**RHAFAEL DE SOUZA MORETTI** 

# ESTUDO E IMPLEMENTAÇÃO DE UM CONVERSOR CC-CC - BASEADO NO INVERSOR Z-SOURCE -ALIMENTADO POR CÉLULAS A COMBUSTIVEL

FLORIANÓPOLIS 2007

### **UNIVERSIDADE FEDERAL DE SANTA CATARINA**

## PROGRAMA DE PÓS-GRADUAÇÃO EM ENGENHARIA ELÉTRICA

# ESTUDO E IMPLEMENTAÇÃO DE UM CONVERSOR CC-CC - BASEADO NO INVERSOR Z-SOURCE -ALIMENTADO POR CÉLULAS A COMBUSTIVEL

Dissertação submetida à Universidade Federal de Santa Catarina como parte dos requisitos para a obtenção do grau de Mestre em Engenharia Elétrica

### **RHAFAEL DE SOUZA MORETTI**

Florianópolis, Junho de 2007.

## ESTUDO E IMPLEMENTAÇÃO DE UM CONVERSOR CC-CC - BASEADO NO INVERSOR Z-SOURCE -ALIMENTADO POR CÉLULAS A COMBUSTIVEL

Rhafael de Souza Moretti

"Esta Dissertação foi julgada adequada para a obtenção do Título de Mestre em Engenharia Elétrica, na área de concentração *Eletrônica de Potência e Acionamento Elétrico*, e aprovada em sua forma final pelo Programa de Pós Graduação em Engenharia Elétrica da Universidade Federal de Santa Catarina."

Prof. Ivo Barbi, Dr. Ing. Orientador

Kátia Campos de Almeida, Dra. Coordenadora do Programa de Pós-Graduação em Engenharia Elétrica

Banca Examinadora:

Ivo Barbi, Dr. Ing. Presidente

Enio Valmor Kassick, Dr.

Flábio Alberto Bardemaker Batista, Dr.

Dirceu Soncini, M.

Aos meus queridos pais, Méricles Thadeu Moretti e Maria de Fátima de Souza Moretti, responsáveis por minhas conquistas.

Aos meus irmãos, Dámian de Souza Moretti e Guilherme de Souza Moretti, grandes amigos.

#### Agradecimentos

Ao professor Ivo Barbi, pela orientação, confiança e sabedoria transmitida durante estes anos.

A todos os professores do INEP, Arnaldo José Perin, Denizar Cruz Martins, Enio Valmor Kassick, Hari Bruno Mohr, João Carlos dos Santos Fagundes pelas aulas ministradas durante o primeiro ano de Mestrado.

Aos colegas do curso de Doutorado, Alceu, Cícero e de Mestrado Mário Henrique, Romeu, Carlos, Murilo, Thiago, Hugo, Marcos, Poleto e Marlos pelas idéias compartilhadas, dúvidas esclarecidas e amizade conquistada durante este tempo de convívio. E em especial ao colega André Luiz Fuerback, pelas contribuições e incansáveis horas de dedicação e esclarecimento de dúvidas.

A todos os funcionários do INEP, tanto o corpo técnico quanto administrativo, pela disposição e auxílio durante as partes práticas e burocráticas.

Aos meus pais Méricles Thadeu Moretti e Maria de Fátima de Souza Moretti, pelo apoio, carinho e incentivo.

A Danielle pela dedicação e pela ajuda na nas correções ortográficas.

A todos os meus familiares que me apoiaram e de uma forma ou outra contribuíram para minha formação.

Ao apoio financeiro do INEP e CNPq o qual viabilizou a realização deste trabalho.

Resumo da Dissertação apresentada à UFSC como parte dos requisitos necessários para a obtenção do grau de Mestre em Engenharia Elétrica.

## ESTUDO E IMPLEMENTAÇÃO DE UM CONVERSOR CC-CC -BASEADO NO INVERSOR Z-SOURCE - ALIMENTADO POR CÉLULAS A COMBUSTIVEL

#### Rhafael de Souza Moretti

Maio de 2007

Orientador: Prof. Ivo Barbi, Dr. Ing.

Área de Concentração: Eletrônica de Potência e Acionamento Elétrico.

Palavras-chave: célula a combustível, conversor CC-CC, impedância Z-Source

Número de páginas: 80.

RESUMO: Este trabalho visa a análise e a implementação prática de um conversor CC-CC elevador de tensão, baseado na topologia do inversor Z-Source, e o estudo de seu comportamento, ao ser alimentado por uma Célula a Combustível. Primeiramente, foram abordados os conceitos e os princípios de funcionamento das Células a Combustível, juntamente com suas características elétricas, estáticas e dinâmicas, de forma a auxiliar na compreensão de seu funcionamento. Em seguida, procedeu-se à compreensão da topologia do conversor CC-CC; suas etapas de operação, equacionamentos, características externas e dimensionamento dos elementos passivos e esforços nos componentes. A modelagem dinâmica foi realizada, tendo sido proposta uma estrutura de controle em malha fechada. O projeto e o controle do conversor incluíram o dimensionamento dos elementos e a realização dos cálculos do filtro para a Célula a Combustível. Por fim, são apresentados os resultados de simulação do sistema completo e em seguida os resultados dos ensaios de laboratório obtidos com a implementação prática do protótipo.

Abstract of Dissertation presented to UFSC as a partial fulfillment of the requirements for the degree of Master in Electrical Engineering.

## ANALYSIS AND IMPLEMENTATION OF A CC-CC CONVERTER - BASED ON THE Z-SOURCE INVERTER -SUPPLIED BY A FUEL CELL

#### Rhafael de Souza Moretti

May, 2007

Advisor: Prof. Ivo Barbi, Dr. Ing.

Area of Concentration: Power Electronics

Keywords: fuel cell, CC-CC converter, impedance Z-Source

Page Numbers: 80.

ABSTRACT: This work aims the analysis and implementation of a CC-CC converter, based on the Z-source inverter topology, and the study of its behavior, while supplied by a fuel cell. First of all, the concepts and the functioning principles of fuel cells were approached, together with their electrical, static and dynamic properties, in order to make easier the comprehension of their operation. Further, the Z-Source topology was studied: its operation stages, mathematical analysis, external characteristics and dimensioning of passive elements and electrical strains of components. The dynamic modeling was performed and a control structure in closed loop was proposed. The converter project and control included the dimensioning of elements and the calculation of the fuel cell filter. Finally, the simulation results for the entire system are presented, together with the laboratory tests results, obtained with the practical implementation of the prototype.

## SUMÁRIO

LISTA DE FIGURAS	X
LISTA DE TABELAS	XIV
LISTA DE SIMBOLOGIA	XV
INTRODUÇÃO GERAL	1
CAPÍTULO 1 - CÉLULAS A COMBUSTÍVEL	
1.1 Introdução	
1.2 CRIAÇÃO DA CÉLULA A COMBUSTÍVEL E SUAS APLICAÇÕES	
1.3 PRINCÍPIO DE FUNCIONAMENTO DA CAC	
1.4 CARACTERÍSTICAS ELÉTRICAS DA CAC	5
1.4.1 Característica estática da CaC	6
1.4.2 Característica dinâmica da CaC	
1.5 Conclusão	
CAPITULO 2 - TOPOLOGIA Z-SOURCE CC-CC	
2.1 Introdução	
2.2 TOPOLOGIA Z-SOURCE	
2.3 Operação em condução contínua	
2.3.1 Etapas de operação	
2.3.2 Formas de onda básicas	
2.3.3 Característica ideal de transferência estática	
2.4 Operação em condução descontínua	
2.4.1 Etapas de operação	
2.4.2 Formas de onda básicas	
2.5 CARACTERÍSTICA EXTERNA E CÁLCULO DA INDUTÂNCIA CRÍTICA	
2.6 Potência em função da Razão Cíclica	
2.7 Cálculo da Indutância $L_{z}$	
2.8 Cálculo da Capacitância $C_z$	
2.9 Cálculo do filtro de saída $L_f$ e $C_f$	
2.10 Esforços nos componentes	
2.11 MODELAGEM ESTÁTICA COM PERDAS	
2.11.1 Modelagem com perdas com alimentação por fonte de tensão	

2.11.2 Modelagem com perdas para circuito completo	
2.12 Conclusão	
CAPÍTULO 3 - MODELAGEM DINÂMICA	
3.1 Introdução	
3.2 MODELAGEM POR VALORES MÉDIOS INSTANTÂNEOS	
3.3 CIRCUITO DE CONTROLE	
3.4 Conclusão	
CAPÍTULO 4 - PROJETO E EXPERIMENTAÇÃO	49
4.1 Introdução	
4.2 DIMENSIONAMENTO DOS ELEMENTOS DO CONVERSOR	
4.3 CÁLCULO DO FILTRO E PROTEÇÃO DA CÉLULA	
4.4 Projeto de Controle do Conversor	
4.5 ANÁLISE DO PONTO DE OPERAÇÃO COM PERDAS NO CIRCUITO	
4.6 Simulação Numérica do Circuito	59
4.6.1 Circuito alimentado por fonte de tensão	60
4.6.2 Circuito alimentado pela Célula a Combustível	
4.7 Resultados Experimentais	67
4.7.1 Circuito alimentado por fonte de tensão	
4.7.2 Circuito alimentado pela CaC	
4.8 Conclusão	
CONCLUSÃO GERAL	
REFERÊNCIAS BIBLIOGRÁFICAS	

### LISTA DE FIGURAS

Fig. 1- Estrutura básica da CaC a hidrogênio
Fig. 2- Curva de polarização típica de um CaC tipo PEM 6
Fig. 3- Característica estática da CaC extraída na prática e pelo modelo
Fig. 4- Modelo elétrico da característica dinâmica da CaC9
Fig. 5- Método da interrupção da corrente
Fig. 6- Método da interrupção da corrente 10
Fig. 7- Simulação da tensão CaC pelo método de interrupção de corrente11
Fig. 8- Inversor Z-Source
Fig. 9- Topologia do conversor Z-Source CC-CC
Fig. 10- Primeira etapa de operação
Fig. 11- Representação da segunda etapa de operação15
Fig. 12- Formas de onda básicas do conversor Z-Source CC-CC16
Fig. 13- Tensão e corrente no indutor $L_z$ em modo de operação contínuo 17
Fig. 14- Característica ideal de transferência estática18
Fig. 15- Primeira etapa de operação20
Fig. 16- Segunda etapa de operação20
Fig. 17- Terceira etapa de operação21
Fig. 18- Formas de onda do conversor Z-Source CC-CC em modo de condução
descontínua
Fig. 19- Corrente e tensão no indutor $L_z$ em modo de condução descontínua 23
Fig. 20- Características externas do conversor
Fig. 21- Potência em função da razão cíclica

