                      N+1=1 6 00
                                                                                                                                                                                      XA(I)=X(I)
                                                                                                                                                       1 VET (K)=K
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        CONTINUE
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                CONTINUE
                                                                                                                                                                                                     I CONT=0
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         ICONT=1
                                                                                         NIK#71
                                                                                                         1+2=×1
                                                                           IKN#1
200
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  400
                                                                                                                                                                                                                                                                                                              4 0 U
                                                                                                                                                                                                                                                                                                41
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   0
4
                                                                                                                                                         ----
                                                                                                                                                                                       3
                                                                                                                                                                                                                                                                  4
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            ο G
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 ſ,
```

-82-

FORVAT(5X,441,1X,41,1,1,1,1,1,1,1,1,1,3,3X,10ELTA(',13,1)=',F11,3,3X,1 VUMERC', I4, ' NUVERC DE EQUACOES ', I4./ 1//.5X. VALUR DA PRUPRIEDADE '.6X. INCREVENTO'.17X. RESIDUO'.//. CRITE(3+401)(PACP(I+J)+J=1+4)+I+X(I)+I+DELTA(I)+I+F(I) FORMAT(IH1./////.IX.'CONTINUACAU DA ITERACAO'.I4.///) 350 FORMAT(5X, 'SISTEMA NAC CONVERSIO (A', 14,' ITERACAU') FORWAT(141.//,1X, TTERACAU IF(I-41)620+630+620 F('.12,')='.F11.3) FORWAT(20(4A1)) %RITE(3,621)IT 630 %RITE(3,409)11 DC 620 I=1.N GO TO 351 0 620 40.2 401 <u>;</u>(

404

FOPMAT(1H1.////.1X.'CONTINUACAU DUS VALORES INICIAIS'.//.) 406

FQRWAT(5X,441.1X, *X(',13,')=',F15.3,5X,*F(',13,')=',F15.3) 404

FCRWAT(5X, 'VALORES INICIAIS', //, 5X, 'VALOES DE X', 20X, 'RESIDUOS DAS [FUNCOES + / +) 4 C 8

FORMAT(IHI./////.IX.'CONTINUACAU DOS VALORES DE CONVERGENCIA '.I4. 1//•) 409

3 FCRMAT(1H1,//,5%,*'NUHERO DE EQUACOES REPRESENTATIVAS DO SISTEMA',I (4.//.5X."TOLERANCIA PARA C CRITERIO DE CONVERGENCIA".F7.4.///. 41C

FCRMAT(1H1.///.25X,'CUNVERGENCIA DU SISTEMA'.//.5X,'ITFRACAO DE INVERGENCIA NUMERO' . I + . / / 5X . ' VALURES NA CONVERGENCIA' . / / .) 621

CALL EXIT 351

С Ш

FEATURES SUPPORTED

EXTENDED PRECISION SOCI

PROGRAM 2454 306 VARIABLES CORE REQUIREMENTS FOR COMMOD

958

END OF COMPILATION

// XEQ

*FILES(1,XNIL),(2,VNIL)



.

,

.



PAGE 1

1/ JOB

JOAO NILDO

SUBRDTINA PARA CALCULO DAS DERIVADAS DAS FUNCOES E GRAVACAD DA DIMENSION XD(100) + X(100) + F(100) + FD(100) + A(100) SUBROTINA PARA CALCULO DAS DERIVADAS PARCIAIS 188 PHY DRIVE 0000 RELATIVE FUTPY POINT AUDRESS IS 03A2 (HEX) PROGRAF. CART AVAIL 924 A(1)=(FD(J)-F(J))/(X(1)*()) ACTUAL 16K CONFIG 16K 0002 COMMON IVET(100) . IKN.NIK "RITE(JJ'J) (A(1) . I=1.1K) SUBROUTIVE CDFRV(N+X+F) CORE REQUIRENERITS FOR CDERV 306 VARIABLES WATRIZ COEFICIENTE G*(1)X+(1)X=(1)OX CALL EQ(N. XD.FD) CART SPEC *LIST SOURCE PROGRAM *EXTENDED PRECISION FXTENDED PRECISION 0005 FEATURES SUPPORTED A(IX) = F(J)DO 7 J=1.N N.1=1 & OQ DO 1 K=1.N XD(K)=X(K) (1) X = (1) G X()X=()(X.2) D=0.001RETURN [+N=X] **1**=℃ 07 u LOG DRIVE 3000 COMMOD V2 Mll // FOR m U

-86-

ELD OF COMPILATION

11 DUP

•

.

*STORE WS UN CDERV D 06 ENTRY POINT NAME ALREADY IN LETZFLET .

•

FLUXOGRAMA Nº 3 - SUBROTINA NAIMA







,

RETORNE

C

PAGE

11 JOB

PHY DRIVE 0000 CART' AVAIL 0005 CART SPEC 0002 LOG DRIVE 0000

SUBROTINA P/ RESOLUCAD DO SISTEMA USANDO O METODO DE ELIMINACAD DIMENSION DELTA(100) +A(100) +B(100) CAUSS JORDAN ACTUAL 16K CONFIG 16K SUBROUTINE NAIMA (DELTA,N) WRITE(JJ'NN)(A(J),J=1,IK) WR'TE(JJ'MM)(8(J),J=1,IK) COMMON IVET(100) . IKN . NIK READ(JJ'NN)(A(J),J#1.IK) READ(JJ'MM)(8(J),J=1.IK) IF(MM-NN)16.17.16 CALL LEO(NN+JJ+N) B(J)=B(J)-S+A(J) IF(MM-N)22.22.14 *LIST SOURCE PROGRAM *EXTENDED PRECISION DO 18 JENN+IK DO 15 JENNeIK Nº 1=NN 91 00 00 19 NN#1#N A(J)=A(J)/S K#IVET(NN) CONTINUE S=A(NN) S=B(NN) **NN=MM+1** (+2=X) 13=1 Lawn V2 M11 1/ FOR 22 4 ين 1 81 16 27 U

READ(JJ'NN)(A(J),J=1.IK)

DELTA(K)=A(IK)

6
RETURN END

FEATURES SUPPORTED EXTENDED PRECISION

CORE REQUIREMENTS FOR NAIMA COMMON 306 VARIABLES 624 PROGRAM

284

RELATIVE ENTRY POINT ADDRESS IS 0273 (HEX)

END OF COMPILATION

// DUP

*STORE WS UA NAIMA D 06 ENTRY POINT NAME ALREADY IN LET/FLET







-94-



PAGE

11 JOB

PHY DRIVE 0000 CART AVAIL 0002 CART SPEC 0002 LOG DRIVE 0000

ACTUAL 16K CONFIG 16K V2 VII

// FOR

*LIST SOURCE PROGRAM *EXTENDED PRECISION

U

SUBROTINA PARA PESQUISA DO MAIOM PIVOT DA MATRIZ SUBROUTINE LFOLEN, JJ+N)

DIMENSION A(100)

CONYON IVET(100) . IKN . NIK

[K=N+]

READ(JJ'RN)(A(J),J=1,IK)

22=0

(C) A=XA:X **∪**#J

IF(ABS(A(J))-ABS(XWAX))1.1.2

(C) V=XV.;X **m N**

∪≈∪)

1+1=1

IF(J-N)3.3.4

IF(IJ-NK).20+8+20 t

TEVP=A(MN) 20

A(RN)=A(IJ) A.(IJ)=TEVP

IVET(MN) = IVET(IJ)ITEMPEIVET(NN)

IVET(IJ)=ITEVP

%PITE(JJ'NN)(A(J) •J=1•IK)

7 IF(1,J-4,N)5.6.5 5 %CAD(JJ*,J)(A(.

READ(JJ*J)(A(J),J=L+IK) IF(A(M)-4(1))21.6.21 TEVP=A(1.1.) 21

-96-

A(NN)=A(IJ) A(IJ)=TEMP ERITE(JJ'NJ)(A(J),J=1,1K) 6 NJ=NJ+1 1F(NJ-N)7,7,8 8 RETURN END

FEATURES SUPPORTED Extended Precision CORE REQUIREMENTS FOR LEO Common 306 VARIABLES 328 PROGRAM 308

RELATIVE ENTRY POINT ADDRESS IS 014B (HEX)

END OF COMPILATION

1/ DUP

*STORE WS UA LEO D D6 ENTRY POINT NAME ALREADY IN LET/FLET

:

PAGE 1

1 JOB

LOG DRIVE CART SPEC CART AVAIL PHY DRIVE 0000 0002 0002 0000 0000

V2 M11 ACTUAL 16K CONFIG 16K

MODELO MATEMATICO DE UM SISTEMA DE REFRIGERACAO POR ABSORCAO USANDO A MISTURA BINARIA AMONIA - AGUA DIMENSION F(100) X(100) SUBROUTINE EQ(N.X.F) *LIST SOURCE PROGRAM *EXTENDED PRECISION // FOR

SIMULACAO DO SISTEMA

UUU

U

20 AS SUBROTINAS EQ E AUX FORMAM CONJUNTAMENTE O MODELO MATEMZTICO SISTEMA 3 - ISTO FOI USADO PARA SUPERAR A LIMITACAO DO COMPILADOR

(-535.76) *XL1+(0.038839-0.18053E-83*P1) *XL1*P1+305.04+(0.44631-0.24 F2(XL1,T1,HL1)=((((561,86*XL1-1929,6)*XL1+2343,3)*XL1-828,41)*XL1 F1(XL1°P1,T1)=({({(=240°1]+XL1+346°31)+XL1-27°120)+XL1+166°94)+XL1 2284E-03+P1)+P1)-T1

:

F4(XV1.f1.f1.HV1)=((((-1342.65*XV1+2954.4)*XV1-2485.3)*XV1+991.37)*XV -103.48)*XL1-76.824+1.12703*71)-HL1

[]+]080.9+8.370E-09#T]*#4+(((-3.7752E-09#T]+0.027252)#T]-5.9429)#T]

-98-

```
C CALCULO DAS PROPRIEDADES TERMODINAMICAS DO CICLO NOS PONTOS DE EQUILI-
C BRIO
                                                                                                [+144.63]*VAXV1+911.73+8.370E-09#T1*#4+(((-3.7752E-05#T1+0.027252)*
                                                                                                                                                                                                                                                              (2-584e78) *XL2+(-0.3442*+0.00011334*P2) *P2*XL2+203.80+(1.8362-0.006
                                                                                                                                                                                                          F6(XL2•P2•T2)=(((((-692•82*XL2+1673•3)*XL2-1424•98)*XL2+787•79)*XL
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     F7(XL2•T2•H2)=((((-656•458*XL2+1358•93)*XL2-498•318)*XL2-182•534)*
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     F9(T2•XV•HV2)=(((-4•948E-06*T2+1•49518E-03)*T2+0•415871)*T2+530•97
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         F10(UA+T1+T2+T1+TT2+Q)=(UA+(([T1-T12)-(T2-T11))/(ALOG([T1-TT2)/(T
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             F12(T1+T2+CPHOV)=(1+102=33+1/SQRT((920++T1+T2)/2+)+416+/(920++T1+
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    F13(71,72,5CPNHL)=(1.08+0.000488*(71+72)/2.+0.28E=05*((71+72)/2.)**
                                                F5{VAXV1*XV1*T1*HV2}={{{{0.068765*VAXV1+2.0794}*VAXV1+24.84}*VAXV1
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   Fll(Tl,T2,CPNMV)=(0.363+2.57*((920.+T1+T2)/2.*l.E-04-1.319*(920.+T
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            .6+(((4.05554E+05*T2-0.0290022)*T2+6.79126)*T2)*(1.-XV))-HV2
                                                                                                                                                          271=5.9429)#71)#(1.-XV1)+0.54663#71#(1.-XV1)##2-3.1313)-HV2
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        F14(C+CPHO+CPNH+CPM)=((1+C)+CPHO+C+CPNH)=CPM
2)*[]*[]*XV1)+0•54663*T1*(]•XV1)**2-3•1313)-HV1
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     XL2-57.1775+1.09174#721-H2
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          1+T2)/20)**2*1.E-08)-CPNHV
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     F(1)=F1(X(15)•X(1)•X(5))
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    20111*P21*P21-T2
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                IT21/2。))-CPHOV
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   2-111))))-0
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    2)-CPNHL
```

F(7)=F4(X(17)•X(9)•X(27)) F(2)=F2(X(15)•X(5)•X(23)) F(4)=F2(X(16),X(6),X(24) F(6)=F3(X(39) •X(1) •X(17) F(3)=F1(X(16) •X(1) •X(6)) F(5)=F1(X(39)•X(1)•X(9)) IF(X(39)-0.36)11.11.22 GO TO 55

U

XVT=ALOG(0.00004) GO TO 33 56

IF(X(17)-0.99996)44.44.56

23

44

XVT=ALOG(1.-X(17))

-99

DOS CALCULOS DAS PROPRIEDADES NOS PONTOS DE EQUILIBRIO F(7)=F5(XVT•X(17)•X(9)•X(27)) F("2)=F9(X(14)•X(17)•X(32)) F(14)=F7(X(15)•X(3)•X(21)) F(9)=F2(X(17),X(10),X(28)) F(10)=F8(X(40)•X(2)•X(17)) F(11)=F6(X(40)•X(2)•X(14)) F(8)=F1(X(17),X(1),X(10)) F(13)=F6(X(15) •X(2) •X(3)) 99 ŝ ×14

U

F(15)=(X(38)/(X(54)*(X(50)=X(49))))-X(51) F(16)=(X(20)*(X(27)-X(28)))-X(38) F(17)=F10(X(52)•X(9)•X(10)•X(49)•X(50)•X(38)) FACA=1•

F(22)=(X(20)*(((X(17)-X(15))/(X(57)-X(15)))*(X(55)-X(23))-(X(27)-X F(24)=TT11(X(40)•X(17)•X(2)•X(31))-X(13) F(23)¤X(20)¤(X(28)-X(29))-X(59) F(21)=F4(X(57)•X(56)•X(55)) F(19) = F1(X(53) • X(1) • X(56)) F(20)=F3(X(53)+X(1)+X(57)) F(18)=X(5)+10°-X(56) ((23)))))-X(35)

F(26)=x(10)-10。-x(11)
F(27)=F10(x(60) *x(11) *x(10) *x(14) *x(13) *x(59))
F(28)=F2(x(17) *x(11) *x(29))
F(29)=x(32)-x(59)/x(20)-x(31))
F(30)=x(30)=x(29)
F(31)=F6(x(17) *x(2) *x(12))
F(31)=F6(x(17) *x(2) *x(12))
F(32)=x(20)*(x(32)-x(28))-x(36)
F(33)=(x(16)+(x(20)/x(18))*(x(17)-x(16)))-x(15)
F(35)=x(20)*(x(32)-x(26))+x(18))*(x(12))-x(26)-x(21)))-x(37)
F(36)=(x(20)*(x(32)-x(26))+x(18))*(x(18)*(x(26)-x(21)))-x(37)

F(25)=0.857-X(61)

F(37)={({X(15)-X(16)}/(X(17)-X(16)))+{X(32)-X(26)}+X(26)}-X(62) F(38)=(((X(62)-X(32))*(X(8)-X(14)))/(X(26)-X(32))+X(14))-X(63) F(41)=F10(X(68) •X(74) •X(73) •X(13) •X(12) •X(36)) 2572 F(39)=(X(37)/(X(62)-X(21)))-X(18) F(40)=(X(37)/(X(54)*(X(66)-X(65))))-X(64) RELATIVE ENTRY POINT ADDRESS IS 04IC (HEX) 114 PROGRAM IF(X(63)-(X(65)+10°))67,67,17 F(42)=(X(65)+10°)-X(66) F(42)=(X(63)-5.)-X(66) CORE REQUIREMENTS FOR EQ COMMON 0 VARIABLES CALL AUX(F X) EXTENDED PRECISION FEATURES SUPPORTED END OF COMPILATION GO TO 115 RETURN END 115 17 67

11 DUP

D 06 ENTRY POINT NAME ALREADY IN LET/FLET UA RO ws. *STORE

PAGE 1

11 JOB

LOG DRIVE CART SPEC CART AVAIL PHY DRIVE 0000 0002 0002 0000

V2 M11 ACTUAL 16K CONFIG 16K

// FOR *LIST SOURCE PROGRAM *EXTENDED PRECISION SUBROUTINE AUX(F•X) DIMENSION F(100)•X(100)

F12(T1.T2.CPHOV)=(1.102-33.1/SORT((920.+T1+T2)/2.)+416./(920.+T1+ F2(XL1+T1+HL1)=((((561+86*XL1+1929+6)*XL1+2343+3)*XL1+828+41)*XL1 F13(T1.•T2.•CPNHL)=(1.•08+0.•000488*(T1+T2)/2.+0.28E=05*((T1+T2)/2.)** F11(T1,T2,CPNHV)=(0.363+2.57*((920.+T1+T2)/2.*1.E=04=1.319*(920.+T F10(UA+T1+T2+T1+TT2+Q)=(UA+(((T1+TT2)-(T2+TT1))/(ALOG((T1+T2)/(T F(4b)=([].=X(]])+0.016+0.85*X(]5)+(]./37.53))-X(33) F(45)=(X(21)+((X(1)-X(2))+144=+X(33))/778=)-X(22) F(48)=(X(24)-(X(18)/X(19))+(X(29)-X(22)))-X(25) F14(C.CPHO.CPNH.CPM)=((1.-C)*CPHO+C*CPNH)-CPM F(44)=F10(X(69),X(63),X(3),X(65),X(66),X(37)) F(43)=(X(36)/(X(61)+(X(73)-X(74))))-X(67) [-103.48]*XL1-76.824+1.12703*T1)-HL1 F(50)=(X(18)+(X(23)-X(22)))-X(70) []+72)/2.)++2+1.E-08)-CPNHV F(49)=F2(X(16)•X(7)•X(25)) F(54)=X(73)-15.-X(74) F(53)=X(13)+9.-X(73) F(521=300 -X(72) F(51)=350.-X(71) F(47)=X(3)-X(4) LT21/2.11-CPHOV 12-TT1))))-Q L2)-CPNHL

F(55)=75.-X(65)