Fig. 22- Circuito com perdas alimentado por fonte de tensão
Fig. 23- Tensão de saída para o circuito com perdas e circuito sem perdas, alimentados por fonte de tensão em função da razão cíclica
Fig. 24- Potência de saída para o circuito com perdas e circuito sem perdas
alimentados por fonte de tensão em funcão da razão cíclica
Fig. 25- Circuito com perdas alimentado pela CaC
Fig. 26- Tensão de saída para o circuito com perdas, alimentados pela CaC em
função da razão cíclica
Fig. 27- Potência de saída para o circuito com perdas, alimentados pela CaC em
função da razão cíclica
Fig. 28- Primeira etapa de operação
Fig. 29- Segunda etapa de operação41
Fig. 30- Diagrama de Bode e Lugar das Raízes da Planta
Fig. 31- Diagrama de Bode da planta extraídos do simulador
Fig. 32 - Técnica de controle
Fig. 33 - Sensor de tensão
Fig. 34 - Compensador PID
Fig. 35- Circuito implementado
Fig. 36- Diagrama de Bode do Filtro da CaC54
Fig. 37- Diagrama de Bode e Lugar das Raízes da Planta55
Fig. 38- Diagrama de Bode e Lugar das Raízes do sistema controlado
Fig. 39- Lugar das Raízes do sistema controlado com imagem ampliada nos pólos dominantes
Fig. 40- Tensão de saída para resposta a um impulso na razão cíclica para circuito
idealizado $V_{out1}$ e para circuito completo $V_{out2}$
Fig. 41- Potência e tensão de saída em função da razão cíclica

Fig. 42- Circuito simulado numericamente.	. 60
Fig. 43- Forma de onda da tensão e corrente de entrada	. 61
Fig. 44- Forma de onda da corrente no indutor $L_z$ e tensão no capacitor $C_z$	. 61
Fig. 45- Forma de onda da corrente no indutor $L_f$	. 62
Fig. 46- Forma de onda da tensão e da corrente de saída	. 62
Fig. 47- Forma de onda da tensão dente de serra, da tensão de controle e do si	inal
PWM gerado	. 63
Fig. 48- Cicuito simulado numericamente	. 63
Fig. 49- Forma de onda da tensão e corrente de entrada.	. 64
Fig. 50- Forma de onda da tensão e corrente pos filtro da CaC	. 64
Fig. 51- Forma de onda da corrente no indutor $L_z$ e tensão no capacitor $C_z$	. 65
Fig. 52- Forma de onda da corrente no indutor $L_f$	. 65
Fig. 53- Forma de onda da tensão e da corrente de saída	. 66
Fig. 54- Forma de onda de onda da tensão dente de serra, da tensão de controle e	e do
sinal PWM	. 66
Fig. 55- Protótipo implementado	. 67
Fig. 56- Rendimento em função da potência de saída do conversor	. 68
Fig. 57- Razão cíclica e tensão na base do MOSFET	. 69
Fig. 58-Tensão do capacitor do grampeador e tensão Drain-Source do MOSFET.	. 69
Fig. 59- Tensão e corrente da fonte de alimentação.	. 70
Fig. 60- Tensão e corrente na saída do filtro da célula	. 70
Fig. 61- Tensão e corrente de saída.	.71
Fig. 62- Tensão no capacitor $C_z$ e corrente no indutor $L_z$	.71
Fig. 63- Corrente no indutor $L_f$	. 72

Fig. 64- Razão cíclica e tensão de Gate-Source do MOSFET	. 72
Fig. 65- Tensão do capacitor do grampeador e tensão Drain-Source do MOSFET	.73
Fig. 66- Tensão e corrente da fonte de alimentação.	. 73
Fig. 67- Tensão e corrente na saída do filtro da célula	. 74
Fig. 68- Tensão e corrente de saída.	. 74
Fig. 69- Tensão no capacitor $C_z$ e corrente no indutor $L_z$	.75
Fig. 70- Corrente no indutor $L_f$	. 75
Fig. 71- Corrente e tensão de saída para um degrau de carga de 25%	,76

## LISTA DE TABELAS

Tabela 1. Equações dos esforços componentes.	31
Tabela 2. Esforços nos componentes.	52
Tabela 3. Componentes comerciais utilizados para ajuste do compensador	57

## LISTA DE SIMBOLOGIA

#### 1. Símbolos usados em expressões matemáticas

Símbolo	Significado	Unidade
$R_a$	Perdas por ativação da CaC	Ω
$R_r$	Perdas resistivas da CaC	Ω
$C_{a}$	Capacitância de ativação da CaC	F
$V_{cel}$	Tensão de circuito aberto da CaC	V
V <sub>Cz</sub>	Tensão no capacitor $C_z$	V
$i_{Lz}$	Corrente no indutor $L_z$	А
$V_{Cz}$	Tensão média no capacitor $C_z$	V
$I_{Lz}$	Corrente média no indutor $L_z$	А
$V_{in}$	Fonte de tensão de entrada	V
$V_{S}$	Tensão sobre o transistor de potência S	V
Т	Período de chaveamento	S
D	Razão cíclica	
$V_o$	Tensão média de saída	V
$V_{_{Lz}}$	Tensão média no indutor $L_z$	V
$I_{Cz}$	Corrente média no capacitor $C_z$	А
I <sub>LsM</sub>	Corrente máxima no indutor $L_z$	А
$P_s$	Potência de saída	W
$P_{e}$	Potência de entrada	W
$I_o$	Corrente de carga	А
$f_s$	Freqüência de chaveamento	Hz
а	Ganho de tensão	
γ	Variável de parametrização	
$L_{zcr}$	Indutância crítica	Н
$R_l$	Resistência da carga	Ω
$\Delta i_{\scriptscriptstyle Lz}$	Ondulação de corrente do indutor $L_z$	А
$L_{z}$	Indutância do indutor $L_z$	Н
C.	Capacitância do capacitor C	F

Corrente eficaz do capacitor $C_z$	А
Ondulação de corrente do indutor $L_f$	А
Ondulação de tensão do capacitor $C_f$	V
Resistência série do capacitor	Ω
Potência dissipada pela $R_{SE}$	W
Resistência de condução do interruptor	Ω
Tensão de condução do diodo $D_1$	V
Resistência parasita do indutor $L_z$	Ω
Resistência parasita do indutor $L_f$	Ω
Tensão de condução do diodo $D_{cel}$	V
Resistência parasita do indutor L <sub>fcel</sub>	Ω
Soma das resistências $R_a$ , $R_r$ e $R_{Lfcel}$	Ω
Soma das resistências $R_{Lf}$ e $R_1$	Ω
Impedância de carga	Ω
Ganho do sensor	
Ganho do gerado de PWM	
Freqüência natural	Rad/s
Fator de amortecimento	
Ganho do controlador	
Freqüência do primeiro zero do controlador	Hz
Freqüência do segundo zero do controlador	Hz
Freqüência do primeiro pólo do controlador	Hz
Freqüência do segundo pólo do controlador	Hz
	Corrente eficaz do capacitor $C_z$ Ondulação de corrente do indutor $L_f$ Ondulação de tensão do capacitor $C_f$ Resistência série do capacitor Potência dissipada pela $R_{se}$ Resistência de condução do interruptor Tensão de condução do diodo $D_1$ Resistência parasita do indutor $L_z$ Resistência parasita do indutor $L_f$ Resistência parasita do indutor $L_{fel}$ Soma das resistências $R_a$ , $R_r$ e $R_{tfeel}$ Soma das resistências $R_{a}$ , $R_r$ e $R_{tfeel}$ Soma das resistências $R_{tf}$ e $R_1$ Impedância de carga Ganho do gerado de PWM Freqüência natural Fator de amortecimento Ganho do controlador Freqüência do primeiro zero do controlador Freqüência do primeiro pólo do controlador Freqüência do primeiro pólo do controlador

#### 2. Símbolos usados para referenciar elementos em diagramas de circuitos

Símbolo	Significado
С	Capacitor
D	Diodo
$D_Z$	Diodo zener
L	Indutor
S	Interruptor de potência
R	Resistor
V	Fonte de tensão

Símbolo	Significado
CaC	Células a Combustível
CC	Corrente contínua
CI	Circuito integrado
е-	Elétron
H+	Próton de hidrogênio
$H_2$	Molécula de hidrogênio
IGBT	"Insulated Gate Bipolar Transistor"
INEP	Instituto de Eletrônica de Potência
MOSFET	"Metal-Oxide-Semiconductor Field-Effect Transistor"
$O_2$	Molécula de Oxigênio
PEM	"Proton Exchange Membrane"
PID	Proporcional Integral Derivativo
PWM	"Pulse Width Modulation"

#### 3. Acrônimos e Abreviaturas

#### 4. Símbolos de Unidades de Grandezas Físicas

Símbolo	Nome da Unidade
Ω	Ohm
A	Ampère
Н	Henry
Hz	Hertz
rad	radianos
rad/s	radianos por segundos
S	segundos
V	Volt
W	Watt



O consumo de energia mundial apresentou um aumento expressivo a partir da Revolução Industrial, principalmente com a utilização do carvão mineral como principal fonte energética [12]. Esse consumo tornou-se ainda maior com o desenvolvimento de novas tecnologias e a com a utilização do petróleo como fonte combustível. Aliado ao crescimento da população mundial, a qual quadruplicou do início do século XX até o final do mesmo século [12], o uso da energia na sociedade moderna tem representado uma ameaça ao meio ambiente, principalmente no que diz respeito ao impacto gerado ao meio atmosférico.

O desenvolvimento e a expansão de processos para a extração, conversão, distribuição e utilização de energia representam uma importante contribuição para o alcance de metas de sustentabilidade energética. Auxiliam também no estabelecimento de condições propícias para o desenvolvimento econômico, político e social equilibrado de uma sociedade.

Referente ao uso e conservação da energia elétrica, atualmente é cada vez mais crescente a utilização de fontes alternativas de energia, como células a combustível, capazes de fornecer energia ambientalmente "limpa". Fontes renováveis, as quais atualmente representam cerca de 14% do abastecimento mundial [13], não somente facilitam o acesso descentralizado à energia, como também ocasionam ganhos ambientais, como a redução de emissões de gases poluentes, assim como a redução da dependência em importação de fontes de energia. Entretanto, tais fontes muitas vezes não são capazes de produzir energia adequada para sua utilização direta. Neste contexto, a aplicação de conversores estáticos é fundamental para conectar estas fontes aos sistemas elétricos.

No campo da Eletrônica de Potência, o avanço de tecnologias, como semicondutores e novas topologias de conversores possibilita um aumento da eficiência do sistema de geração de energia como um todo, em virtude de processos de conversão mais eficientes.

O foco deste trabalho é o estudo e a implementação prática de um conversor CC-CC elevador de tensão, baseado na topologia do inversor Z-Source, bem como o seu



comportamento quando alimentado por uma Célula a Combustível (CaC). Além disto, tal estudo visa ser aproveitado para o inversor Z-Source, uma vez que tanto o conversor CC-CC quanto o inversor possuem muitas semelhanças, como as etapas de operação, características externas e outras ainda a serem descritas neste trabalho.

O primeiro capítulo aborda a definição, os princípios de funcionamento e o histórico de desenvolvimento das CaCs. São apresentadas as características elétricas da CaC, tanto estáticas quanto dinâmicas, juntamente com seus parâmetros, adquiridos experimentalmente.

No segundo capítulo é abordada a topologia Z-Source e são apresentadas aspectos tais como as etapas de operação, os equacionamentos, as características externas, o dimensionamento dos elementos passivos e os esforços nos componentes. Ainda, é abordado um estudo de potência em função da razão cíclica e uma modelagem matemática, levando-se em conta perdas no sistema.

O terceiro capítulo apresenta a modelagem dinâmica para o conversor estudado. Em seguida, propõe-se uma estrutura de controle linear em malha fechada, por meio da linearização do conversor em um ponto de operação.

O quarto capítulo apresenta o projeto dos elementos do conversor e do controlador. Com estes elementos, são feitas simulações numéricas e em seguida, para confirmar os estudos teóricos, apresentam-se os resultados do ensaio do protótipo construído.

Finalmente, são apresentadas as conclusões gerais do trabalho.

### Capítulo 1 - Células a Combustível

#### 1.1 Introdução

A CaC se destaca como uma das fontes energéticas mais promissoras da atualidade. Os subprodutos da conversão da energia química em elétrica são não poluentes, fato que a torna de grande importância para a preservação do meio ambiente. Possui ainda a vantagem de utilizar um combustível abundante em todo o universo, o hidrogênio. Apesar de não estar diretamente disponível na natureza, o hidrogênio pode ser extraído de diversas fontes.

#### 1.2 Criação da Célula a Combustível e suas aplicações

Os primeiros estudos relacionados aos princípios de funcionamento da célula a combustível foram realizados pelo professor Christian Friedrich Schoenbein em 1838. Em 1845, após uma série de estudos, Willian Robert Grove cria a chamada bateria a gás [2]. Alguns anos depois, em 1889, Ludwing Mond e Carl Langer ampliam o trabalho de Grove, desenvolvendo a "nova bateria a gás", chamando o novo sistema de célula a combustível [3]. Em 1959, o britânico Francis Thomas Bacon desenvolve a primeira célula a combustível estacionária de 5kW.

Atualmente, o uso da célula a combustível tem sido disseminado e novas aplicações surgem a cada dia. As CaCs são empregadas na geração estacionária de energia elétrica para os usos residencial, comercial e industrial. Nos equipamentos eletroeletrônicos, como telefones celulares e computadores portáteis, elas são utilizadas em substituição às baterias.

Nos meios de transportes, a célula a combustível substitui o motor à combustão interna, podendo ser utilizada em veículos como ônibus, carros, trens, aviões e navios. Ela permite reduzir os custos de manutenção por requerer um menor número de peças girantes e possui a vantagem de tornar o veículo mais silencioso, aspecto muito importante para grandes cidades onde a poluição sonora é um fator de desconforto para os cidadãos.

Entretanto, para muitas aplicações, o custo da CaC ainda torna o seu uso restritivo para fins comerciais. Espera-se, que com o aumento de sua produção, tais custos sejam reduzidos significativamente.

#### 1.3 Princípio de funcionamento da CaC

O funcionamento da CaC é fundamentado na reação química entre o hidrogênio e o oxigênio para gerar água, energia elétrica e energia térmica. A estrutura da célula é composta por dois eletrodos e um eletrólito. Os eletrodos são porosos e revestidos por uma camada de catalisador sendo um positivo e outro negativo, respectivamente designados como catodo e anodo.

A Fig. 1 mostra a estrutura básica de uma CaC a hidrogênio, bem como o seu princípio de funcionamento.



Fig. 1- Estrutura básica da CaC a hidrogênio.

No funcionamento da CaC, o hidrogênio pressurizado  $H_2$  é conduzido através de dutos até o anodo. No anodo, o hidrogênio entra em contato com o catalisador, separandose em prótons e elétrons. Os prótons  $H^+$  circulam através do eletrólito, o qual é um bom condutor iônico, porém isolante elétrico, até atingirem o catodo. No catodo,  $H^+$  combinase com  $O_2$  para formar  $H_2O$  e liberar calor. Os elétrons são conduzidos através dos eletrodos até atingirem o circuito externo.

A Eq. (1.1) e a Eq. (1.2) representam as reações no anodo e no catodo respectivamente.

$$2H_2 \to 4H^+ + 4e^- \tag{1.1}$$

$$O_2 + 4e^- + 4H^+ \rightarrow 2H_2O \tag{1.2}$$

E a Eq. (1.3) apresenta a reação química completa.

$$2H_2 + O_2 \to 2H_2O \tag{1.3}$$

Nestas reações químicas, pode-se notar que, tendo-se o hidrogênio puro como combustível, os produtos não são poluentes.

#### 1.4 Características elétricas da CaC

Para projetar um conversor alimentado por uma CaC é muito útil dispor do modelo elétrico da mesma. Tal modelo possibilita a representação dos comportamentos dinâmicos e estáticos. Entretanto, a sua obtenção é muito complexa, uma vez que o número de variáveis envolvidas na modelagem é muito grande. São exemplos dessas variáveis, temperatura, pressão dos gases, dimensões físicas da célula, propriedades dos materiais, etc.

Devido à alta complexidade de modelos mais apurados da CaC, opta-se por um modelo empírico cujos parâmetros são obtidos por meio de resultados experimentais. Posteriormente, para a sua validação, realizam-se simulações numéricas tendo como base de comparação ensaios práticos.

#### 1.4.1 Característica estática da CaC

O comportamento estático da CaC é influenciado por vários fatores, os quais podem ocasionar queda de tensão de acordo com a carga drenada pela mesma. Pode-se classificar este comportamento da tensão da CaC em três regiões: região de perdas por ativação, região de perdas ôhmicas e região de perdas por transporte de massa ou concentração. Estas regiões podem ser visualizadas na Fig. 2. Há ainda as perdas por cruzamento de combustível e circulação de correntes internas que devem ser somadas às três regiões.

A tensão nos terminais da CaC é composta pela tensão reversível  $V_{rev}$  subtraída das quedas de tensão devido às perdas descritas anteriormente.



Fig. 2- Curva de polarização típica de um CaC tipo PEM.

A seguir é realizada uma breve explanação sobre cada uma das perdas mencionadas:

#### • Perdas por ativação

A perda por ativação decorre da energia desperdiçada para romper a barreira de ativação da reação química. Quanto menor a densidade de corrente, maior será a perda. Nota-se na Fig. 2 uma queda de tensão mais acentuada para as baixas correntes.

#### • Perdas ôhmicas

As perdas ôhmicas são ocasionadas pela resistência à passagem de corrente elétrica pelos eletrodos e pela oposição à passagem dos íons pela membrana.

#### • Perdas por concentração ou transporte de massa

Perdas por concentração ocorrem devido à mudança da concentração dos reagentes na superfície dos eletrodos. Esta mudança de concentração acontece quando há um aumento da corrente elétrica drenada pela CaC, pois ocorre um maior consumo de reagentes. Este fenômeno gera uma queda de tensão acentuada na CaC podendo também danificá-la.

#### • Perdas por cruzamento de combustível e circulação de corrente internas

Devido ao fato de que o eletrólito não é ideal, pequenas quantidades de combustível e corrente elétrica o atravessam. Esta passagem indesejada não é aproveitada para produzir energia elétrica, o que ocasiona uma redução no rendimento do sistema.

A CaC utilizada neste trabalho constitui-se de um módulo pronto para uso, denominado *Nexa Power Module*, produzido pela empresa Balllard. Este é composto de uma pilha de células do tipo PEM associadas a outros dispositivos, tais como, circuito eletrônico para controle do seu funcionamento, ventilador para resfriamento, sensores e atuadores.

Estes dispositivos associados à CaC ocasionam outras perdas, além daquelas citadas anteriormente, uma vez que a potência de alimentação de tais dispositivos varia, conforme

manual técnico [10], de 35 watts para a CaC em aberto à cerca de 250 watts para a CaC em plena carga.

A Fig. 3 apresenta duas curvas de característica estática da CaC, uma delas obtida experimentalmente e a outra por meio de um modelo teórico que será discutido mais adiante. É importante ressaltar que, nesta figura, pode-se notar uma boa proximidade entre as curvas do modelo teórico e do modelo experimental. Observam-se ainda as regiões de perdas por ativação e ôhmicas. No entanto, as perdas por concentração não são visualizadas por ser este ensaio possivelmente destrutivo para a CaC.



Fig. 3- Característica estática da CaC extraída na prática e pelo modelo.

#### 1.4.2 Característica dinâmica da CaC

Do ponto de vista dinâmico, a CaC possui um comportamento que se assemelha a de um sistema de primeira ordem apresentado na Fig. 4.



Fig. 4- Modelo elétrico da característica dinâmica da CaC.

Os parâmetros  $R_a$ ,  $R_r$  e  $C_a$  foram obtidos experimentalmente pelo método de interrupção de corrente apresentado na Fig. 5 e na Fig. 6. Tal método consiste em alimentar a CaC com uma carga resistiva e instantaneamente retirar a carga, levando a corrente a se anular.



Fig. 5- Método da interrupção da corrente.





Fig. 6- Método da interrupção da corrente.

Os valores de  $V_r$ ,  $V_a$ ,  $i \in C_a$  são extraídos conforme mostrado nas Fig. 5 e Fig. 6. Em seguida, aplicando-se às equações: (1.4), (1.5) e (1.6), obtém-se os valores de  $R_a$ ,  $R_r \in C_a$ .

$$R_r = \frac{V_r}{i} = \frac{4}{30} = 0,133\Omega \tag{1.4}$$

$$R_a = \frac{V_a}{i} = \frac{7}{30} = 0.233\Omega \tag{1.5}$$

$$C_a = \frac{t_a}{5R_a} = \frac{0.2}{5.0,233} = 0.171F \tag{1.6}$$

Com o modelo teórico da Fig. 4 realiza-se uma simulação do método de interrupção de corrente em que a forma de onda da tensão obtida é apresentada na Fig. 7. Observa-se que o resultado desta simulação assemelha-se ao experimental.



Fig. 7- Simulação da tensão CaC pelo método de interrupção de corrente.

#### 1.5 Conclusão

Inúmeros problemas ambientais, principalmente aqueles relacionados à poluição atmosférica e ao esgotamento de fontes de combustíveis fósseis têm incentivado pesquisas em fontes alternativas de energia. Neste contexto, a CaC mostra-se como uma opção promissora.

Neste capítulo, apresentou-se um pouco do histórico de evolução das CaCs, princípios de funcionamento e aplicações. Foi apresentado ainda um modelo para simulação do comportamento estático e dinâmico da CaC, essencial para um adequado processamento de energia, juntamente com seus parâmetros obtidos experimentalmente.

### Capítulo 2 - Topologia Z-Source CC-CC

#### 2.1 Introdução

A topologia Z-Source, apresentada na Fig. 8, foi proposta como uma alternativa para inversores de freqüência [15].



Fig. 8- Inversor Z-Source

Esta estrutura tem a vantagem de permitir a elevação do nível de tensão na saída do inversor, evitando, desta forma, o uso de um estágio intermediário elevador de tensão. Tal característica elevadora da estrutura Z-Source se deve a uma associação de capacitâncias e indutâncias que formam uma única impedância entre a fonte de entrada e o barramento do inversor.

Utilizando-se esta mesma impedância pode-se chegar a um conversor CC-CC elevador de tensão doravante denominado neste trabalho como conversor Z-Source CC-CC. Esta proposta de conversor é discutida, são apresentados modelos matemáticos, simulações e resultados práticos.

O conversor Z-Source CC-CC possui as mesmas etapas de operação que o inversor Z-Source. Por isto, o esforço matemático deste capítulo também é válido para o dimensionamento e entendimento do inversor.

#### 2.2 Topologia Z-Source

A seguir é apresentado um estudo sobre a topologia Z-Source CC-CC. São descritas as etapas de operação, os equacionamentos, as características externas, o dimensionamento dos elementos passivos, os esforços nos componentes, um estudo de potência em função da razão cíclica e uma modelagem, levando-se em conta perdas parasitas do circuito.

A topologia do conversor Z-Source CC-CC é apresentada na Fig. 9, sendo que:  $L_f$  e  $C_f$  representam o filtro de saída;  $V_{in}$  a fonte de tensão de entrada;  $R_l$  a carga;  $L_{z1}$ ,  $L_{z2}$ ,  $C_{z1}$ ,  $C_{z2}$  constituem a impedância Z-source e  $D_1$  um diodo.