```
F (64) = (460 • +X(47)) * ((460 • +X(46)) - (460 • +X(48))) / ((460 • +X(46)) * (460
                                                                                                             F(60)=(X(20)*X(27)+X(19)*X(24)+X(39)-X(18)*X(23))-X(34)
                                                                                 F(5y)=(X(18)*(X(22)-X(21))/(42°4*0°75))-X(44)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          1312
F(56)=Fl0(X(75) •X(6) •X(7) •X(4) •X(5) •X(70))
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      F(73)=((X(65)+X(66)+X(49)+X(50))/4°)-X(48)
                                                                                                                                                                   F(62)=X(34)/(X(76)*(X(71)-X(72)))-X(58)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              RELATIVE ENTRY POINT ADDRESS IS 01C2 (HEX)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         PROGRAM
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  F(66)=(X(18)¤(X(22)-X(21)))-X(45)
                           F[57]=X[70]/(X[24]-X[29])-X[19]
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        F(68)a((X(71)+X(72))/2。)-X(46)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     F(69)=((X(73)+X(74))/2。)=X(47)
                                                                                                                                                                                                                                                       1 * X ( 48 ) ) - ( 460 * X ( 47 ) ) ) ) - X ( 42 )
                                                                                                                                         F(61)=F12(X(71),X(72),X(76))
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          60
                                                                                                                                                                                                                                                                                      F(65)=X(4])/X(42)-X(43)
                                                     F(58)=X(18)-X(19)-X(20)
                                                                                                                                                                                                 F(63) = X(36) / X(34) - X(41)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             CORE REQUIREMENTS FOR AUX
COMMON 0 VARIABLES
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               F(67)=240.-X(6)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   F(70)=130.-X(9)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               F(71)=200 - X(1)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    F(74)a79.-X(49)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              F(75)a85 .- X(50)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          F(72)=30.-X(2)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            F(76)=1.-X(54)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     EXTENDED PRECISION
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           FEATURES SUPPORTED
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    END OF COMPILATION
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       RETURN
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   END
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                1/ DUP
```

-103-

D 06 ENTRY POINT NAME ALREADY IN LET/FLET

WS UA AUX

\$STORE

PAGE 1

11 JOB

LOG DRIVE CART SPEC CART AVAIL PHY DRIVE 0000 0002 0002 0000

V2 M11 ACTUAL 16K CONFIG 16K

R=({{\10.749*XL=17.869}*XL+4.0279}*XL=1.3086}*XL+2.9622E=03*P*XL)* F3=(1.0-(1.0-XL)**R)-XV 1XL-4.256E-09*P+7.1588 FUNCTION F3(XL . P.XV) *LIST SOURCE PROGRAM *EXTENDED PRECISION RETURN END // FOR

FEATURES SUPPORTED EXTENDED PRECISION CORE REQUIREMENTS FOR F3 COMMON 0 VARIABLES 12 PROGRAM

98

RELATIVE ENTRY POINT ADDRESS IS 0024 (HEX)

END OF COMPILATION

400 //

*STORE WS UA F3 D 06 ENTRY POINT NAME ALREADY IN LET/FLET

PAGE 1

// JOB

LOG DRIVE CART SPEC CART AVAIL PHY DRIVE 0000 0002 0002 0002 0000

V2 W11 ACTUAL 16K CONFIG 16K

R=((((108.485*XL=229.009)*XL+155.247)*XL=41.0442)*XL)*XL+11.2925=0 1•031256*P+0•0213337*P*XL**2 F8=(1.0-(1.0-XL)**K)-XV Return FUNCTION FRIXL, P.XV) *LIST SOURCE PROGRAM *EXTENDED PRECISION ENO N 11 FOR

FEATURES SUPPORTED Extended precision CORE RECUIREMENTS FOR F8 COMMON 0 VARIABLES 16 PROGRAM

106

RELATIVE ENTRY POINT ADDRESS IS 0028 (HEX)

END OF CUMPILATION

11 DUP

*STORE WS UA F8 D 06 ENTRY POINT NAVE ALREADY IN LET/FLET

<pre>ICONT=0 DX=0.02 H=H11 IF(XA-1.0110+10+11 IF(XA-1.0110+10+11) IF(XA-1.0110+10+11) IF(XA-1.0110+10+11) IF(X3-1.0013.3.14 II wRITE(3.15) IO IF(X3-1.0013.3.14 II wRITE(3.15) IO IF(X3-1.0013.3.14 II wRITE(3.15) IO IF(X3-1.0013.3.14 II wRITE(3.15) IO IF(X3-1.0013.3.14 HMUD=H I.031256+P2+0.00313337*P2*XL**2 XV1=1.0-(1.0-XL)**R III=(((-692.82*XL+1673.8)*XL+155.247)*XL)*XL)*XL)*XL+11.2 I.031256+P2+0.00311334*P2)*P2*XL+203.80+(1.8362-0.006011*P2)*P2 If(ICONT-NCT)16.11 I6 CCNTINUE IF(ICONT-NCT)16.11 I I7 IF(ICONT-NCT)16 I I7 IF(ICONT-NC</pre>	<pre>MII ACTUAL 16% CONFIG 16K FOR IST SCURCE PROGRAM XTENDED PRECISION XTENDED PRECISION XLEXA NCT=5 ICONT=0 DX=0.02 H=H11 IF(XA-1.0110.10.11</pre>
--	--

-106-

HVl]=({-4.948E-06*TT1+1.49518E-03)*TT11+0.415871)*TT11+530.976+({ 1(4.05554E-05*TT11-0.0290022)*TT11+6.79126)*TT11)*(1.-XV1) 488 0025 RELATIVE ENTRY POINT ADDRESS IS COBD (HEX) 52 PROGRAM DB CNT (CD/H-H)/(CO/H-IIH)*XC=NXC 6I 2F80 CORE REQUIREMENTS FOR TTIL VARIABLES UA TT11 DB ADDR H=FL*HL11+FV*HV11 IF(H-H11)19.1.18 EXTENDED PRECISION I CONT = I CONT+1 FEATURES SUPPORTED END OF COMPILATION 109174#TT11 0 S S GN TO 3 RETURN XC=XC-DX XC+JX=JX NXG=XC **DUMH=H** CART 10 0002 021 COMMON *STOPE 1/ DUP 18



-108-



I

:



CAPÍTULO 6

• • •

· · ·

6 - RESULTADOS

Neste capítulo, são apresentados os resultados de um exemplo usado como teste do modelo matemático e do programa de com putador proposto nos capítulos anteriores .

Com o objetivo de aprimorar os programas de computador apresentados no Capítulo 6, foram feitos testes com vários mo delos. Com isto foi possível reduzir o tempo de processamento e me lhorar a precisão dos resultados.

Foram testados modelos de 18, 48, 52, 76 e 83 equa ções, e o tempo de processamento por iteração foi o seguinte :

sistema	18	x	18	-	3	minutos	por	iteração
sistema	48	x	48	-	25	minutos	por	iteração
sistema	52	x	52		40	minutos	por	iteração
sistema	76	x	76	-	120	minutos	por	iteração
sistema	83	x	83	. 🗕	180	minutos	por	iteraç ã o

Do tempo de processamento, aproximadamente 66% é ga<u>s</u> to para linearizar o sistema e o restante para resolver o sistema ' linearizado . A causa da degradação do tempo de processamento está ligada às limitações do sistema computacional disponível .

O sistema com 76 equações e 76 incógnitas apresenta um volume satisfatório de informações, e por este motivo fácou sen do o sistema definitivo. Entretanto o tempo de processamento foi aumentado de 120 para 180 minutos em função de maior precisão exigida para o cálculo de T_{11} , que se apresentava como fonte de divergência do sistema, Apêndice II.

A seguir estão os relatórios das iterações e valores iniciais .

NUMERO DE EQUACOES REPRESENTATIVAS DO SISTEMA 76 TOLERANCIA PARA O CRITERIO DE CONVERGENCIA 0.0010

VALORES INICIAIS

VALCES DE X

RESIDUOS DAS FUNCCES

~ •	~ /	4. 1	200.000	= /	11-	A 373
P1	<u></u>	1/=	200.000	5 1 5 1	2)m	0.060
72	<u></u>	2)= 2)-		F (21-	0.122
11	X (5) -		- F (2/ -	0 012
12	XC	4) =		- F (44)# 6.1.m	
13	X(2)=	200.900	- F (2/=	Ve142
14	XC	0)=				
15	X	()=			/) = 0) =	U • 528
16	XC	8)8	106.700	- - (6)≖ 01-	
17	XI	9)±	130.000	F (₩)= 101-	-0.035
18	X	10)=	95.700	- F (10)=	0.000
19	XC	11)=	85.700	F (111=	0.233
T10	X	12)=	2.000	F (75)=	-0.001
T11	X (13)=	46.000	F (13)=	0.208
T12	X(14)=	56.800	۴(14)#	0.008
X1	X (15)=	0.402	F(15)=	0.400
X2	X (16) =	0.201	Fl	16)=	-249+339
X3	XL	17)=	0 • 9 9 6	F(17)=	-27+867
M1	X (18)=	250.00 0	F(18)=	0+899
[™] 2 ···	Χt	19)=	213.000	FL	19)=	10.486
M3	X (20)=	36.000	FC	20)=	-0.020
H1	Х(21)=	-46.900	F(21)=	12.793
H2	XI	22)=	-46.300	FL	22)=	-596.855
H3	XI	23)=	81.800	F	23)=	24.239
H4	XC	24)=	136.000	F	24)=	5.593
H5	Xt	25)=	-13.000	F(25)=	0.000
H6	Χ(26)=	-13.000	F(26)=	0.000
H7	X (27)=	581.485	F(27)=	3.222
H8	X (28)=	73.300	F(28)=	0.994
H9	Xt	29)=	61.000	F(29)=	0.673
H10	Xſ	30)=	61.000	FL	30)=	0.000
HII	XC	31)=	553.000	F(31)=	0.014
H12	Χ(32)=	565.300	F(32)=	-238.000
V1	Χ(33)=	0.018	FL	33)=	-0.000
QG	XI	34)=	35500.000	FL	34)*	0.000
QD	Χ(35)=	4000.000	F(35)=	0.000
QE	X(36.)=	17950.000	F (36)=	-251.200
QA	XC	371=	29545.000	F-(37)=	-0.099
QC	X (38)=	18544.000	F(38)=	0.894
XL7	XC	39)=	0.670	F(39)=	0.296
XL12	XC	40)≖	0.465	F(40)=	0.500
· ••	,	· _ •		-	• •	

CONTINUACAD DOS VALORES INICIAIS

C	OP	X (41)=	0.500	- F(41)=	-234.626
Ċ	OPM	Xt	42)=	1.381	F(42)=	0.000
N	R	XC	43)=	0.440	F(43)=	1.343
H	IP	X (44)=	4.600	F(44)=	7619.809
C	P	X (45)=	147.000	F(45)=	-0.033
T	G	X (461=	325.000	F(46)=	0.000
Ť	'E	XC	47)=	43.500	F(47)=	0.000
T	0	X(48)=	80.000	F(48)=	-1.352
T	Ċ1	X	49)=	75.000	F(49)=	-0.319
T	°C2	Χ(50)=	85.000	F(50)=	-52.000
2	C	Χt	51)=	1854.000	F(51)=	0.000
L	AC	X	52)=	591.700	F(52)=	0.000
X	L	X (53)=	0.350	F (531=	0.000
C	P W	XI	54)=	1.000	F(54)≃	0.000
F	iv	Xt	55)=	630.000	F(55)=	0.000
T	Ľ	X	56)a	210.000	F(56)=	209.905
X	(v	Χ(57)=	0.950	F (57)=	2.281
Ŵ	IG	X (58)=	1553.000	F(58)=	1.000-
G	ATA	X (59)=	418.560	F(59)=	0.115
Ļ	ATA	X (60)=	12.400	F (60)=	-2048.539
C	:PB	Х(61)=	0.857	F (61)=	0.000
ţ.	IM I	Х (62)=	71.140	F(62)=	24.777
T	М.	Х (63)=	100.000	F(63)=	0.005
١.	Ά.	Χ(64)=	2954.00 0	F(64)=	2.924
T	'A1	X(65)=	75.000	F(65)=	-C.077
T	'A2	Х (66)=	85.000	F(66)=	2.999
М	E	Χ(671=	1395.000	F(67)=	0.000
ι	AE	Χ(68)=	1171.000	' F(68)=	0.000
L	AA	X (691=	2981.000	F(69)=	. 0.000
G	TB	Χ(70)=	3 2077. 000	F(70)=	0.000
T	'G1	Χ(71)=	350.000	F(71)=	: 0.000
T	'G 2	Х (72)=	300.700	F(72)=	0.000
T	Έ1	X (73)=	51.000	FL	73)=	0.000
7	E2	Χ(74)=	36.000	FL	74)=	0.000
	ATB	X (751=	1098.000	F(75)=	0.000
. 0	:v	X(761=	0.450	F(761=	0.000

• •

ITERACAO NUMERO 1 NUMERO DE EQUACOES 76

-114-

VALC	R D	A PROP	RIEDADE	INCRE	MENTO			RESID	υò
P1	хı	1)=	200.000	DELTAL	1)=	-0.000	F(1)=	0.272
P2	X	2)=	30.000	DELTA	2)=	0.000	FI	2)=	0.060
Ťī	Xt	3)=	85.719	DELTA	3) =	0.482	F(3) =	0.123
T2	XI	4) =	85.719	DELTA	4)=	0.482	F(4) =	0.913
T3	X(51=	201.487	DELTA	5)=	0.587	F(5)=	0.145
T4	XI	6)=	240.000	DELTAL	6)=	0.000	F(6)=	0.000
T5	X	7)=	107.098	DELTAI	7)=	0.398	F (7)=	0.528
Τ6	X (8)=	107.098	DELTA(8)=	0.398	F (8)=	0.083
T7	X (9) =	130.000	DELTA(9)=	0.000	F (9)=	-0.035
T 8	X (10)=	95.767	DELTA	10) =	0.067	F(10)=	0.000
T9	XL	11)=	85.767	DELTA	<u>11)</u> =	0.067	F(11)=	0.233
T10	XL	12)=	2.004	DELTA	12)=	0.004	F (12)=	-0.001
T11	X(13)=	52+650	DELTA	13) a	6.650	F (13)=	0•208
T12	X (14)=	66.847	DELTAI	14)=	0.047	F (14)=	0.008
X1	X (15)=	0.401	DELTA(15)=	-0.000	F (15)=	0.400
X2	XI	16)=	0.301	DELTA(16)=	0.000	F (16)=	-249.339
X3	X (17)=	0.996	DELTA	17)=	0.000	F (17)=	-27.867
M1	X (18)=	250.300	DELTAI	18)=	0.300	F (18)=	0.899
M2	Xt	19)¤	214.346	DELTA(19)=	1.346	F(19)=	10.486
M3	X(20)=	35.954	DELTAL	20)=	• =0.045	F (20)=	-0.020
H1	XL	21)=	-46.280	DELTA	21)=	0.619	F(21)=	12.793
H2	Xŧ	22) =	-45.692	DELTA	22)=	0.607	F(22)=	-596.855
H3	XL	23)=	82.577	DELTAI	23)=	0.777	F (23)=	24.239
H4	X.	24) =	1.36.868	DELTA	24)=	0.868	F(24)=	5.593
HS	XI	25)=	-12.915	DELTAI	25)=	0.084	F (25)=	0.000
H6	X	26)=	-12.915	DELTA	26)=	0.084	F(26) #	0.000
H7	X (27)=	581.442	DELTA	27)=	-0.042	F(27)=	3.222
HB	X {	28)=	73.399	DELTA	28) =	0.099	F(28)=	0.794
H9	X (2910	62.129	DELIA	2910	1.129		29)=	0.073
HIO	X (30) =	62.129	DELIAL	30) =	1.129	- F(30)=	0.000
H11	X	31)0	554.000	DELIAL	31)8	1.000	3 F (31)=	0.014
HIZ	X (32)=	262•267 0 019	DELIAL	32)=	-0.030	F (22)	-228.000
V1	× (3318	22026 150	DELIAL	2410			2410	-0.000
00	×(3412	225239127 A355 820	DELTA	34/2	-10/10040	F (2510	0.000
00	3	3610	42220027	DELIAL	341-	2770837	Г.4 Е/	3610	-261 300
	× (2018	10040/21 20120 EEC	DELIAL	271-	-405 440	- F (20)= 27)-	-291+200
QA OF	× (2/18 281-	5AT3A9330	DELIAL	3.118		- C (30)=	
	×(3010	,10200e217	DELIAL	3010	-2110104	F (30) a	0.294
		3718 401-		DELIAL	27) ²²		۳(۳/	27}=	0.400
~~~~	. X (	<b>↔∪)</b> ⊒	U • 4 0 2		4012		- T (	<b>₩</b> U]₩	0.00

.