Fig. 9- Topologia do conversor Z-Source CC-CC.

O conversor Z-Source CC-CC possui os modos de operação em condução contínua e descontínua que são discutidos a seguir.



#### 2.3 Operação em condução contínua

O conversor em questão, operando em condução contínua, possui duas etapas de operação, as quais são descritas adiante.

#### 2.3.1 Etapas de operação

No decorrer deste trabalho, são consideradas as tensões nos capacitores  $C_{z1}$  e  $C_{z2}$ iguais  $v_{Cz}(t)$  e as correntes nos indutores  $L_{z1}$  e  $L_{z2}$  iguais a  $i_{Lz}(t)$ , conforme Eq. (2.1) e Eq.(2.2).

$$v_{C_z}(t) = v_{C_z1}(t) = v_{C_z2}(t)$$
(2.1)

$$i_{L_z}(t) = i_{L_{z1}}(t) = i_{L_{z2}}(t)$$
(2.2)

Estas considerações serão discutidas no decorrer do trabalho.

#### $1^a$ Etapa $(t_0, t_1)$

No instante  $t_o$  o interruptor S é comandado a conduzir. A tensão nos capacitores  $C_{z1}$ e  $C_{z2}$ , com valor inicial de  $v_{Cz}(t_o)$ , diminui de valor de forma ressonante. As correntes nos indutores  $L_{z1}$  e  $L_{z2}$ , inicialmente com valor  $i_{L_z}(t_o)$ , crescem de forma ressonante. O diodo  $D_1$  se bloqueia no instante  $t_o$  permanecendo neste estado até o instante  $t_1$ . Esta etapa é apresentada na Fig. 10 a seguir.

#### $2^{a}$ Etapa (t<sub>1</sub>, t<sub>2</sub>)

A Fig. 11 ilustra a segunda etapa de operação do conversor. No instante  $t_1$  o interruptor S é comandado a se bloquear. Neste instante o diodo  $D_1$  entra em condução e os capacitores  $C_{z1}$  e  $C_{z2}$ , que no instante  $t_1$  possuíam tensão  $v_{Cz}(t_1)$ , aumentam suas tensões de forma ressonante. As correntes nos indutores  $L_{z1}$  e  $L_{z2}$ , que apresentam o valor  $i_{L_1}(t_1)$ 

em  $t_1$ , decrescem de forma ressonante. Durante esta etapa ocorre a transferência de potência da fonte para o circuito. Esta etapa termina no instante  $t_2$ .



Fig. 10- Primeira etapa de operação.



Fig. 11- Representação da segunda etapa de operação.



#### 2.3.2 Formas de onda básicas

De acordo com as etapas expostas no item anterior, são apresentadas na Fig. 12, as formas de onda da tensão no capacitor  $C_z$ , da corrente no indutor  $L_z$ , da corrente de entrada  $i_{in}(t)$  e da tensão na chave S juntamente com seu sinal de comando. São ilustrados também os instantes de tempo correspondentes a cada transição de etapa. Cabe ressaltar que, devido à freqüência de chaveamento ser muito maior do que a freqüência de ressonância, as formas de onda ressonantes se assemelham a uma rampa.



Fig. 12- Formas de onda básicas do conversor Z-Source CC-CC.



#### 2.3.3 Característica ideal de transferência estática

Com o intuito de encontrar a característica ideal de transferência estática do conversor, utiliza-se o balanço de energia do indutor. Para facilitar os cálculos considera-se a tensão nos capacitores  $C_z$  constante, ou seja,  $v_{Cz}(t) = V_{Cz}$ .

Sabendo-se que a tensão média, em regime permanente  $V_{Lz}$ , deve ser nula em um período de chaveamento e com o valor da tensão no indutor na primeira e segunda etapa de operação, conforme Fig. 13, obtém-se a Eq. (2.3).



Fig. 13- Tensão e corrente no indutor  $L_z$  em modo de operação contínuo.

$$V_{Lz} = \frac{V_{Cz} \cdot T_0 + (V_{in} - V_{Cz}) \cdot T_1}{T} = 0$$
(2.3)

Esta equação representa a tensão média do indutor  $L_z$  em um período de chaveamento.

Substituindo-se Eq.(2.4) e Eq.(2.5) na Eq.(2.3) obtém-se a Eq.(2.6).

$$T_1 = T - T_0 (2.4)$$

$$D = \frac{T_0}{T} \tag{2.5}$$

$$\frac{V_{Cz}}{V_{in}} = \frac{D-1}{2D-1}$$
(2.6)

Analisando a Fig. 9 e sendo que  $V_{Lf}$  e  $V_{Lz}$  são nulos em um período de chaveamento, obtém-se (2.7).

$$V_{Cz} = V_o \tag{2.7}$$

Substituindo a Eq. (2.7) na Eq. (2.6), obtém-se a Eq. (2.8).

$$\frac{V_o}{V_{in}} = \frac{D-1}{2D-1}$$
(2.8)

Esta equação representa a característica ideal de transferência estática do conversor e está representada graficamente na Fig. 14.



Fig. 14- Característica ideal de transferência estática.
Nota-se nesta figura que, quando a razão cíclica D tende a 0,5,  $V_o$  tende teoricamente a um valor infinito. Verifica-se também que a tensão mínima de saída é igual à tensão de entrada  $V_{in}$ .

### 2.4 Operação em condução descontínua

O conversor Z-Source CC-CC, operando em condução descontínua, possui três etapas de operação. As duas primeiras são semelhantes às duas etapas do modo de condução contínua. A explanação delas é descrita a seguir.

### 2.4.1 Etapas de operação

### $1^a$ Etapa $(t_0, t_1)$

No instante  $t_o$  o interruptor S é comandado a conduzir. O tensão nos capacitores  $C_{z1}$  e  $C_{z2}$ , inicialmente com valor  $v_{Cz}(t_0)$ , diminui de valor de forma ressonante. As correntes nos indutores  $L_{z1}$  e  $L_{z2}$ , inicialmente com o valor  $i_{Lz}(t_o)$ , crescem de forma ressonante. O diodo  $D_1$  se bloqueia no instante  $t_o$  permanecendo neste estado até o instante  $t_1$ . Esta etapa é apresentada na Fig. 15.

#### $2^{a}$ Etapa (t<sub>1</sub>, t<sub>2</sub>)

A Fig. 16 ilustra a segunda etapa de operação. No instante  $t_1$  o interruptor S é comandado a se bloquear. Neste instante o diodo  $D_1$  entra em condução e os capacitores  $C_{z1}$  e  $C_{z2}$ , que no instante  $t_1$  possuíam tensões de valor  $v_{Cz}(t_1)$ , aumentam suas tensões de forma ressonante. A corrente nos indutores  $L_{z1}$  e  $L_{z2}$ , que apresentam o valor  $i_{Lz}(t_1)$  em  $t_1$ , decrescem de forma ressonante. Durante esta etapa ocorre a transferência de potência da fonte para o circuito. Esta etapa termina no instante  $t_2$ .





Fig. 15- Primeira etapa de operação.



Fig. 16- Segunda etapa de operação.

### 3<sup>a</sup> Etapa (t<sub>2</sub>, t<sub>3</sub>)

A Fig. 17 apresenta a terceira etapa de operação. No instante  $t_2$  o interruptor S se mantém bloqueado. A corrente no diodo  $D_1$  se anula, fazendo com que o diodo se bloqueie. Os indutores  $L_{z1}$  e  $L_{z2}$  assumem, cada um, metade da corrente do indutor  $L_f$ . As tensões dos capacitores  $C_{z1}$  e  $C_{z2}$ , com valor  $v_{Cz}(t_2)$ , decrescem de forma ressonante.



Fig. 17- Terceira etapa de operação.

#### 2.4.2 Formas de onda básicas

De acordo com as etapas explicadas no item anterior, a Fig. 18 apresenta as formas de onda: tensão no capacitor  $C_z$ , corrente no indutor  $L_z$ , corrente de entrada  $i_{in}(t)$  e tensão na chave *S* juntamente com seu sinal de comando. São também mostrados os instantes de tempo correspondentes a cada transição de etapa.



Fig. 18- Formas de onda do conversor Z-Source CC-CC em modo de condução descontínua.

## 2.5 Característica externa e cálculo da indutância crítica

Visando encontrar a característica externa, foi novamente utilizado o balanço de energia no indutor  $L_z$  para o conversor operando em condução descontínua. Para facilitar os cálculos, a tensão nos capacitores  $C_z$  foi considerada constante, ou seja,  $v_{Cz}(t) = V_{Cz}$ .

Conforme dito anteriormente, a tensão média, em regime permanente  $V_{Lz}$  deve ser nula em um período de chaveamento. Os valores da tensão do indutor na primeira, segunda e terceira etapas de operação encontram-se na Fig. 19. Com estes, pode-se encontrar a Eq. (2.9), que representa a tensão média no indutor para um período de chaveamento.

$$V_{Lz} = \frac{-V_{Cz}T_o + (V_{Cz} - V_{in})T_1 + 0.T_2}{T} = 0$$
(2.9)

Manipulando-se a Eq. (2.9) encontra-se  $T_1$ , apresentado na Eq. (2.10).

$$T_1 = \frac{V_{C_z}}{V_{C_z} - V_{in}} T_0$$
(2.10)



Fig. 19- Corrente e tensão no indutor  $L_z$  em modo de condução descontínua.

A corrente média do indutor  $L_z$  é dada pela Eq. (2.11).

$$I_{Lz} = \frac{1}{T} \int_{0}^{T} i_{Lz}(t) dt$$
(2.11)

Aplicando os valores da Fig. 19 nesta equação, obtém-se a Eq. (2.12).

$$I_{Lz} = \frac{I_o}{2} + \frac{I_{LzM} - 0.5I_o}{2} . (T_0 + T_1)$$
(2.12)

A corrente máxima do indutor  $L_z$  pode ser calculada pela Eq. (2.13).

$$I_{LzM} = \frac{V_o T_1}{L_z} + \frac{I_o}{2}$$
(2.13)

Substituindo-se a Eq. (2.13) na Eq.(2.12), encontra-se a Eq.(2.14).

$$I_{Lz} = \frac{I_o}{2} + \frac{V_o D^2}{2L_z f_s} \left(\frac{2V_o - V_{in}}{V_o - V_{in}}\right)$$
(2.14)

Sabendo-se que a potência de entrada do circuito é igual à potência de saída, conforme a Eq.(2.15), obtém-se a Eq.(2.16).

$$P_e = P_s \tag{2.15}$$

$$I_{Lz}V_{in} = I_o V_o \tag{2.16}$$

A corrente média no indutor  $L_z$  foi utilizada para calcular a potência média de entrada, pois a corrente média de entrada e a corrente média neste indutor são iguais.

Substituindo a Eq. (2.14) na Eq. (2.16) obtém-se a Eq.(2.17).

$$\left(\frac{I_o}{2} + \frac{V_o D^2}{2L_z f_s} \left(\frac{2V_o - V_{in}}{V_o - V_{in}}\right)\right) V_{in} = I_o V_o$$

$$(2.17)$$

Desenvolvendo esta equação, pode ser encontrada a Eq. (2.18).

$$\frac{1 + \frac{V_o}{V_o - V_{in}}}{1 - \frac{V_{in}}{2V_o}} D^2 = \frac{2I_o L_z f_s}{V_{in}}$$
(2.18)

Convencionando os termos  $a \in \gamma$ , respectivamente, como nas Eq. (2.19) e Eq.(2.20) e aplicando manipulações algébricas encontra-se a Eq.(2.21).

$$a = \frac{V_o}{V_{in}}$$
(2.19)

$$\gamma = \frac{2I_o L_z f_s}{V_{in}} \tag{2.20}$$

$$a = \frac{\gamma}{\gamma - 2D^2} \tag{2.21}$$

Esta equação representa o ganho de tensão para o modo de operação em condução descontínua.