#### CONTINUAÇÃO DA ITERAÇÃO 1

COP	Хſ	41)=	0.521	DELTA	41)=	0.021	F( 41)=	-234.626
COPM	X:(	42)=	5.147	DELTAL	42)=	3.766	F( 42)=	0.000
NR	Χ(	43)¤	-0.608	DELTAI	43)=	-1.048	F( 43)=	1.343
HP	X(	44) =	4.623	DELTAI	44)=	0.023	F( 44)=	7619.809
QP	Χ(	45) e	147.019	DELTAI	45) =	0.019	F( 45)=	-0.033
TG	XC	46) =	325.000	DELTA	46)=	0.000	F( 46)≖	0.000
TE	Χ(	47) =	50.150	DELTA	47)=	6 <b>.65</b> 0	F( 47)=	0.000
TQ	Χ(	48)=	80.000	DELTAL	48) <b>=</b>	0.000	F( 48)=	-1.352
TC1	Χ(	49) =	75.000	DELTAI	49) 🕫	0.000	F( 49)=	-0.319
TC2	XC	50)¤	85.000	DELTA	50)=	-0.000	F( 50)=	-52.000
WC	Χ(	51)=	1826.621	DELTA	51)=	-27.378	F( 51)=	0.000
UAC	X(	52)=	582e874	DELTAI	52)=	-8.825	F(: 52)=	0.000
XL	Χ(	53) ¤	0.373	DELTAI	53)=	0.023	F( 53)=	0.000
CPW	Χ(	54)=	1.000	DELTAI	54) s	0.000	F( 54)=	0.000
HV	X (	55)=	546.362	DELTA	55) <b>e</b>	16.362	F( 55)=	0.000
TL	Χ(	56)=	211.487	DELTAI	56) =	1.487	F( 56)=	209.905
XV	X (	57) =	0.944	DELTA	57)=	-0.005	F( 57)=	2:281
WG	X (	58)=	1501.558	DELTAI	58)=	-51.441	F( 58)=	1.000
QTA	XC	59) =	405.166	DELTAI	59)≖	-13.393	F( 59)=	0.116
UATA	X (	60) 🖻	12.989	DELTA	60)=	0.589	F( 60)=	-2048.539
CP8	XC	61)=	0.857	DELTAI	61)=	0.000	F( 61)=	0.000
HM	XC	62)=	70.136	DELTA	62)=	-1.003	F( 62)=	24.777
TM	Χ(	631=	101.316	DELTAI	63)=	1.316	F( 63)=	0.005
WA	Χ(	64)=	2913.955	DELTAI	64)=	-40.044	F(.64)=	2.924
TA1	X (	65)=	75.000	DELTA	65)=	-0.000	F( 65)=	-0.077
TA2	X (	66) =	85.000	DELTAF	66)=	0.000	F( 66)=	2.999
WE	Χ(	67)=	1379.294	DELTAI	67)=	-15.705	F( 67)=	0.000
UAE	XI	68) 🗯	1022.422	DELTAI	68)=	-148.577	F( 68)=	0.000
UAA	Х (	69) s	2132.635	DELTAI	69)=	-848.364	F( 69)=	0.000
GTB	Χ(	701=	32106.156	DELTA	70)=	29.156	F( 70)=	0.000
TG1	Χ(	71)=	350.000	DELTAL	71)=	0.000	F( 71)=	0.000
TG2	XC	72)=	300.000	DELTAI	721=	0.000	F( 72)=	0.000
TE1.	X(	7310	57.650	DELTA	73)=	6.650	F( 73)=	0.000
TE2	Χ(	74) s	42.650	DELTA	74)=	6.650	F( 74)=	- 0.000
UATB	X (	75)=	1102.873	DELTA	. 75) a	4.873	F( 75)=	0.000
SV	Χ(	76)=	0.450	DELTAI	76)=	0.000	F( 76)=	0.000
			•					

-116-

### ITERACAO NUMERO 2 NUMERO DE EQUACOES 76

VALOR DA PROPRIEDADE INCREMENTO

#### RESIDUO

P1	х (	1) =	200.000	DELTAI	1)=	0000	F(	1)=	0.000
P2	X (	2) 🖬	30.000	DELTÃ	2) =	-0.000	F(	2)=	0.000
• T1	X(	3) =	85.713	DELTA	3)=	-0.001	F(	3)=	0.000
T2	X(	4) 🛚	85.718	DELTAL	4)=	-0.001	F(	4)=	-0.000
Ť3	XC	5)=	201.486	DELTA	5)=	-0.001	F(	5)=	0.000
T4	X(	6)=	240.000	DELTAL	6)=	0.000	۲ (	6)=	-0.000
T5	X(	7) =	107.095	DELTAI	7)=	-0.003	F(	7)=	0.042
T6	х (	8)=	107.095	DELTAI	8)=	-0.003	F(	8)=	0.000
T7	Xt	9) <b>a</b>	130.000	DELTAI	9)=	0.000	F(	9)=	-0.000
<b>T</b> 8	XC	10)=	95.767	DELTAI	10)=	0.000	F (	10)=	-0.000
<b>T</b> 9	Xt	11)=	85.767	DELTA	11)=	0.000	FL	11)=	0.000
<b>T1</b> 0	XC	12)=	2.004	DELTAI	12)=	<b>0.</b> 000	F (	12)=	-0,000
T11	X (	13)=	52.659	DELTAI	13)=	0.009	F(	13)=	0.000
T12	Xt	14)=	66.846	DELTAI	14)=	-0.000	F (	14)=	0.000
X1	Χ(	15)=	0.401	DELTA	15)=	0.000	F (	15)=	-0:000
×2	X(	16)=	0.301	DELTAI	16)=	.0.000	F(	16)=	0.006
• X 3	Х(	17)=	0.996	DELTA	17)=	-C.OOC	F (	17)=	-0.384
M1	X (	18)=	250.303	DELTAI	18)=	0.002	<b>F (</b>	18)=	-0.000
M2	Χ(	19)=	214.347	DELTAI	19)=	0.000	F(	19),=	0.156
M3	X (	20) =	35.955	DELTA	20)=	0.001	F (	20)=	-0.001
H1	X (	21)=	-46.281	DELTA(	21)=	-0.001	<b>F (</b>	21)=	-0.034
H2	X (	22)=	-45.693	DELTA	22)=	-0.001	<b>F (</b>	22)=	7.458
H3	X (	23)=	82.576	DELTAI	23)=	-0.001	<b>F</b> (	23)=	0.047
H4	"X(	24) =	136.868	DELTAI	24)=	-0.000	<b>F (</b> .,	24)=	0.010
HS	X (	25) =	-12.919	DELTA(	25)=	-0.003	F(	25)=	0.000
H6	X	26)=	-12.919	DELTAI	26)=	-0.003	<b>F</b> (	26)=	-0.000
H7	Χt	27)=	581.485	DELTA(	27)=	0.042	F (	27)=	-2.849
HB	X (	28)=	73.399	DELTAI.	28)=	-0.000	F (	28)=	-0,000
H9	Xt	29)=	62.129	DELTAI	29)=	-0.000	<b>F</b> (	29)=	0.000
H10	X (	30)=	62.129	DELTAI	30)=	-0.000	F (	30)=	0.000
H11	X (	31)=	553.999	DELTAL	31)=	-0.000	- F (	31)=	0.000
H12	X (	32)=	565.269	DELTAI	32)=	-0.000 '	<b>F</b> (	32)=	0.006
V1	Χt	33)=	0.018	DELTAI	33)=	0.000	F (	33)=	0.000
QG	X (	34)=	33903.693	DELTAI	34)=	75.533	F (	34)=	-0.000
GD	X	35)=	4327.703	DELTAI	35)=	71.863	<b>F</b> (	35)=	0.000
QE	ΤX (	36)=	17685.621	DELTAI	36)=	0.900	<b>F (</b>	36)=	-0.155
QA	Х(	37)=	29139.951	DELTAI	<u>3</u> 7)=	0.401	F(	37)≠	0.000
QC	X (	38)=	18268.677	DELTAI	38)=	2.461	F(	38)=	0.000
XL7	X(	39)=	0.670	DELTA	39)=	0.000	F(	391=	0.001
XL12	X (	40)=	0.465	DELTAL	40)=	0.000	F(	40)=	-0.000

#### CONTINUAC 2

AC DA	ITERACAO	
-------	----------	--

•									
COP	Χ(	41)=	0.521	DELTAI	41)=	-0.000	F (	41)=	-292.352
COPM	Χ(	42) #	5.335	DELTAI	42)=	0.188	F(	42)=	0.000
NR	X (	43)=	C.097	DELTA	4310	0.706	F(	431=	-3.586
HP	X(	44)=	4.523	DELTAI	44) 🛚	-0.000	F(	44) 🖬	-727.399
OP	Χ(	45)=	147.017	DELTAI	45) =	-0.002	F(	45)=	0.000
TG	Xt	46) =	325.000	DELTAI	46)=	0.000	FL	46)=	0.000
ΤE	X¢	47) =	50.159	DELTA(	47)=	0.009	F(	47)=	0.000
TO	X(	48) <b>s</b>	80.000	DELTAI	48)=	-0.000	F (	48)=	-0.002
TC1	Х (	49)=	75.000	DELTA(	491=	0.000	F(	49)=	-0.000
TC2	X (	50)=	85.000	DELTAI	50)=	0.000	F (	50)=	0.050
wC	X (	51)=	1826.867	DELTA(	51)=	0.246	F (	51)=	0.000
UAC	X(	52)=	582.965	DELTAI	52)=	0.090	F (	52)=	0.000
ХL	X(	53) a	0.373	DELTA(	53) ¤	<b>0.0</b> 00	F (	53)=	0.000
CPV	X(	54)s	1.000	DELTAI	54) 🛚	0.000	F (	54)=	-0-000
HV	Χ(	55) <b>=</b>	646.911	DELTA	55)=	0:549	F (	55)=	0.000
TL	X (	56)=	211.486	DELTA	56)¤	-0.001	F (	56)¤	-1.079
XV	XC	57)=	0.943	DELTAI	57)=	-0.001	F(	57)=	0.003
WG	X(	58)e	1505.002	DELTAI	58) e	3.443	F (	58)=	-0.000
Î QTA	Χ(	59)=	405.234	DELTAI	59)=	0.067	F(	59)=	-0.000
UATA	Xí	60) =	13.086	DELTA	60)=	0.096	F (	60)=	0.939
CPB	X (	61)=	0.857	DELTAI	61)=	0.000	F(	61)=	0.000
HM	X (	62)=	70.137	DELTA	62) •	0.000	FL	62)=	0.090
TM	X (	63)=	101.313	DELTAI	63)=	-0.002	F (	63)=	0.000
WA	XL	64) =	2913.995	DELTAI	64) =	0.040	F(	64)=	0.186
TAL	, Х (	65)=	75.000	DELTA	651=	0.000	F(	65)=	0.709
TA2	X	66) 🕿	85.000	DELTAI	66)=	-C.000	F (	66)=	-0.003
WE	X (	67)=	1375.783	DELTAI	67)=	-3.511	F (	67)=	0.000
UAE	Х (	68)=	1039.504	DELTAI	63)=	17.082	F (	68)=	0.000
UAA	X (	69) =	2187.541	DELTAC	69)=	54.905	F(	69)=	0.000
OTB	X (	70)=	32106.494	DELTAI	70)=	0.338	F (	70)=	0:000
TG1	X (	71)=	350.000	DELTAI	71)=	0.000	F(	71)=	0.000
TG2	Х (	72)=	300.000	DELTAI	72)=	0.000	F(	721=	0000
TEL	X (	73)=	57.659	DELTAI	73)•	0.009	F (	73)=	0.000
TE2	X (	-74) =	42.659	DELTA	74)=	C+009	F (	74)=	0.000
UATB	X (	75)=	1102.957	DELTAL	75)=	0.084	F (	75)=	0.000
¢۷	Xt	76) =	0.450	DELTAI	76)=	0.000	Fl	76)=	0.000