Aplicando-se a definição descrita na Eq. (2.19) na Eq. (2.8) encontra-se a Eq.(2.22).

$$a = \frac{D-1}{2D-1}$$
(2.22)

Tal equação representa o ganho de tensão para o modo de operação em condução contínua.

Por meio das Eq. (2.21) e Eq. (2.22) é possível traçar as características externas do conversor, representadas graficamente pela Fig. 20.



Fig. 20- Características externas do conversor.

A linha pontilhada nesta figura delimita a região de operação em condução descontínua daquela de operação em condução contínua.

Observa-se que quando a condução é descontínua, a tensão média de saída varia com a corrente média de saída. Para muitas aplicações práticas, esta é uma forma indesejável de funcionamento, pois dificulta o controle do sistema pela não linearidade que ela introduz. Por isto, deve-se tentar operar, sempre que possível, no modo de operação em condução contínua [11].

Por este motivo a indutância crítica  $L_{zer}$  se torna muito importante, pois com ela é possível definir o modo de operação do conversor. A mesma pode ser calculada considerando que no ponto crítico as Eq. (2.21) e Eq. (2.22) são válidas, iguala-se estas equações para obter a Eq.(2.23).

$$L_{zcr} = \frac{V_{in}(D - D^2)}{I_o f_s}$$
(2.23)

Pela razão apontada anteriormente, deste ponto em diante do trabalho, será apenas considerado o conversor em modo de operação em condução contínua.

### 2.6 Potência em função da Razão Cíclica

A seguir é feito um estudo acerca da potência de saída do conversor em relação a sua razão cíclica. Este estudo auxilia no pré-dimensionamento do conversor.

A potência de saída do conversor é dada pela Eq. (2.24).

$$P_s = \frac{V_o^2}{R_l} \tag{2.24}$$

Substituindo-se a Eq. (2.8) na Eq.(2.24) e fazendo algumas manipulações algébricas chega-se a Eq.(2.25).

$$\frac{P_s}{\left(\frac{V_{in}^2}{R_l}\right)} = \left(\frac{D-1}{2.D-1}\right)^2 \tag{2.25}$$

Tal equação representa a potência parametrizada em função da razão cíclica e encontra-se apresentada no gráfico da Fig. 21.



Fig. 21- Potência em função da razão cíclica.

Nota-se que para uma razão cíclica próxima de 0,5, a potência de saída tende a infinito.

### **2.7** Cálculo da Indutância L<sub>z</sub>

A indutância do indutor  $L_z$  pode ser calculada a partir da primeira etapa de operação do conversor. Sabe-se que a tensão sobre o indutor durante esta etapa é  $V_{Cz}$ e, desta forma, pode-se obter a Eq.(2.26).

$$\Delta i_{Lz} = \frac{V_{Cz} \cdot \Delta t}{L_z} \tag{2.26}$$

Sendo  $\Delta i_{L_z}$  a ondulação de corrente no indutor escolhida para o projeto do conversor e  $\Delta t = D.T$ , obtém-se a Eq.(2.27).

$$L_z = \frac{V_{Cz}.D}{\Delta i_{Lz}.f_s}$$
(2.27)

Substituindo-se a Eq. (2.6) na Eq. (2.27) resulta na Eq. (2.28), que representa o valor da indutância do indutor.

$$L_{z} = \frac{V_{in} \cdot (D^{2} - D)}{\Delta i_{Lz} \cdot f_{s} \cdot (2D - 1)}$$
(2.28)

# 2.8 Cálculo da Capacitância C<sub>z</sub>

A capacitância  $C_z$  é calculada através da primeira etapa de operação. A corrente no capacitor durante está etapa é igual a corrente do indutor, por isso pode ser definida a Eq.(2.29).

$$C_z = \frac{i_{Lz}(t).\Delta t}{\Delta V_{Cz}}$$
(2.29)

A corrente no indutor  $I_{Lz}$  considerada constante, pode ser calculada pela Eq. (2.30).

$$I_{Lz} = \frac{P_e}{V_{in}}$$
(2.30)

Substituindo-se a Eq. (2.30) na Eq. (2.29) encontra-se a Eq. (2.31), que representa o valor da capacitância  $C_z$ .

$$C_z = \frac{P_e.D.T}{V_{in}.\Delta V_{Cz}}$$
(2.31)

Nesta equação,  $\Delta V_{C_2}$  representa a ondulação de tensão no capacitor.

A seguir, calcula-se a corrente eficaz do capacitor, para auxiliar na escolha do capacitor comercial. Esta corrente eficaz pode ser calculada segundo a Eq. (2.32).

$$I_{Czef} = \sqrt{\frac{1}{T} \int_{0}^{T} i_{Cz}(t)^{2} . dt}$$
(2.32)

A Eq. (2.33) e a Eq.(2.34) representam, respectivamente, a corrente no indutor  $L_z$  e a corrente de saída do conversor.

$$I_{Lz} = \frac{P_e}{V_{in}} \tag{2.33}$$

$$I_o = \frac{D-1}{2D-1} I_{Lz}$$
(2.34)

Considerando estas duas últimas equações e que a corrente no capacitor na primeira etapa de operação é igual a  $I_{Lz}$  e na segunda etapa igual a  $I_{Lz} - I_o$ , através da Eq. (2.32), pode-se encontrar a Eq. (2.35).

$$i_{Czef} = \frac{P_e}{V_{in}} \sqrt{\frac{D}{1-D}}$$
(2.35)

Esta última equação representa a corrente eficaz nos capacitores  $C_z$ .

# **2.9** Cálculo do filtro de saída $L_f e C_f$

Para se conseguir uma tensão de saída contínua de baixa ondulação, torna-se necessário um filtro passa-baixas. O mesmo, pode ser constituído de um indutor e de um capacitor.

O indutor pode ser dimensionado pela Eq. (2.36) sendo  $\Delta i_{Lf}$  a ondulação de corrente no indutor  $L_f$ .

$$L_{f} = \frac{V_{in}(D^{2} - D)}{f \cdot \Delta i_{Lf}(2D - 1)}$$
(2.36)

Para dimensionar o capacitor, recorrem-se as Eq. (2.37), Eq. (2.38) e Eq. (2.39), que são utilizadas no cálculo do filtro de saída da fonte chaveada do tipo Forward, conforme [6].

$$C_f = \frac{\Delta i_{Lf}}{2\pi f_c \Delta v_{cf}} \tag{2.37}$$

$$\Delta v_{Cf} = R_{SE} \Delta i_{Lf} \tag{2.38}$$

$$I_{Cfef} = \frac{\Delta i_{Lf}}{2\sqrt{2}} \tag{2.39}$$

 $\Delta v_{cf}$  representa a ondulação de tensão do capacitor  $C_f$  e  $R_{SE}$  a sua resistência série equivalente.

Estes critérios, representados nas três últimas equações, são normalmente utilizados para capacitores eletrolíticos, adotando-se o menor capacitor comercial que as atenda simultaneamente.

#### 2.10 Esforços nos componentes

Neste tópico encontram-se os esforços nos componentes do conversor. Para tanto, utiliza-se a análise clássica de circuitos. Para facilitar a visualização das informações, constrói-se a Tabela 1 com todas as equações dos esforços nos componentes.

### 2.11 Modelagem estática com perdas

A seguir são apresentados modelos elétricos para o regime permanente do circuito, considerando as principais perdas. Até então, todas as deduções realizadas consideraram circuitos ideais.

Primeiramente, modela-se o circuito alimentado com uma fonte de tensão, mostram-se curvas comparativas para o sistema sem perdas e com perdas. Em seguida apresenta-se o modelo com perdas para o circuito completo, ou seja, alimentado pela CaC.

Componente	Tensão Máxima	Corrente Máxima	Corrente média	Corrente eficaz
$L_{z}$	$V_{Lz\max} = V_{cz}$	$I_{Lz\max} = \frac{P}{V_{in}}$	$I_{Lzmed} = \frac{P}{V_{in}}$	$I_{Lzef} = \frac{P}{V_{in}}$
$L_{f}$	$V_{Lf \max} = V_{Rl}$	$I_{Lf \max} = \frac{P}{V_{Rl}}$	$I_{Lfined} = \frac{P}{V_{Rl}}$	$I_{Lfef} = \frac{P}{V_{Rl}}$
C <sub>z</sub>	$V_{C_{z}\max} = \frac{(D-1).V_{in}}{2.D-1}$	$I_{Cz\max} = \frac{(i_{Rl} - i_{Lzmed})(D-1)}{D}$	$I_{Czmed} = 0$	$I_{Czef} = \frac{P}{V_{in}} \cdot \sqrt{\frac{D}{1 - D}}$
$C_{f}$	$V_{Cf \max} = \frac{(D-1).V_{in}}{2.D-1}$	$I_{Cf\max} = \frac{V_{Rl} T_s . D}{L_f . 2}$	$I_{Cfined} = 0$	$I_{Cfef} = \frac{\Delta i_{Lf}}{2\sqrt{2}}$
<i>D</i> <sub>1</sub>	$V_{D\max} = \frac{V_{in}}{2.D - 1}$	$I_{D\max} = \frac{P}{V_{in} \cdot (1-D)}$	$I_{Dmed} = \frac{P}{V_{in}}$	$I_{Def} = i_{D \max} \sqrt{1 - D}$
S	$V_{S\max} = \frac{V_{in}}{1 - 2.D}$	$I_{S\max} = \frac{P}{V_{in} \cdot (1-D)}$	$I_{Smed} = \frac{P.D}{V_{in}.(1-D)}$	$I_{Sef} = i_{S \max} . \sqrt{D}$

Tabela 1. Equações dos esforços componentes.

### 2.11.1 Modelagem com perdas com alimentação por fonte de tensão

Na Fig. 22 apresenta-se o circuito com perdas alimentado por fonte de tensão. As perdas consideradas são a queda de tensão de condução do diodo  $D_1$ , a resistência de condução da chave de potência S e as resistências parasitas dos dois indutores  $L_z$  e do indutor  $L_f$ . Para se chegar a um modelo, o mais fiel possível à realidade, dever-se-ia levar em conta todas as perdas. Entretanto, para facilitar o equacionamento, opta-se apenas pelas perdas mais significativas.

Através de uma modelagem por valores médios instantâneos encontram-se as equações (2.40), (2.41) e (2.42).