-118-

RESIDUO

<b>D</b> ¶	v ,	110	<b>2</b> 00,000		0.000	E 1	1.5.	-0-000
22		1/2	200.000				23	
۳2 ۴۱	$\hat{\mathbf{x}}$	214	90.000			F (	31=	0.000
14 T 7			65.718		0.000	51	418	0.000
14		4 / H	201 486	DELIAL FI		51		0.000
1 J 4 A	÷.	<u> </u>				51	618	-0.000
1 ** T E	÷.	71-	2400000	DELTAL DI		E (	71=	-0.000
12	<u>.</u>	() H	107.095	DELTAN AND		51	81=	
10	$\hat{\mathbf{v}}$	01-	130-000	DELTAL GIS	0.000	E (	0)= Q1=	0,000
1 / 4 g	$\hat{\mathbf{v}}$	1010	95.767		0.000	F (	1018	-0.000
10 TQ	$\hat{\mathbf{y}}$	111#	95.767	DELTAL 11)		FI	1115	0.000
<b>T1</b> 0	$\hat{\mathbf{v}}$	1210	2.004		+0.0000	FI	121=	-0.000
T11	$\hat{\mathbf{x}}$	12)0	52.659		-0.00C	FI	1310	-0,000
T12	$\frac{1}{x}$	141=	66.846	OFLTA( 14)		FL	14)=	-0.000
Y1	$\hat{\mathbf{x}}$	1510	0.401	DELTAL 151	-0.000	FI	15)=	-0.000
X 2	$\frac{1}{x_1}$	16)=	0.301	DELTA( 16)	0.000	FL	16)=	0.000
X 3	x i	1710	0.996		0 <b>000 0 −</b> 0	FL	17)=	0.000
~ <b>⊿</b>	-Q-	1910	250.302	DELTAL 181	-0.000	FL	18)=	0.000
- 0 ▲ - √ 19	Ŷ.	1916	214.347	DELTAL 191	<b>=0.00</b> 0	FL	1918	0.000
Ma	XI	201=	25,955	DELTAL 201	-C.OOO	FL	2018	-0.000
н1	$\hat{\mathbf{x}}$	211=	-46.281	DELTA( 21)	0.000	FI	2115	-0.002
H2	$\frac{1}{xt}$	2210	-45.693	DELTAL 221	0.000	FI	2218	0.211
HS	xi	2318	82.576	DELTA( 23)	0.000	Ft	231=	0.000
	xi	24)=	136.863	DELTAL 24)	+0.000	. FL	241=	-0.000
H6	xi	2510	-12,919	DELTA( 25)	0.000	FI	251=	0.000
HA	Ŷ	2618	-12,919	DELTAL 261	0.000	FL	261=	0.000
H7	$\hat{\mathbf{x}}$	2710	581.485	DELTAL 271	-0.000:	FL	271=	-0.000
ня	xi	2810	73.399	DELTAL 281	0.000	FL	28)=	0.000
HQ	Xi	29) 8	62.129	DELTA( 29)	0.000	Ft	291=	0.000
н10	xt	30) s	62.129	DELTA( 30)	0.000	FL	301=	0.000
н11 •	XI	31) =	553.999	DELTA( 31)	0.000	FL	31)=	-0.000
H12	xt	32) =	565.269	DELTAL 32)	-0.000	FL	32)=	0.000
v1	X	331=	0.018	DELTA( 33)	-0.000	FC	33)=	-0.000
0G	X	34)≊	33903.740	DELTA( 34)	0.047	F	34)=	0.000
OD	XI	35) a	4327.809	DELTA( 35)	0.106	F	35)=	0.000
QE	XI	36)=	17685.585	DELTA( 36)	-0.036	FL	36)=	0.000
QA	XC	3710	29139.894	DELTA( 37)	-0.057	FL	371=	0.000
QC	X	381=	18268-639	DELTAL 381	-0.037	FL	38)=	0.000
XL7	XC	391=	.0.670	DELTAL 391	0.000	FL	3910	-0.000
XL12	XI	40)=	0.465	DELTA( 40)=	0.000	F(	40)=	0.000
		· ·		· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	· · · · · ·			

#### CONTINUACAO DA ITERÁCAO 3

-	

.

COP	Χ(	41) 🖻	0.521	DELTAI	41)=	-0.000	F(	41)=	0.103
COPM	XC	42)=	5.335	DELTAI	42)=	-0.000	F(	42)=	0.000
NR	Χ(	43) <b>=</b>	0.097	DELTA	43) <b>=</b>	0.000	F(	43)=	-0.005
HР	X (	44)=	4.623	DELTA	44) =	-0.000	F(	44)=	-0.098
QP	Xt	45)=	147.017	DELTA	45)=	-0 <b>.0</b> 00	F(	45)=	-0.000
TG	X (	46)=	325.000	DELTA	46)=	0.000	F(	46) <b>=</b>	0.000
ŤΕ	XL	47)=	50.159	DELTA	47)=	-0.000	F(	47)=	0.000
то	Х(	48)=	80.000	DELTAI	48)=	0.000	F(	48)=	0.000
TC1	X(	49)=	75.000	DELTAI	49)=	0.000	F(	49)=	0.000
TC2	Χ(	50)=	85.000	DELTAI	50)=	0.000	F(	50)=	-0.000
wC	Χ(	51)a	1826.863	DELTA	51)=	-0.003	F(	51)=	0.000
UAC	Χ(	52)=	582.964	DELTA(	52)=	-0.001	F(	52)=	0.000
ХL	Х(	53)=	0.373	DELTA	53) =	-0.000	F (	53)=	0.000
CPW	X(	54)=	1.000	DELTA	54)=	-0.000	F(	54)=	0.000
ΗV	Χ(	55)=	646.909	DELTAI	55)=	-0.002	F(	55)=	0.000
TL	Х(	56) =	211.486	DELTA	56)=	0.000	F(	56)=	-0.003
٠X٧	Χ(	57) =	0.943	DELTAI	57)=	-0.000	F(	57)=	-0.000
V:G	X(	58)=	1505.004	DELTAI	58)=	0.002	F(	58)=	-0.000
QTA	Χ(	59) =	405.233	DELTAI	59)=	-0.000	F(	59)=	0.000
UATA	Xť	60)=	13.085	DELTA(	60)=	-0.000	F(	60)=	-0.000
CPB	X (	61)=	0.857	DELTA(	61)=	0.000	F(	61)=	0.000
• HM	Xţ	62)=	70.137	DELTA(	62)=	-0.000	F(	62)=	-0.000
T M	XĹ	63)=	101.313	DELTA	63)=	0.000	F(	63)=	0.000
WA	• <b>X</b> (	64) #	2913.989	DELTAI	64)=	-0.005	F(	64)=	-0.000
TAL	Χſ	65)=	75.000	DELTA	65)=	-0.000	F(	65)=	0.000
TA2	XI	66)=	85.000	DELTAI	66)=	0.000	F(	66)=	0.000
wE	Χ (	67) 🖻	1375.774	DELTA	67)=	-0.008	F(	67)=	0.000
UAE	XL	68) =	1039.496	DELTA	68)=	-0.008	F (	68)=	0.000
UAA	Χ(	69)=	2187.539	DELTA	69)=	-0.001	F(	69)=	0.000
<b>CTB</b>	X(	70)=	32106.465	DELTA	70)=	-0.028	FI	70)=	0.000
TG1	Xt	71)=	350.000	DELTAI	71)=	0.000	F (	71)=	0.000
TG2	X (	72) 🛤	300.000	DELTA	72)=	0.000	[:] F(	72)=	0.000
TE1.	Х(	731=	57.659	DELTA	73)=	-0.000	F(	731=	0.000
TE2	Χ(	74)≘	42.659	DELTAI	74}=	-0.000	F(	741=	0.000
UATB	Χ(	75)=	1102.957	DELTAI	75)=	0.000	FI	75)=	0.000
CV	X (	76)=	0.450	DELTAI	76)=	0.000	FL	76)=	C.000

CURVERGERCIA DO SISTERA *

.

ITERACAU DE CULVEROBUCIA - UNEXU - 4

.

VALUPES NATCONVERCENCIA

21	χţ	11=	206.0.0	DELTAL	1)=	0.00C	۴t	11=	0.000
0.2	xi	2)=	30.000	OFLIAL	2)=	0.000	ΞL	21=	-0.000
T 1	$\frac{1}{xt}$	2)=	£6.71s	DELTAL	3)=	0.000	FI	3)=	0.000
T 2	- <u>x</u>	4)=	85.710	LTAL	(4)=		ΞĹ	4)=	0.000
1 3	xt	5)=	201-486	TAC	5)=	0.000	FU	5)=	-0.000
74	K I	61 =	245.020	Test	5)=	-2.013	FI	6)=	-0.000
<b>†</b> -	xi	73 m	107.05/	1. T. I.	71 ቋ	0.000	Ξi	7)=	-0.000
Ti.	$\frac{1}{xt}$		107.056	TAL	5)=	0.000	FL	3)=	3.000
37	Xt	01=	130.0130	5. 140	91=	-0.030	51	91=	. 0.000
T -	Xt	1 =	95.767	LTAL	10)=	0.000	FC	10)=	-0.000
<b>T</b> 9	XI	]])m	35.757	SELTAC	11)=	0.000	FI	11)=	-0.000
T10	Xt	12)=	2.004	DELINE	12)=	3.000	FL	12)=	-0.000
TII	xí	13)=	52.659	DELTAC	13) =	-0.000	Ft	13)=	0.000
T12	XC	14)=	66-845	DELTAL	14)=	0.000	FI	14)=	-0.000
×1	XC	15)=	0.401	DELTAL	15)=	-0.000	F	15)=	0.000
X2	X (	16)=	0.301	SELTAL	15)=	-0.000	F	15)=	0.000
λ3	X	17}=	0.996	DELTAL	17)=	-0.000	FI	17)=	-0.000
¥1	xi	18)=	250.3.2	DELTAL	18)=	-0.000	۶(	18)=	0.000
· ?	X (	19)=	214.347	DULTAL	19)=	-0.000	FL	19)=	0.000
. 3	XC	20)=	35.955	DELTAL	20)=	-0.000	F(	2-1)=	0.000
-11	XC	21)=	-46.281	DETAL	21)=	0.000	≂(	21)=	
12	X (	221=	-45-693	DELTAL	22)= -	000 <b>0</b> 10	F(	221=	ひょうのひ
r13	X (	23)=	82.575	DELTAL	23)=	0.000	F(	23)=	
.:4	Χ(	24)=	136.855	DELTA(	24)=	0.000	E (	24)=	-0.JCC
:15	X (	25)=	-12.91d	DELTAL	25)=	0.000	⊆(	25)=	10.000
45	XC	26)=	-12.910	DELTAC	21)=	ପ୍∎ପ୍ରତ୍ୟ	F(	26)=	<b>0.</b> 000
H7	Χ(	27)=	591.485	DELTA(	27)=	-0.000	F (	27)=	-0.000
118	Χ(	28)=	73.357	DELTA (	53)=	0 <b>.</b> 008	÷ (	28)=	0.000
HS	Х(	29)=	62.129	DELTAC	29)=	-000	F (	291=	0.000
9 <b>1</b> 0	Х (	30)=	62•129	JELTHI	30)=		F (	30)=	0.000
H11	Х (	31)=	553.999	DELTAL	31)=	C.COC	F (	31)=	-0.JUC
-12.	Х (	32)=	565-269	DELTA(	32)=	-0.00C	<b>ř</b> (	32)=	$\mathbf{C} \bullet \mathbf{C} \mathbf{C} \mathbf{C}$
V1	JX C	33)=	0.018	<b>LT</b> t	=(زق	-0.000	F (	33)=	0.000
06	X (	34)=	33903.632	DELTRO	34)=	-0.107	F (	34)=	0.000
00	Xt	35)=	4327.PQ2	DELTAL	35)=	<b>-0</b> .005	F(	35)=-	0.000
ЭE	X(	36)=	17695.521	DELTAC	26)=	-0.C64	F-(	36)=	0.000
CA	Χl	371=	29139.795	DULTAC	37)=	-0.099	F (	371=	0.007
GC	X (	30)=	18268.573	DELTAL	33)=	-0.Ci6	F(	331=	0.000
XL7	XC	3°) =	0.670	JELTA (	39)=	-0000	E (	39)=	0.000
XL12	X(	40)=	0.465	DELTAL	40) <b>=</b>	-3.000	F (	4C)=	0.000

۰.

٠

CONTINUACAD DOS VALORES DE CONVERGENCIA 4

..

, .

•

.