Fig. 22- Circuito com perdas alimentado por fonte de tensão.

$$V_{C} = \frac{\left[ \left( D(R_{Lz} + 2R_{Son}) + R_{Lz}(1-D) \right] I_{Lz} - R_{Son} D I_{Lf} + (D-1)V_{in} + (1-D)V_{D1}}{2D-1} \right]$$
(2.40)

$$I_{Lf} = \frac{V_C(2-2D) + V_{in}(D-1) + V_{D1}(1-D) + 2R_{Son}.D.I_{Lz}}{D(R_l + R_{Lf} + R_{Son}) + (R_l + R_{Lf})(1-D)}$$
(2.41)

$$I_{Lz} = \frac{D-1}{2D-1} I_{Lf}$$
(2.42)

Unindo-se estas equações e isolando-se  $I_{Lf}$ , encontra-se a Eq.(2.43).

$$I_{Lf} = \frac{(V_{D1} - V_{in})[-2D^2 + 3D - 1]}{R_l(4D^2 - 4D + 1) + R_{Lf}(4D^2 - 4D + 1) + R_{Lz}(2D^2 - 4D + 2) + R_{Son}D)}$$
(2.43)

O produto de  $I_{Lf}$  por  $R_l$  resulta na Eq.(2.44) que representa a tensão de saída.

$$V_{o} = \left(\frac{(V_{D1} - V_{in})[-2D^{2} + 3D - 1]}{R_{l}(4D^{2} - 4D + 1) + R_{Lf}(4D^{2} - 4D + 1) + R_{Lz}(2D^{2} - 4D + 2) + R_{Son}D)}\right).R_{l}$$
(2.44)

Na Fig. 23 é representada uma comparação da tensão de saída para o circuito com perdas e circuito sem perdas.



Fig. 23- Tensão de saída para o circuito com perdas e circuito sem perdas, alimentados por fonte de tensão em função da razão cíclica.

Na Fig. 24 a comparação se dá para a potência de saída com um circuito com perdas e sem perdas.

Para encontrar as curvas do circuito sem perdas foram considerados:

$$V_{in} = 30V$$

 $R_l = 2,7\Omega$ 

E para as curvas do circuito com perdas foram considerados:

$$V_{in} = 30V$$
$$R_l = 2,7\Omega$$
$$R_{Lz} = 11m\Omega$$

 $R_{Lf} = 12m\Omega$  $R_{Son} = 30m\Omega$ 

 $V_{D1} = 1V$ 



Fig. 24- Potência de saída para o circuito com perdas e circuito sem perdas, alimentados por fonte de tensão em função da razão cíclica.

Nota-se na Fig. 23 que a tensão para a modelagem com perdas possui um limite superior, diferentemente do caso sem perdas. Pode-se observar ainda que, para razões cíclicas baixas, os dois modelos são bem próximos. Comentários semelhantes podem ser feitos para a potência de saída da Fig. 24.

### 2.11.2 Modelagem com perdas para circuito completo

Na Fig. 25 é apresentado o circuito completo com perdas alimentado pela CaC. Neste caso, além das perdas consideradas no tópico anterior, foram acrescidas as perdas resistivas no indutor  $L_{fcel}$  e a tensão de condução do diodo  $D_{cel}$ .



Fig. 25- Circuito com perdas alimentado pela CaC.

Utilizando-se novamente uma modelagem por valores médios instantâneos encontram-se as equações (2.45), (2.46), (2.47) e (2.48).

$$V_{C} = \frac{\left[ \left( D(R_{Lz} + 2R_{Son}) + R_{Lz}(1-D) \right] I_{Lz} - R_{Son} D I_{Lf} + (D-1) V_{Cfcel} + (1-D) V_{D1}}{2D - 1} \right]$$
(2.45)

$$I_{Lf} = \frac{V_C(2-2D) + V_{Cfcel}(D-1) + V_{D1}(1-D) + 2R_{Son} \cdot D.I_{Lz}}{D(R_{eq} + R_{Son}) + R_{eq}(1-D)}$$
(2.46)

$$I_{Lz} = \frac{D-1}{2D-1} I_{Lf}$$
(2.47)

$$V_{Cfcel} = V_{cel} - R_T I_{Lz} - V_{Dcel}$$
(2.48)

Unindo-se estas equações e isolando-se  $I_{Lf}$ , pode-se encontrar a corrente de saída, conforme (2.49).

$$I_{Lf} = \frac{(-2D^2 + 3D - 1)(V_{D1} - V_{cel} + V_{Dcel})}{R_T (D^2 - 2D + 1) + R_{Lz} (2D^2 - 4D + 2) + R_{eq} (4D^2 - 4D + 1) + R_{Son} D}$$
(2.49)

Nesta equação,  $R_T$  e  $R_{eq}$  são definidos, respectivamente, pelas Eq. (2.50) e Eq. (2.51).

$$R_T = R_a + R_r + R_{Lfcel} \tag{2.50}$$

$$R_{eq} = R_{Lf} + R_l \tag{2.51}$$

O produto de  $I_{Lf}$  por  $R_l$  resulta na Eq.(2.52) que representa a tensão de saída.

$$V_{o} = \left(\frac{(-2D^{2} + 3D - 1)(V_{D1} - V_{cel} + V_{Dcel})}{R_{T}(D^{2} - 2D + 1) + R_{Lz}(2D^{2} - 4D + 2) + R_{eq}(4D^{2} - 4D + 1) + R_{Son}D}\right).R_{l}$$
(2.52)

Nas Fig. 26 e Fig. 27 são apresentados, respectivamente, a tensão de saída e potência de saída para o circuito com perda. Para encontrar estas curvas foram considerados:

$$V_{cel} = 41V$$

$$R_{l} = 2,7\Omega$$

$$R_{Lz} = 11m\Omega$$

$$R_{Lf} = 12m\Omega$$

$$R_{Son} = 30m\Omega$$

$$V_{D1} = 1V$$

$$R_{Lfcel} = 6m\Omega$$

$$R_{a} = 233m\Omega$$

$$R_{r} = 133m\Omega$$

$$V_{Dcel} = 1,08V$$



Fig. 26- Tensão de saída para o circuito com perdas, alimentados pela CaC em função da razão cíclica.



Fig. 27- Potência de saída para o circuito com perdas, alimentados pela CaC em função da razão cíclica.

### 2.12 Conclusão

Atualmente a topologia Z-Source é proposta como uma alternativa de inversor. Constata-se que, com a utilização da mesma associação de impedância, é também possível obter um conversor Z-Source CC-CC que pode ser uma topologia auxiliar no tratamento da energia.

De forma a dimensionar e compreender esse conversor, foram desenvolvidos modelos matemáticos. Neste capítulo, observou-se a existência de dois modos de operação: condução contínua e descontínua. Foram apresentados os equacionamentos, as características externas, o dimensionamento dos elementos passivos e os esforços nos componentes. Um estudo de potência em função da razão cíclica foi realizado de forma a auxiliar no projeto do conversor, juntamente com o estudo do conversor, considerando-se suas perdas, para se obter uma representação mais fiel da realidade.

Para realizar o controle da estrutura do conversor, tornam-se necessárias uma modelagem dinâmica da estrutura e uma proposta de controle. Estes elementos são tratados no Capítulo 3.

# Capítulo 3 - Modelagem Dinâmica

### 3.1 Introdução

Neste capitulo é apresentado um modelo dinâmico para o conversor aqui estudado. Em seguida é proposta uma estrutura de controle linear em malha fechada para se obter uma tensão estabilizada na saída.

### 3.2 Modelagem por valores médios instantâneos

Para a modelagem dinâmica do conversor considera-se, inicialmente, o capacitor  $C_f$  e o resistor  $R_l$  como uma impedância  $Z_l$  para facilitar o equacionamento. A primeira etapa de operação pode ser visualizada na Fig. 28.



Fig. 28- Primeira etapa de operação.

A partir desta figura, obtêm-se as equações (3.1), (3.2), (3.3), (3.4) e (3.5).

$$L_{z1} \cdot \frac{di_{Lz1}(t)}{dt} = v_{Cz1}(t)$$
(3.1)

$$L_{z2} \cdot \frac{di_{L2}(t)}{dt} = v_{C2}(t)$$
(3.2)

$$C_{z1} \cdot \frac{dv_{Cz1}(t)}{dt} = -i_{Lz1}(t)$$
(3.3)

$$C_{z2} \cdot \frac{dv_{Cz2}(t)}{dt} = -i_{Lz2}(t)$$
(3.4)

$$L_{Lf} \cdot \frac{di_{Lf}(t)}{dt} = -i_{Lf}(t)$$
(3.5)

As equações (3.1) e (3.2) podem ser reescritas apenas como Eq.(3.6).

$$L_{z} \cdot \frac{di_{Lz}(t)}{dt} = v_{Cz}(t)$$
(3.6)

As equações (3.3) e (3.4) podem ser reescritas apenas como Eq.(3.7).

$$C_{z} \cdot \frac{dv_{C_{z}}(t)}{dt} = -i_{L_{z}}(t)$$
(3.7)

Em [7] conclui-se que  $v_{Cz1}(t)$  e  $v_{Cz2}(t)$  representam um mesmo estado  $v_{Cz}(t)$ , juntamente com  $i_{Lz1}(t)$  e  $i_{Lz2}(t)$ , que também representam apenas um estado  $i_{Lz}(t)$ .

A mesma conclusão pode ser confirmada através de simulação, as tensões  $v_{Cz1}(t)$  e  $v_{Cz2}(t)$  possuem valores instantâneos idênticos, podendo-se dizer o mesmo para os valores das correntes  $i_{Lz1}(t)$  e  $i_{Lz2}(t)$ .

Portanto as equações (3.1), (3.2), (3.3), (3.4) e (3.5), que representam a primeira etapa de operação, são então reduzidas às equações (3.5), (3.6) e (3.7).

As equações (3.5), (3.6) e (3.7) podem ser escritas em espaço de estados, segundo a Eq. (3.8), conforme descrito em [8].

$$k.\dot{x} = A_1.x + B_1.u \tag{3.8}$$

A operação descrita pela Eq.(3.8) resulta no modelo matricial da Eq.(3.9).



$$\begin{bmatrix} L_{z} & 0 & 0\\ 0 & C_{z} & 0\\ 0 & 0 & L_{f} \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} \dot{i}_{Lz} \\ \dot{v}_{Cz} \\ \dot{i}_{Lf} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0\\ -1 & 0 & 0\\ 0 & 0 & -Z_{I} \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} i_{Lz} \\ v_{Cz} \\ i_{Lf} \end{bmatrix}$$
(3.9)

A segunda etapa da operação é representada pela Fig. 29.



Fig. 29- Segunda etapa de operação.

Da figura anterior obtêm-se as equações (3.10), (3.11) e (3.12).

$$L_{z} \cdot \frac{di_{Lz}(t)}{dt} = V_{in} - v_{Cz}(t)$$
(3.10)

$$C_{z} \frac{dv_{Cz}(t)}{dt} = i_{Lz}(t) - i_{Lf}(t)$$
(3.11)

$$L_{f} \cdot \frac{di_{Lf}(t)}{dt} = 2 \cdot v_{Cz}(t) - i_{Lf}(t) \cdot Z_{l} - V_{in}$$
(3.12)

Obtêm-se três equações ao invés de cinco, utilizando-se o mesmo argumento discutido na primeira etapa de operação.

Estas equações podem ser escritas em espaço de estados, conforme (3.13).

$$k.\dot{x} = A_2.x + B_2.u \tag{3.13}$$

A operação descrita pela Eq. (3.13) resulta no modelo matricial na Eq.(3.14).

Instituto de Eletrônica de Potência

$$\begin{bmatrix} L_{z} & 0 & 0\\ 0 & C_{z} & 0\\ 0 & 0 & L_{f} \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} \dot{i}_{Lz} \\ \dot{v}_{Cz} \\ \dot{i}_{Lf} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & -1 & 0\\ 1 & 0 & -1\\ 0 & 2 & -Z_{I} \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} i_{Lz} \\ v_{Cz} \\ i_{Lf} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1\\ 0\\ -1 \end{bmatrix} \cdot V_{in}$$
(3.14)

Sendo  $A_1, A_2, B_1$  e  $B_2$  das equações anteriores e A e B das equações (3.15) e (3.16).

$$A = D.A_1 + D'.A_2 \tag{3.15}$$

$$B = D.B_1 + D'.B_2 \tag{3.16}$$

Com estas considerações, obtêm-se as equações (3.17) e (3.18).

$$A = \begin{bmatrix} 0 & D - D' & 0 \\ D' - D & 0 & -D' \\ 0 & 2.D' & -R_l \end{bmatrix}$$
(3.17)  
$$B = \begin{bmatrix} D' \\ 0 \\ -D' \end{bmatrix}$$
(3.18)

Seja a equação de espaço de estados para pequenos sinais [8], apresentada em (3.19).

$$k.\tilde{\dot{x}} = A.\tilde{x} + B.\tilde{u} + [(A_1 - A_2).x + (B_1 - B_2).u].\tilde{d}$$
(3.19)

Sendo que o símbolo "~" representa uma pequena variação da variável em questão no ponto de equilíbrio do sistema.

Utilizando-se a equação de espaço de estados para pequenos sinais apresentada em (3.19), obtém-se (3.20).

$$\begin{bmatrix} L_{z} & 0 & 0\\ 0 & C_{z} & 0\\ 0 & 0 & L_{f} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \tilde{i}_{Lz}\\ \tilde{v}_{Cz}\\ \tilde{i}_{Lf} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & D-D' & 0\\ D'-D & 0 & -D'\\ 0 & 2.D' & -Z_{l} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \tilde{i}_{Lz}\\ \tilde{v}_{Cz}\\ \tilde{i}_{Lf} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} D'\\ 0\\ -D' \end{bmatrix} \cdot \tilde{v}_{in} + \begin{bmatrix} 2.V_{cz} - V_{in}\\ -2.I_{Lz} + I_{f}\\ -2V_{cz} + V_{in} \end{bmatrix} \cdot \tilde{d}$$
(3.20)

Aplicando-se a transformada de Laplace em (3.20), encontram-se as equações (3.21), (3.22) e (3.23) no domínio s.

$$s.L_{z}.\tilde{i}_{Lz}(s) = (D - D').\tilde{v}_{cz}(s) + D'.\tilde{v}_{in}(s) + (2.V_{cz} - V_{in}).\tilde{d}(s)$$
(3.21)

$$s.C_{z}.\tilde{v}_{cz}(s) = (D'-D)\tilde{i}_{Lz}(s) - D'\tilde{i}_{Lf}(s) + (-2.I_{Lz} + I_{f})\tilde{d}(s)$$
(3.22)

$$s.L_{f}.\tilde{i}_{f}(s) = 2.D'.\tilde{v}_{cz}(s) - Z_{l}.\tilde{i}_{Lf}(s) - D'.\tilde{v}_{in}(s) + (-2.V_{cz} + V_{in}).\tilde{d}(s)$$
(3.23)

Considerando  $\tilde{v}_{in}(s) = 0$ ,  $\tilde{v}_{Cz}(s) = 0$  e  $\tilde{i}_{Lz}(s) = 0$  e manipulando-se estas três últimas equações, encontram-se a função de transferência entre a corrente de saída e a razão cíclica (3.24) e a função de transferência entre a tensão de saída e a razão cíclica (3.25).

$$\frac{\tilde{i}_f(s)}{\tilde{d}(s)} = \frac{s^2 . L_z . C_z . (-2 . V_{cz} + V_{in}) + s . 2 . L_z . D' . (-2 . I_{Lz} + I_f) + V_{in}}{s^3 . L_f . L_z . C_z + s^2 . Z_l . L_z . C_z + s . (2 . D'^2 . L_z + L_f . (D - D')^2) + Z_l . (D - D')^2}$$
(3.24)

$$\frac{\tilde{v}_{o}(s)}{\tilde{d}(s)} = \frac{s^{2}.L_{z}.C_{z}.Z_{l}(-2.V_{cz}+V_{in}) + s.2.L_{z}.Z_{l}.D'.(-2.I_{Lz}+I_{f}) + Z_{l}.V_{in}}{s^{3}.L_{f}.L_{z}.C_{z} + s^{2}.Z_{l}.L_{z}.C_{z} + s.(2.D'^{2}.L_{z}+L_{f}.(D-D')^{2}) + Z_{l}.(D-D')^{2}}$$
(3.25)

Conforme dito anteriormente, a impedância  $Z_l$  representa o paralelo entre  $R_l$  e  $C_f$ , a qual, no domínio de Laplace, pode ser escrita como (3.26).

$$Z_l = \frac{R_l}{C_f \cdot R_l \cdot s + 1} \tag{3.26}$$

Substituindo-se (3.26) em (3.25) obtém-se a Eq. (3.27), que representa a função de transferência entre a razão cíclica e a tensão de saída.

$$\frac{\tilde{v}_{o}(s)}{\tilde{d}(s)} = \frac{R_{l} \cdot \left[ \left( -2L_{z}C_{z}V_{cz} + L_{z}C_{z}V_{in} \right)s^{2} + \left( 4L_{z}DI_{Lz} - 2L_{z}DI_{f} + 2L_{z}I_{f} - 4L_{z}I_{Lz} \right)s + V_{in} \right]}{\left[ \left( L_{f}L_{z}C_{z}C_{f}R_{l} \right)s^{4} + \left( L_{f}L_{z}C_{z} \right)s^{3} + \left( \frac{2L_{z}D^{2}C_{f}R_{l} - 4L_{z}DC_{f}R_{l} - 4L_{f}DC_{f}R_{l}}{+L_{f}C_{f}R_{l} + 4L_{f}D^{2}C_{f}R_{l} + L_{z}C_{z}R_{l} + 2L_{z}C_{f}R_{l}} \right]s^{2} \right]}$$
(3.27)  
$$+ \left( L_{f}L_{z}C_{z}C_{f}R_{l} \right)s^{4} + \left( L_{f}L_{z}C_{z} \right)s^{3} + \left( \frac{2L_{z}D^{2}C_{f}R_{l} - 4L_{z}DC_{f}R_{l} - 4L_{z}DC_{f}R_{l}}{+L_{f}C_{f}R_{l} + 4L_{f}D^{2}C_{f}R_{l} + L_{z}C_{z}R_{l} + 2L_{z}C_{f}R_{l}} \right)s^{2} \right]$$

Na Fig. 30, apresenta-se o diagrama de Bode e o lugar das raízes da Eq. (3.27), para o ponto de operação utilizado no cálculo do compensador, assunto do Capítulo 4.

Para comprovar a modelagem da planta é utilizado um simulador de circuitos elétricos. Aplicando-se uma perturbação senoidal na razão cíclica, obtém-se uma perturbação senoidal na tensão de saída do conversor. Tomaram-se notas dos módulos e fases das senóides, tanto as aplicadas quanto aquelas obtidas na saída, para uma série de freqüências. Com estes dados, pode-se montar o diagrama de Bode exposto na Fig. 31, o qual se assemelha com o diagrama de Bode da modelagem, representado pela Fig. 30.



Fig. 30- Diagrama de Bode e Lugar das Raízes da Planta.

Pode-se perceber que a função transferência possui dois zeros e três pólos. Um dos zeros se situa no semi-plano direito, caracterizando-se assim como um sistema de fase não mínima, este fato é também observado no inversor Z-Source em [18].

É também possível notar que, para altas freqüências, a fase situa-se em 360°, apesar de possuir três pólos e dois zeros. Isso se deve ao zero no semi-plano direito, que se comporta como um pólo do ponto de vista da fase.





Fig. 31- Diagrama de Bode da planta extraídos do simulador.

### 3.3 Circuito de controle

Sabe-se que conversores chaveados são não lineares. Para se realizar o controle, primeiramente é realizada uma linearização do conversor em um ponto de operação e em seguida são aplicadas técnicas de controle clássico, conforme [9]. A estrutura escolhida para o controle da planta é do tipo PID (Proporcional, Integral, Derivativo).

A estrutura do controle encontra-se exposta em diagrama de blocos na Fig. 32. Em seguida, faz-se uma breve explicação de cada bloco.



Fig. 32 - Técnica de controle.

#### • Ganho do sensor de tensão H

O sensor de tensão H é responsável pela adequação do nível de tensão de saída do conversor com o sinal de referência. Para este caso é utilizado um simples divisor resistivo, apresentado na Fig. 33.



Fig. 33 - Sensor de tensão.

O ganho do sensor é dado pela Eq. (3.28).

$$H = \frac{R_{s_2}}{R_{s_1} + R_{s_2}} \tag{3.28}$$

#### • Ganho do gerador de PWM

O ganho do gerador PWM pode ser calculado pela Eq. (3.29).

$$G_{PWM} = \frac{1}{V_{serra}}$$
(3.29)

Nesta equação,  $V_{serra}$  representa o valor de pico da forma de onda do tipo dente de serra do gerador de PWM.

#### • Cálculo do Compensador

Optou-se por um compensador de segunda ordem do tipo PID. Primeiramente para se obter erro nulo em regime permanente e, em seguida, para possibilitar uma flexibilidade na alocação de pólos e zeros. A Fig. 34 apresenta o controlador elaborado com amplificador operacional.



Fig. 34 - Compensador PID.

Neste compensador pode-se definir o ganho estático e alocar dois zeros e um pólo, de acordo com as resistências e capacitâncias adotadas. O modelo do compensador C(s) no domínio de Laplace é representado pela Eq.(3.30).



$$C(s) = \frac{R_3}{R_1} \frac{(s + \frac{1}{R_3.C_2})(s + \frac{1}{R_2.C_1})}{s\left(s + \frac{R_1 + R_2}{R_1.R_2.C_1}\right)}$$
(3.30)

### 3.4 Conclusão

Neste capítulo foram apresentadas uma modelagem dinâmica para o conversor estudado e uma proposta de controle para a estabilização da tensão de saída. Ressalta-se que a modelagem dinâmica é também válida para o inversor Z-Source.

Optou-se pela utilização de um compensador do tipo PID: primeiro para se obter erro nulo em regime permanente e, em seguida, para possibilitar uma flexibilidade na alocação de pólos e zeros.

No Capítulo subseqüente são propostos o projeto e a implementação prática do conversor, visando à validação dos estudos teóricos desenvolvidos.

# Capítulo 4 - Projeto e Experimentação

### 4.1 Introdução

Neste capítulo aborda-se o projeto do conversor juntamente com o projeto do controlador. O circuito completo desenvolvido encontra-se apresentado na Fig. 35.





Fig. 35- Circuito implementado.

Primeiramente foram dimensionados os elementos do conversor em regime permanente, e em seguida, fez-se o projeto do controlador e circuitos auxiliares. Foram feitas simulações para comprovar os estudos. Durante o desenvolvimento foram escolhidos componentes comerciais para a construção do protótipo.

A simulação e a experimentação foram divididas em duas partes. Na primeira parte foi utilizada uma fonte de tensão como alimentação e na segunda parte a CaC.

Os requisitos do projeto são:

- Potência de saída: 750W
- Tensão de saída: 45V
- Freqüência de chaveamento: 40kHz
- Erro nulo ao seguimento de referência

### 4.2 Dimensionamento dos elementos do Conversor

Os elementos do conversor foram dimensionados recorrendo-se às equações deduzidas no Capitulo 2.

Para calcular os elementos do conversor, consideram-se a CaC e o filtro da célula como uma fonte ideal de 30V. As equações utilizadas são ideais, por isto, estima-se um rendimento de cerca de 90%, obtendo-se uma potência de 850W para os cálculos dos elementos.