COP	XI	41)=	0.521	DELTA	41)=	-0.000	F(	<u>41)=</u>	-0.000
COPM	Xť	42)=	5.335	DELTA	42)=	-0000	Fl	42)=	0.000
LR	XL	43)=	0.097,	DELTAI	43)=	-0.000	F(	43)=	0.000
HP	Χ(	44) 📾	4.623	DELTA(	44}=	<b>-0.0</b> 00	F(	44)=	0.000
QP	X (	45)=	147.017	DELTA	45)=	-0.000	<b>F</b> (*	45)=	0.000
TG	XL	46)=	325.000	DELTA	46)=	0.000	F(	46)=	0.000
TE	X (	47) o	50.159	DELTAI	47)=	<b>-0.00</b> 0	F(	47)=	0.000
TO	X (	48) =	80.000	DELTAI	48)=	-0.000	F(	48)=	-0.000
TC1	X (	49) <b>a</b>	75.000	DELTA	49)=	-0.000	FL	49)=	0.000
TC2	X (	50)=	85.000	DELTA	50)=	-0.000	F(	50)=	0.000
WC	X(	51)e	1826.857	DELTAI	51)=	-0.006	F(	51)=	0.000
UAC	X (	52)=	582.962	DELTA	52)=	-0.002	F(	521=	Q.000
XL	Χł	53)=	0.373	DELTAI	53)=	-0.000	F (	53).¤	0,000
CPW	X (	54)=	1.000	DELTA	54)=	-0.000	F(	54)=	0.000
HV	X (	55) =	646.909	DELTAI	55)=	0.000	F(	55)=	0.000
TL	Χ(	56) =	211.486	DELTA	56)=	0.000	F(	56)=	0.000
XV	X (	57)=	0.943	DELTAI	57)=	-0.000	F (	57)=	0.000
WG	X (	58) s	1504.999	DELTA	58) a	-0.004	F (	58)=	-0.000
QTA	X (	59)=	405.231	DELTAI	59)=	-0.001	F(	59)=	-0:000
UATA	Χ(	60) =	13.085	DELTAI	60)=	-0.000	Fl	60)=	0.000
CPB	XE	61)=	0.857	DELTAI	61)=	0.000	F.(	61)=	0.000
HM	Χ(	62)=	70.137	DELTA	62)=	-0.000	Fl	621=	0.000
TM	X(	63)=	101.313	DELTA	63)=	0.000	F(	63)=	-0.000
WA "	X (	641=	2913.979	DELTAI	64)=	-0.009	FL	64)=	-0.000
TA1	X (	65)=	75.000	DELTAC	65)=		Fl	65)=	0.000
TA2	Χ(	66)=	85.000	DELTA	66)=	-0.000	F (	66)=	-0.000
WE	X (	67)=	1375.769	DELTA	67)=	-0.004	F(	671=	0.000
UAE	Χ(	68)=	1039.493	DELTAL	68)=	-0.003	F (	68)=	0.000
UAA	X (	69)=	2187.518	DELTA	. 69) =	-0.020	F(	69)=	0.000
QTB	X (	70)=	32106.448	DELTA	70)=	-0.017	Fl	70)=	0.000
TG1	X (	71)=	350.000	DELTA	71)=	0.000	F(	71)=	0.000
TG2	Х (	72)=	300.000	DELTA(	72)=	0.000	F (	72)=	0.000
TE1	X (	73)=	57.659	DELTA(	73)=	-0.000	F(	73)=	0.000
TE2	Χl	74)=	42.659	DELTA(	74)=	-0.000	F (	74)=	0.000
UATB	Χ(	75)=	1102.959	DELTAI	75)=	0.001	F (	75)=	0.000
cv T	X (	76)=	0.450	DELTA	76)=	0.000	F(	76)=	0.000
					•				

.

#### 6.1 - Condições de Funcionamento do Sistema

O sistema simulado foi o sistema básico apresentado na Fig. 2.2 , tendo como agente de aquecimento vapor de água superaquecido .

Foram escolhidas as seguintes condições de operação para o sistema :

- temperatura do vapor superaquecido na entrada do gerador,

$$tg_1 = 350^{\circ}F$$

- temperatura do vapor superaquecido na saída do gerador,

$$tg_2 = 300^{\circ} F$$

- temperatura da mistura líquida na saída do gerador ,

$$T_4 = 240^{\circ} F$$

- temperatura do vapor na saída do deflegmator,

 $T_7 = 130^{\circ}F$ 

- pressão no lado de alta,

$$P_1 = 200 \text{ psia}$$

- pressão no lado de baixa ,

$$P_2 = 30 psia$$

 temperatura da água de condensação na entrada do condensa dor ,

$$tc_1 = 75^{\circ}F$$

 temperatura da água de condensação na saída do condensador ,

 $tc_2 = 85^0 F$ 

- calor específico da salmoura,

$$Cp_{b} = 0,857 \text{ Btu/lb}^{\circ}\text{F}$$

Com o sistema funcionando nas condições propostas foram obtidos os resultados apresentados nos Quadros 6.1, 6.11, 6.111, 6.1V

#### 6.2 - Discussão dos Resultados

Pela observação do Quadro 6.V, pode-se concluir que os polinômios de Jain¹² são aplicáveis em faixas de pressões relativamente inferiores ãs recomendadas. Fora das pressões recomendadas, 50 a 80 psia e 250 a 350 psia, os valores ca<u>l</u> culados pelos polinômios, quando comparados com os tabelados pelo IGT¹¹, apresentaram um erro máximo de aproximadamente 10% para entalpia do líquido a 30 psia e um erro máximo de 0,5% para temperatura do líquido a 200 psia. Possivelmente em pressões i<u>n</u> feriores a 30 psia o erro aumentarã.

Para a concentração de vapor foi observado um erro de 9,2% na concentração de água no vapor (lb de água/lb de vapor); este erro é baseado na concentração de água da mistura . J<u>a</u>  $in^{12}$  mostra que este erro na realidade não afeta a precisão dos resultados, pois quando a concentração de líquido excede 0,6 ... lb NH₃/lb mistura, a concentração de água no vapor é inferior a 0,01 lb H₂0/lb mistura .

Observando-se o Quadro 6.IV, nota-se um alto valor do COP_{máx}. Isto ocorreu porque para cálculo deste valor usou-se a temperatura média da fonte, que foi assumida muito alta, muito embora a temperatura de saída do gerador tenha sido assumida a



240⁰F . Isto realmente não ocorre nos sistemas reais . Naturalmente a razão de reversibilidade terá um valor muito baixo, já que o COP da instalação foi calculado em bases reais .

Os valores mostrados no Quadro 6.I , estão plotados no diagrama Amônia-Água , Fig. 6.1; nesta figura pode-se ver que os dados obtidos na solução do modelo são coerentes com os v<u>a</u> lores do sistema funcionando nas condições propostas .

#### 6.3 - Exemplo de Aproveitamento de Energia Residual

Uma considerável parcela da energia calorífica do combustível nos motores Diesel, é rejeitada nos gases de escapamen to . A Fig. 6.2 mostra um esquema de balanço térmico de um motor de fabricação MAN²⁹ modelo G7V40/60 m.A , onde 23,24 % de ener gia do combustível é rejeitada nos gases de escapamento. Esta ener gia pode ser aproveitada para acionar um sistema de refrigeração por absorção .

No esquema de aproveitamento de energia mostrado na Fig. 6.2, os gases de escapamento após sairem do turbo-compressor passam por um trocador onde cedem energia para o vapor de água que vai acionar o sistema de refrigeração.

Considerando-se que a unidade de refrigeração vá funcionar nas mesmas condições que o exemplo simulado , tem-se os seguintes dados :

- temperatura do vapor superaquecido na entrada do gerador,

 $tg_1 = 375 {}^{0}F$ 

-125-



Fig. 6.2 — Recuperação dos gases de escape de um motor Diesel."

÷
- temperatura do vapor superaquecido na saída do gerador,

$$tq_2 = 292^{\circ}F$$

- temperatura da solução fraca na saída do gerador,

$$T_{4} = 240^{\circ} F$$

- temperatura da mistura de vapor na saída do gerador,

$$T_7 = 130^{\circ} F$$

- pressão no lado de alta ,

$$P_1 = 200 \text{ psia}$$

- pressão no lado de baixa ,

$$P_2 = 30 \text{ psia}$$

- coeficiente de performance da instalação,

$$COP = 0,521$$

- calor entreque pelos gases de escapamento do motor Diesel,

Q = 1.520 Btu/hora HP

Tem-se da Eq. (3.88) que

$$COP = \frac{Q_e}{Q_q}$$

Pode-se então calcular o calor de evaporação

$$\Omega_e = COP \times \Omega_g$$
  
 $\Omega_e = 0,521 \times 1520$   
 $\Omega_e = 791,42$  Btu/hora HP

Considerando-se um motor de 200 HP, tem-se

nistura de va

ou

Este exemplo mostra a potencialidade dos sistemas de refrigeração por absorção e a necessidade do desenvolvimento de seu estudo visando o aproveitamento de energia térmica residual.

### -129-

### Quadro 6.1 - Propriedades Termodinâmicas

### e Fluxo de Massa

PONTO	PRESSÃO psia	TEMPERATURA [°] F	CONCENTRAÇÃO lbNH3/lb mis	ENTALPIA Btu/lb mis	FLUXO DE MASSA lb mis./ hora
1	30	85.71	0.401	- 46.28	250.3
2	200	85.71	0.401	- 45.69	250.3
3	200	201.4	0.401	82.57	250.3
. 4	200	240.0	0.301	136.86	214.3
5	200	107.09	0.301	- 12.91	214.3
6	30	107.09	0.301	- 12.91	214.3
7	200	130.0	0.996	581.4	35.9
8	200	95.7	0.996	73.39	35.0
9	200	85.7	0.996	62.12	35.9
10	30	2.0	0.996	62.12	35.9
11	30	52.6	0.996	553.99	35.9
12	30	66.8	0.996	565.26	35.9
<b>m</b> *	30	101.3	0.401	70.13	250.3
P1**	200	211.4	0.943	646.9	
P2**	200	211.4	0.373		

Concentração de líquido correspondente a T₇ :  $XL_7 = 0.670$ Concentração de líquido para cálculo de T₁₂ :  $XL_{12} = 0.465$ 

* Propriedades do ponto de mistura no absorvedor .

** Valores das propriedades para traçado da Linha Principal de Operação do Sistema .

Componente	TEMP. ENTRADA F	TEMP. SAIDA F	FLUXO DE MASSA lb/(hora)	FLUXO DE CALOR Btu/(hora)	U A Btu/ [°] F (hora)
Condensador	75	85	1826,8	18.268,5	582,9
Evaporador	57,6	42,6	1375,7	17.685,6	1039,4
Absorvedor	75	85	2913,9	29.139,7	2187,5
Gerador	<b>3</b> 50	300	1504,0	33.903,6	-
Pré-Aquecedor	-	-	-	32.106,4	1102,9
Pré-Resfriador	-	-	-	405,2	13,0
Bomba	-	-	-	147,0	
Deflegmator	-	-	-	4.327,8	-

## Quadro 6.II - Características dos Componentes

## Quadro 6.III - Balanço Térmico do Sistema

COMPONENTE	CALOR RECEBIDO Btu/(hora)	CALOR REJEITADO Btu/(hora)
Condensador	-	18.268,5
Evaporador	17.685,5	-
Absorvedor	-	29.139,7
Bomba	147,0	-
Gerador	33.903,6	. –
Deflegmator		4.327,8
TOTAL	51.736,1	51.736,0

## Quadro 6.IV - Performance da Instalação

					COP	COP _{máx}	'nR
Temp. média	do agen	te d	e aquecimento	325			
Temperatura	média	do	meio	80	0,521	5,335	0,097
Temperatura	média	da	salmoura	50,1			

### Quadro 6.V - Valores Calculados nos Pontos de Equi-

## líbrio e Valores das Tabelas do IGT 10

		CONCENTRAÇÃO	TEMPERATURA		ENTALPIA	
PONTO	PRESSÃO	DE AMÔNIA NO LÍOUIDO	VALOR CALCULADO	VALOR DO IGT	VALOR CALCULADO	VALOR DO IGT
						· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
1	30	0,401	85,7	85	- 46,2	- 51,5
3	200	0,401	201,4	200	82,5	78,8
4	200	0,301	240	240	136,8	137,2
7	200	0,670	130	130	581,4	584,7 [*]
8	200	0,996	95,7	95	73,39	72,2*
12	30	0,465	66,8	66	565,26	571 *
Quant	Quantidade de ãgua no vapor a 200 psia - calculado:0.04-IGT:0,0438					
		<u></u>	-			

"Valores interpolados linearmente .

# CAPÍTULO 7

.

### - CONCLUSÕES E RECOMENDAÇÕES

O objetivo deste trabalho foi simular um sistema de refrigeração por absorção utilizando a mistura binária amônia-água. Pelos resultados obtidos pode-se verificar que este objetivo foi a<u>l</u> cançado .

O modelo matemático desenvolvido no Capítulo 4, co<u>n</u> siste de um número mínimo de equações capazes de fornecerem aquelas informações físicas de maior importância para a análise do sistema. É evidente que a medida que for necessária à obtenção de outras i<u>n</u> formações adicionais, o modelo passa a ser mais extenso.

Um dos recursos oferecidos pela simulação deste gêne ro, é a possibilidade de otimização do sistema. Desde que se estabe leça um método conveniente, possivelmente numérico, e, defina se qual o parâmetro a ser otimizado, através de cálculos sucessivos e em diferentes regimes de funcionamento pode-se chegar ao ponto oti mo . No entanto, a otimização deste sistema se torna proibitiva se se dispõe somente de um computador deste porte, IBM 1130. Devido limitações de capacidade de memória, foi necessária a utiliza as ção de memória auxiliar. Com isto, o tempo de simulação de um siste ma desta ordem de grandeza foi muito elevado, possivelmente necessi tando-se milhares de horas para a otimização. Todos esses programas podem ser adaptados, com ligeiras modificações, a outros computadores de maior porte . Com a resolução do sistema na memória principal, e ainda com a racionalização da programação, pode-se reduzir expressivamente o tempo de computação tornando possível então, a otimização num tempo de computação não exagerado..

Dois são os aspectos que dão validade a este trabalho. Primeiro, a oportunidade de aplicação da simulação digital, uma das mais modernas e poderosas ferramentas do engenheiro de projetos. Segundo, a contribuição dada ao desenvolvimento da técnica de solu ções de problemas térmicos com abordagem sistêmica .

As conclusões e recomendações mais importantes decorrentes deste trabalho são :

1. O modelo matemático é representativo do sistema físico.

3

2. Os métodos numéricos usados para simular o sistema são <u>a</u> dequados, desde que se tenha perfeito conhecimento físico do problema. Esta familiarização com o sistema físico é muito impor tante porque os valores assumidos para dar partida às iterações não devem estar muito fora da região de solução, afim de minimizar o p<u>e</u> rigo de divergência.

3. O volume de informações fornecidas pela simulação é sufi-

ciente para uma proveitosa análise física do sistema. Os dados obtidos permitem uma clara visão da performance do sistema r<u>e</u> al, funcionando sob determinadas condições .

4. O computador IBM-1130, com configuração de 16K na memó-

ria interna não é adequado para este tipo de simulação . A degradação do tempo de operação ocasionada pelo acesso frequente à memória auxiliar , torna proibitiva a otimização do sistema , par tindo-se do método de solução simultânea .

5. O método de solução simultânea permite facilmente var<u>i</u> ar as condições de funcionamento do sistema simulado, bem como fixar qualquer parâmetro cuja influência no sistema se deseja pesquisar .

6. Recomenda-se estudar a possibilidade de executar a simu lação do sistema Amônia-Água pelo método das substituições sucessivas. Fazendo-se uma subrotina para cada componente, pos sivelmente toda simulação poderá ser feita na memória principal do computador IBM-1130 . A Fig. 7.1 é uma sugestão de programação, b<u>a</u> seada no fluxo de informações necessárias entre os componentes. Se for possível simular o sistema proposto pelo método das substituições sucessivas, possivelmente poderá ser realizada a otimização do sistema .

7. Recomenda-se o estudo econômico comparativo entre os sis temas de absorção e de compressão mecânica, visando defi nir o campo de utilização econômica dos dois sistemas . Para isto' ha necessidade de se simular também o sistema de compressão mecânica .

8. O grau de sofisticação desta simulação pode ser aumenta-

do à medida que se estabeleça exatamente qual a concep ção dos trocadores de calor, absorvedor e gerador. Com isto se po de determinar com precisão as funções de transferência desses compo nentes, tornando a simulação mais precisa e realista. Também pode ser incluida na simulação, a análise de custos dos sistemas : fixos e operacionais.

-134-

12



Fig. 7 I - DIAGRAMA DO FLUXO DE INFORMAÇÕES

-135-

## APÊNDICE I

and and a second se

.

•

### EVOLUÇÃO DO ESTUDO DA MISTURA AMÔNIA-ÁGUA

Como viu-se no desenvolver deste trabalho, o conheci mento preciso das propriedades da mistura  $NH_3-H_2O$  é fundamental para análise do ciclo de refrigeração. O estudo destas propriedades data de antes do início deste século e vários pesquisadores realiza ram trabalhos práticos e teóricos visando determinar as pressões de saturação, conteúdo de vapor de água na amônia e entalpia do líqui do e vapor saturado .

Existiam três trabalhos que serviam de base para an<u>a</u> lise de ciclos de absorção  $NH_3-H_2O^{11}$ :

- o de Merkel e Bosnjakovic, apresentado em 1929 e usado até recentemente, apresentava um diagrama chamado Carta de Mol lier com a pressão variando de 0,3 a 300 psia ;
- o de K. Zinner, apresentado em 1934, também apresentava uma Carta de Mollier, sõ que ele partia de dados experimentais;
- o de G. Scatchard, apresentado primeiramente em 1929 e r<u>e</u> feito posteriormente em 1947..

Estes três trabalhos quando comparados os seus resu<u>l</u> tados apresenta**v**am diferenças consideráveis que prejudicavam a an<u>á</u> lise quantitativa dos ciclos .

Em 1960, Macriss e Eakin , patrocinados pelos IGT, iniciaram um importante programa de pesquisa que tinha como objet<u>i</u> vo final fazer uma revisão crítica das cartas e tabelas existentes, e ampliar suas faixas de pressão .

Macriss e Eakin^{4,11} verificaram então que com exceção dos dados apresentados por Zinner todos os outros tiveram a e<u>n</u> talpia da mistura saturada na fase líquida, calculada a partir dos seguintes dados :

- a) entalpia de saturação dos componentes puros ;
- b) do calor de mistura dos componentes puros ;
- c) das relações p-T-X para a mistura .

A entalpia da mistura era dada por :

$$H M = n_1 H_1 + n_2 H_2 + H_e + n_1 \left( v_1 - T \frac{dv_1}{dT} \right) (P - P_1) + (m_1 - T \frac{dv_2}{dT})$$

+ 
$$n_2 \left( v_2 - T \frac{dv_2}{dT} \right) (P - P_2)$$
 (A.1)

onde :

H₂ - entalpia do componente 2 - entalpia do componente l H - entalpia de saturação da mistura HM - entalpia da mistura H P - pressão da mistura - temperatura da mistura T - número de moles do componente 1 nı - número de moles do componente 2  $n_2$ - volume específico do líquido 1 V1 - volume específico do líquido 2 ₹2 - pressão do componente 1 P₁  $P_2$  - pressão do componente 2

Então foi assumido na Eq. (A.1) que o volume da mistura era igual à soma dos volumes dos componentes e que este volume era independente da pressão .

Os dados apresentados por Merkel e Bosnjakovic eram

baseados no calor da mistura calculada por Mollier em 1908, e também em relações P-T-X existentes na época. Na avaliação da en talpia líquida eles omitiram os dois últimos termos da Eq. (A.1).

Zinner em seu trabalho experimental determinou o ca lor da mistura, o qual apresentou um desvio em torno de 20% dos valores calculados por Mollier. Ele utilizou relações P-T-X de Wucherer e baseou-se na Eq. (A.1) para calcular a entalpia do 1<u>í</u> quido, abandonando também os dois últimos termos da equação.

Scatchard apresentou em 1947 novos valores para en talpia do líquido saturado, calculados também pela Eq. (A.1), so que agora incluindo os últimos dois termos da equação. Os resulta dos mostravam um aumento de 15% nas regiões de alta pressão, em relação aos valores obtidos por Zinner.

Seguindo a idéia de Scatchard, Macriss recalculou os valores das entalpias da mistura, através de computador utili zando as tabelas de água de Keenan e Keyes e da amônia do USNBS. Os resultados se aproximaram satisfatoriamente dos valores obtidos por Zinner na região de baixas temperaturas, e dos valores calcula dos por Scatchard na região de altas temperaturas.

Diante destes fatos o programa de pesquisa do IGT que visava comparar os dados existentes e extender a faixa de pres são então existentes, de 300 para 500 psia, foi ampliado para uma pesquisa mais extensa. Então foram medidos com um calorímetro' de fluxo; a capacidade calorífica da mistura Amônia-Água para quatro concentrações entre 0 e 40%, numa faixa de pressão de 50 a 500 psia. Os dados fora destas faixas foram obtidos por ' extrapolação . As tabelas do IGT apresentam a entalpia do líqui do como função da concentração de amônia no líquido e da temperatu ra entre -60°F e 470°F e com concentração variando entre 0 е 100% de amônia na mistura líquida ou como função da concentração de líquido e da pressão de saturação entre 1 psia e 500 psia.

A quantidade de vapor de água no vapor de amônia foi pesquisada pelo IGT¹¹ e são apresentados como função da temperatura de saturação e conteúdo de amônia no líquido ou como função da pre<u>s</u> são e conteúdo de amônia do líquido .

A entalpia do vapor também foi pesquisada experimentalmente, e os valores obtidos foram praticamente os mesmos que os calculados por Jennings e Shannon e por Scatchar. Os dados estão tabelados da mesma forma que os anteriores.

Jain e Gable¹², partindo dos dados apresentados p<u>e</u> lo IGT¹¹, propuseram um conjunto de equações polinomiais adaptados ao emprego em computador.

As equações foram desenvolvidas de maneira a cobrir uma faixa de pressão e concentração usuais nos sistemas de refrig<u>e</u> ração e ar condicionado .

Os polinômios foram divididos em dois grupos de equa ções. Um grupo para ser aplicado no lado de alta pressão, com preci são garantida entre 250 e 350 psia . O outro grupo, para o lado de baixa pressão com precisão garantida entre 50 e 80 psia. Estas pressões correspondem aos sistemas operando aproximadamente com tem peratura de condensação entre 110 e  $132^{\circ}F$  e temperatura de eva poração entre 22 e  $45^{\circ}F$ . Esta divisão em dois grupos de equações foi feita visando obter maior precisão dos polinômios ajustados .

Nas equações a concentração do líquido e a pressão aparecem como variáveis independentes, e tem a seguinte forma :

 $T = f_1 (XL, P)$   $HL = f_2 (XL, T)$   $XV = f_3 (XL, P)$   $HV = f_4 (XV, T)$ 

sendo que

 $T - temperatura, {}^{o}F$ 

HL - entalpia do líquido, Btu/1b solução

- XL concentração do líquido, lb amônia/lb solução
- XV concentração de vapor, lb amônia/lb sol. vapor
- HV entalpia do vapor, Btu/lb mistura de vapor

A entalpia destas equações foi determinada para as pressões recomendadas. A temperatura, entalpia do líquido e vapor e concentração do vapor foram calculadas para concentração do líquido variando com incremento de 0,1 lb de amônia/lb mistura e pressões de 50, 60, 70, 80, 250, 300 e 350 psia. Os valores calculados p<u>e</u> los polinômios dentro destes limites, e comparados com os dados de tabela do IGT ¹¹ dão erro máximo de :

+ 1,4°F, para as temperaturas

- + 3,5 Btu/lb, para entalpia do líquido a baixa pressão
- + 3,7 Btu/lb, para entalpia do vapor a baixa pressão
- + 3,5 Btu/lb, entalpia do vapor para alta pressão se XL > 0,36
- <u>+</u> 18 Btu/lb, entalpia do vapor a alta pressão de  $0,1 \le XL \le 0,5$
- ± 13% concentração de água, na concentração de vapor (lb água/ lb solução)

Este último erro pode parecer muito alto, entretanto ele é relatado em função da concentração de água. Para se ter uma idéia quando o líquido está a uma concentração superior a 0,6 a concentração de água no vapor é 0,01 lb de água/lb de mistura ¹². Então os 13% é um erro bastante baixo.

O erro de 18 Btu/lb para  $0,1 \le XL \le 0,5$  nos polinômios de alta pressão ocorre devido à extrapolação de valores me Q R O C

n

Fora das faixas de pressão especificadas acima, ex cedendo  $\pm$  50 psia no lado de alta e  $\pm$  10 psia no lado de baixa, os erros praticamente dobram de valor .

Com o estudo da mistura Amônia-Água realizado por Macriss ¹¹,⁴ , a análise quantitativa dos ciclos de refrigeração pode ser feita mais realisticamente e com maior grau de precisão.

# A P Ê N D I C E II

.

#### FONTES DE DIVERGÊNCIA

Normalmente a convergência nos métodos iterativos depende dos valores iniciais. Se estes valores estiverem na região de solução não existe o risco de divergência. Este aspecto ê ampl<u>a</u> mente abordado na literatura especializada . Entretanto, durante a resolução do modelo puderam-se caracterizar outras fontes de dive<u>r</u> gência, peculiares ao sistema simulado . Estas fontes foram :

> a) Nas equações dos trocadores de calor : se os ΔT's de entrada e saída forem iguais, a DMLT (diferença média logarítmica) será igual a zero e a derivada da função será nula ,

$$\frac{\partial f(UA)}{\partial UA} = 0$$

Isto, gerará indeterminação no sistema linearizado, mui to embora o modelo seja matematicamente consistente .

b) No subprograma que calcula  $T_{11}$  : esta temperatura ê calculada iterativamente e seu parâmetro de convergên cia ê  $H_{11}$ . Se a precisão de  $T_{11}$  não for grande, a derivada da função em relação a  $H_{11}$  será nula, isto é, se o critério de erro admitido na iteração for maior que o acréscimo de  $H_{11}$  para o cálculo da derivada, e<u>n</u> tão o valor da função  $T_{11}$  não se alterará devido a este acréscimo. Em consequência a derivada será nula . Neste caso cria uma inconsistência no sistema e altera' os resultados provocando divergência na solução . c) Incoerência física nos valores assumidos : Citando-se por exemplo o que pode ocorrer no evaporador - foi as sumido que a temperatura de entrada da salmoura seria  $te_1 = T_{11} + 5^{\circ}F$  e a temperatura de saída  $te_2 =$  $te_1 - 15^{\circ}F$ ; se a temperatura de evaporação for maior que te₂ haverá divergência.

Podem existir outras fontes de divergência, mas es pecial cuidado deve ser dispensado à linearização do sistema,pois ê ali que residem os maiores riscos de insucesso .

## LISTA DE ABREVIATURAS

Aa	- área de troca do absorvedor, ft ²
Ae	- área de troca do evaporador, ft ²
Ata	- área de troca do pré-resfriador, ft ²
Atb	- área de troca do pré-aquecedor, ft ²
COP	- coeficiente de performance
COPmáx	- coeficiente de performance segundo o ciclo de Carnot
Ср _b	- calor específico da salmoura, Btu/lb ⁰ F
Cp _v	- calor específico do vapor de água, Btu/lb ^O F
ср _w	- calor específico da água, Btu/lb ⁰ F
H ₁	- entalpia na saída do absorvedor, Btu/lb
H ₂	- entalpia na saída da bomba, Btu/lb
H ₃	- entalpia na entrada do gerador, Btu/lb
Hą	- entalpia do líquido na saída do gerador, Btu/lb
H ₅	- entalpia na saída do pré-aquecedor, Btu/lb
He	- entalpia do líquido na entrada do absorvedor, Btu/lb
H7	- entalpia do vapor na saída do gerador, Btu/lb
He	- entalpia do condensado, Btu/lb
Hg '	- entalpia do líquido na saída do pré-resfriador, Btu/lb
H ₁₀	- entalpia na entrada do evaporador, Btu/lb
H11	- entalpia na saída do evaporador, Btu/lb
H12	- entalpia do vapor na entrada do absorvedor, Btu/lb
Hm	- entalpia de mistura, Btu/lb
m 1	- fluxo de massa da solução rica, lb/hora
m ₂	- fluxo de massa da solução pobre, lb/hora
m 3	- fluxo de massa de vapor, lb/hora
P1	- pressão no lado de alta, psia
P ₂	- pressão no lado de baixa, psia

Qa	- calor de absorção, Btu/hora
٥ ^с	- calor de condensação, Btu/hora
Q _d	- calor de deflegmação, Btu/hora
' Q _e	- calor de evaporação, Btu/hora
Q _{ta}	- calor trocado no pré-resfriador, Btu/lb
Q _{tb}	- calor trocado no pré-aquecedor, Btu/lb
Q	- calor de fonte térmica, Btu/hora
T ₁	- temperatura na saída do absorvedor, ^O F
T ₂	- temperatura na saída de bomba, ⁰ F
Т,	- temperatura na entrada do gerador, ^O F
T.	- temperatura do líquido na saída do gerador, ^O F
Τs	- temperatura na saída do pré-aquecedor, ^O F
T ₆	- temperatura na entrada do absorvedor, ^O F
Τ,	- temperatura do vapor na salda do gerador, ^O F
T a	- temperatura na saída do condensador, ^O F
T,	- temperatura na saída do pré-resfriador, ^O F
T ₁₀	- temperatura na entrada do evaporador, ^O F
<b>T</b> 11	- temperatura na saída do evaporador, ⁰ F
T ₁₂	- temperatura do vapor na entrada do absorvedor, ^O F
Tm	- temperatura de mistura, ⁰ F
To	- temperatura de rejeição de calor, ^O R
T _G	- temperatura da fonte térmica, ^O R
T _E	- temperatura do meio a resfriar, ^O R
TL	- temperatura para traçado da L.P.O. , ^O F
X ₁	- concentração da solução forte, lb _{NH} ,/lb mist.
X ₂	- concentração da solução fraca, lb _{NH,} /lb mist.
X3	- concentração de vapor, lb _{NH3} /lb mist.
XL	- concentração do líquido para determinação da L.P.O.,
-	lb _{NH3} /lb. mist.

•

- concentração do vapor para determinação da L.P.O., X, 1b_{NH}./1b mist. - concentração de líquido para cálculo de T7, lb_{NH2}/lb mist. XL7 - concentração de líquido para cálculo de T12, lb_{NH.}/lb mist. XL12 - coeficiente global de troca, Btu/ft² ^OF hora U - potência da bomba, HP H - temperatura da água de refrigeração na entrada do absorve ta₁ dor, ^oF - temperatura da água de refrigeração na saída do ta₂ absorvedor, ^oF - temperatura da água de condensação na entrada, ⁰F tci - temperatura da âgua de condensação na saída, ^OF tC2 - temperatura da salmoura na entrada do evaporador, ^oF te₁ - temperatura da salmoura na saída do evaporador, ^oF te₂ - temperatura do agente de aquecimento na entrada do gera tg1 dor, ^oF do gera-- temperatura do agente de aquecimento na saída tg₂ dor, ⁰F n_R - razão de reversibilidade Wa - fluxo de água de refrigeração do absorvedor, lb/hora wc - fluxo de água de condensação, lb/hora w_e - fluxo de salmoura, lb/hora w_g - fluxo do agente de aquecimento, lb/hora Wp - calor da bomba, Btu/lb .

-146-

### BIBLIOGRAFIA

- 1 STOECKER, W.F. *Refrigeración y Acondicionamiento de Aire* .Trad. de José Seijas Dominguez . Mexico, McGraw-Hill. 1970 . Original Inglês .
- 2 BOSNJAKOVIC, F. Technical Thermodynamics . Trad. de Perry L. Bla ckshear, Jr. New York, Holt 1965 . Original Alemão .
- 3 SCHÜLTZ, S. Cálculo e Otimização de Processos de Máquinas de R<u>e</u> frigeração por Absorção com Auxílio de Computador Eletrônico.
   Trad. de Arno Bollmann. Florianópolis-UFSC. 1973 Original Alemão .
- 4 MACRISS, R.A.; EAKIN, R.E. Termodynamic Properties of Ammonia-Water Solutions Extended to Higher Temperatures and Pressures. In : ASHRAE 71st Annual Meeting. Ohio, 1964. p. 319.
- 5 THRELKELD, J.L. Thermal Enviornmental Engineering . 29 Edição . New Jersey, Prentice-Hall, 1970 .
- 6 WHITLOW, E.P. Use of an Absorber Heat Exchanger in the Absorpti on Refrigerating Machine. In ASHRAE Annual Meeting. Washington, 1971. p. 166-173.
- 7 WHITLOW, E.P. Trends of Efficiencies in Absorption Refrigeration Machines . ASHRAE Journal, New York, December 1966. p. 44-48.
- 8 STOECKER, W.F. ; REED, L.D. Effect of Operating Temperatures on the Coefficient of Performance of Aqua-Ammonia Refrigerating' Systems . In: ASHRAE Semiannual Meeting . Pennsylvania , 1971 . p. IV.IV.1 - IV.IV.7 .
- 9 STOECKER, W.F. Design of Thermal Systems . New York , McGraw -

Hill, 1971.

- 10 CROWE, C.M. et alii. Chemical Plant Simulation An Introduction to Computer-Aid Steady-State Process Analysis. New Jer sey, Prentice-Hall, 1971.
- 11 INSTITUTE OF GAS TECHNOLOGY . Physical And Thermodynamic Pro perties of Ammonia-Water Mixtures . Bulletin nº 34, Illinois, IGT, 1964 .
- 12 JAIN, P.C.; GABLE, G.K. Equilibrium Property Data Equations for Aqua-Ammonia Mixtures . In : ASHRAE Semiannual Meeting . Pennsylvania , 1971 . p. 149-151 .
- 13 LEE, J.F.; SEARS, F.W. Thermodynamics . Massachussetts, Addi son-Wesley, 1963.
- 14 FAIRES, V.M. Termodinâmica . Rio de Janeiro, Ao Livro Técni
   co, 1966 .
- 15 CARNAHAN, B, et alii . Applied Numerical Methods . New York, John Wiley, 1969 .
- 16 SOUTHWORTH, R.W. ; DELEEUW, S.L. Digital Computation And Numerical Methods. New York, McGraw-Hill , 1965 .
- 17 IBM. IBM 1130 Disk Monitor System, Version 2. System Introduction . 59 Edição, New York, IBM, 1969.
- 18 GARGIONI, S.L.;FERREIRA, R.T.S. ; SILVEIRA, P.R.P. da. Estudo Comparativo dos Ciclos de Refrigeração por Absorção. In : R<u>e</u> latório Parcial de Pesquisa. Convênio UFSC, BNDE-FUNTEC 213. Florianópolis - UFSC, 1973.
- 19 JENNINGS. B.H. Ammonia-Water Properties. In : ASHRAE Semiannu al Meeting, Chicago, 1965 . p. 21-29 .

20 - MAN . Diesel GV 40/60 , MAN, Alemanha, p. 18 .

21 - KAPLAN, W; LEWIS, D. Calculus And Linear Algebra. New York, John Wiley, 1971.