Manipulou-se a Eq.(2.8) para encontrar a razão cíclica de operação do conversor resultando na Eq. (4.1).

$$D = \frac{V_o - V_{in}}{2V_o - V_{in}} \tag{4.1}$$

Sabendo-se que  $V_o = 45V$  e  $V_{in} = 30V$ , obtém-se D = 0, 25.

Considerando a ondulação de corrente no indutor  $L_z$  de 10%, logo  $\Delta i_{Lz} = 0, 1I_{Lz}$ . Da Eq.(2.28), obtém-se o valor da indutância dado por (4.2).

$$L_z = 100 u H \tag{4.2}$$

A indutância do indutor adotado é de 115uH. Nota-se que este valor é superior à indutância crítica apresentada em (4.3), o que leva o conversor a operar em condução continua.

$$L_{zcr} = 7,5uH \tag{4.3}$$

O projeto físico dos indutores é realizado de acordo com [16] e [17].

Para uma ondulação de tensão de 5%, ou seja,  $\Delta v_c = 0,05V_c$ , na Eq.(2.31) encontra-se o valor da capacitância dado por (4.4).

$$C_z = 79\mu F \tag{4.4}$$

A corrente eficaz no capacitor  $C_z$  pode ser encontrada por meio da Eq.(2.35), que resulta em (4.5).

$$i_{C_{zef}} = 16, 4A$$
 (4.5)

Assim, para atender aos requisitos de (4.4) e (4.5), optou-se por quatro capacitores B32524Q1226 da EPCOS em paralelo, totalizando 88uF.

Para a indutância do indutor do filtro de saída utilizou-se a Eq.(2.36). Considerando uma ondulação de corrente de 5%, ou seja,  $\Delta i_{Lf} = 0.05 I_{Lf}$ , obteve-se a Eq. (4.6).

$$L_f = 298uH \tag{4.6}$$

A indutância do indutor adotado no protótipo vale 283uF.

Para o capacitor  $C_f$  utilizou-se as equações (2.37), (2.38) e (2.39), sendo a variação de tensão de saída adotada como 1%, ou seja,  $\Delta v_{cf} = 0,01V_{Cf}$ . Destas, resultam (4.7), (4.8) e (4.9).

$$C_f = 8.4\mu F \tag{4.7}$$

$$R_{SE} = 0,47\Omega \tag{4.8}$$

$$I_{Clef} = 0.3A \tag{4.9}$$

De maneira a atender às especificações, optou-se pelo capacitor B41505A9687 da EPCOS. Este componente apresenta uma capacitância de 680uF e uma resistência série de  $156m\Omega$ .

Nota-se que o filtro de saída tornou-se super-dimensionado, segundo [6]. Entretanto, optou-se pela adoção dos valores deste filtro, pois desta maneira, sua freqüência de corte,  $f_{fc} = 360Hz$ , fica abaixo da freqüência de ressonância da impedância Z-Source,  $f_{zc} = 1580Hz$ .

Utilizando-se as equações expostas na Tabela 1, para encontrar os esforços nos componentes, gerou-se a Tabela 2.

Componente	Tensão Máxima	Corrente Máxima	Corrente média	Corrente eficaz
$L_{z}$	$v_{Lz\max} = 45V$	$i_{Lz\max} = 28, 3A$	$i_{Lzmed} = 28, 3A$	$i_{Lef} = 28, 3A$
$L_{f}$	$v_{Lf \max} = 45V$	$i_{Lf \max} = 18,9A$	$i_{Lfmed} = 18,9A$	$i_{Lfef} = 18,9A$
$C_{z}$	$v_{Cz\max} = 45V$	$i_{Cz\max} = 28, 3A$	$i_{Czmed} = 0A$	$i_{Czef} = 16, 4A$
$C_{f}$	$v_{Cf \max} = 45V$	$i_{Cf \max} = 0, 5A$	$i_{Cfmed} = 0A$	$i_{Cfef} = 0, 3A$
$D_1$	$v_{D \max} = 60V$	$i_{D\max} = 37, 8A$	$i_{Dmed} = 28, 3A$	$i_{Def} = 32, 7A$
S	$v_{s \max} = 60V$	$i_{S \max} = 37, 8A$	$i_{Smed} = 9, 4A$	$i_{Sef} = 18,9A$

Tabela 2. Esforços nos componentes.

Fazendo-se uso desta tabela, escolheu-se o diodo de potência  $D_1$  e o interruptor de potência *S*. Os componentes escolhidos foram 60EPU02 e o MOSFET IRFP4332PbF, ambos fabricados pela International Rectifier.

De maneira a minimizar as perdas de condução no transistor foram utilizados dois IRFP4332PbF em paralelo. Para limitar o sobre-tensão sobre os mesmos, adotou-se um circuito grampeador, que foi calculado de maneira a se limitar a tensão sobre os transistores a um valor aproximado de 100V, seu equacionamento seguiu [14].



### 4.3 Cálculo do filtro e proteção da Célula

Neste tópico são dimensionados o filtro e proteção da CaC. A necessidade de se filtrar a corrente da CaC provém de uma limitação da mesma quanto à sua ondulação de corrente e à necessidade de proteção contra corrente reversa.

Adotou-se um filtro LC passa baixas de segunda ordem. O mesmo foi calculado seguindo [5]. Apresenta-se a seguir a resposta em freqüência do filtro, segundo a Eq.(4.10).

$$\frac{V_o}{V_{in}}(s) = \frac{R}{s^2 L_{fcel} C_{fcel} R w^2 + s L_{fcel} + R}$$
(4.10)

A freqüência natural e o fator de amortecimento são apresentados a seguir, respectivamente, na Eq.(4.11) e na Eq.(4.12).

$$w_o = \frac{1}{\sqrt{L_{cel}C_{cel}}} \tag{4.11}$$

$$\xi = \frac{1}{2R} \cdot \sqrt{\frac{L_{cel}}{C_{cel}}} \tag{4.12}$$

A freqüência natural do filtro foi escolhida de maneira a se ter a corrente drenada da CaC contínua com o mínimo de ondulação possível. Sendo a freqüência de ressonância da impedância Z-Source igual a  $f_z = 1,58kHz$ , adotou-se a freqüência do filtro de entrada como sendo  $f_{cel} = 260Hz$ , com objetivo de distanciar os valores das duas freqüências, prevenindo possíveis ressonâncias entre elas.

Com a freqüência de ressonância do filtro definida,  $f_{cel} = 260Hz$ , escolheu-se um indutor  $L_{cel} = 19uH$ . A partir da Eq. (4.11) obteve-se uma capacitância de  $C_{cel} = 19,8mF$ . Para esta capacitância foram escolhidos seis capacitores em paralelo do tipo B41505A9338 da EPCOS. O diagrama de Bode do filtro encontra-se representado na Fig. 36.

O diodo de proteção  $D_{cel}$  escolhido foi o APT60D40B, da Advanced Power Technology. O mesmo opera em condução contínua, portanto sua restrição se limita a suportar a máxima corrente drenada da fonte de alimentação.



Fig. 36- Diagrama de Bode do Filtro da CaC.

f (Hz)

100

 $1.10^{4}$ 

 $1 \cdot 10^{5}$ 

### 4.4 Projeto de Controle do Conversor

10

Para projetar o compensador simplificou-se a planta a ser controlada. Primeiramente considerou-se a CaC como uma fonte de tensão ideal. Consideraram-se também todos os elementos como sendo ideais.

Um ponto de operação da planta foi escolhido para ser linearizado. Esse ponto de escolha foi para uma baixa potência por representar o pior caso a ser controlado. A Fig. 37 apresenta o diagrama de Bode e o lugar das raízes para o ponto de operação escolhido.


Fig. 37- Diagrama de Bode e Lugar das Raízes da Planta.

O projeto foi elaborado utilizando análises por lugar das raízes. O primeiro pólo ficou alocado na freqüência de  $f_{p1} = 0Hz$ , representando o pólo integrador. O segundo ficou em  $f_{p2} = 2000Hz$  para filtrar a alta freqüência. Os dois zeros foram alocados na freqüência de  $f_{z1} = 907Hz$  de maneira a atenuar a ressonância da impedância Z-Source,  $f_z = 1580Hz$ . Optou-se pelo ganho do controlador correspondente a G = 0.054 para estabilizar o sistema.

A Fig. 38 e a Fig. 39 apresentam o sistema já controlado. A Fig. 39 apresenta uma imagem ampliada nos pólos dominantes do sistema. Percebe-se, pela posição dos pólos dominantes, que o sistema tem uma dinâmica lenta.

Para a escolha dos resistores e capacitores do compensador, utilizaram-se as equações (4.13), (4.14), (4.15) e (4.16).



Fig. 38- Diagrama de Bode e Lugar das Raízes do sistema controlado.



Fig. 39- Lugar das Raízes do sistema controlado com imagem ampliada nos pólos dominantes.

$$f_{z1} = \frac{1}{2\pi R_3 C_2} \tag{4.13}$$



$$f_{z2} = \frac{1}{2\pi R_2 C_1} \tag{4.14}$$

$$f_{p2} = \frac{R_1 + R_2}{R_1 R_2 C_1} \tag{4.15}$$

$$G = \frac{R_3}{R_1} \tag{4.16}$$

Estas equações foram encontradas pela análise do circuito da Fig. 34.

Os valores comerciais adotados para os resistores e capacitores encontram-se apresentados na Tabela 3.

Componente	Valor
$R_1$	$15k\Omega$
$R_2$	$18k\Omega$
$R_3$	680Ω
$C_1$	10 <i>nF</i>
$C_2$	220 <i>nF</i>

Tabela 3. Componentes comerciais utilizados para ajuste do compensador.

A função de transferência do compensador implementado é representada pela Eq. (4.17).

$$C(s) = 0.0453 \frac{(s+5556)(s+6684)}{s(s+12222)}$$
(4.17)

Na Fig. 40, são apresentadas as respostas da tensão de saída para um degrau na razão cíclica. A forma de onda  $V_{out1}$  adquirida da simulação do sistema ideal utilizado para desenvolver o controlador e a forma de onda  $V_{out2}$  adquirida da simulação do sistema completo com CaC e perdas resistivas. Nota-se que suas dinâmicas são parecidas, o que



pode validar a utilização de um modelo mais simplificado para o projeto do controlador. A diferença entre as formas de onda se deve ao fato de a tensão de entrada variar para a alimentação com a CaC. Isto equivale, na malha de controle, a uma perturbação na tensão de entrada que não foi prevista no projeto do controlador. Mas pode-se perceber que as duas formas de onda tendem a um mesmo valor.



Fig. 40- Tensão de saída para resposta a um impulso na razão cíclica para circuito idealizado  $V_{out1}$  e para circuito completo  $V_{out2}$ .

### 4.5 Análise do Ponto de Operação com perdas no circuito

Para análise de um ponto de operação mais preciso da estrutura, considerou-se o sistema inteiro, conforme a Fig. 25, levando-se em conta as perdas do circuito mais relevantes. Através das equações desenvolvidas no tópico 2.11.1, são traçados gráficos para se encontrar um ponto de operação mais preciso. A Fig. 41, a seguir, apresenta um gráfico da potência de saída e tensão de saída em função da razão cíclica.



Fig. 41- Potência e tensão de saída em função da razão cíclica.

A razão cíclica prevista sem perdas seria de D = 0,25. Entretanto, com a introdução das perdas, a razão cíclica necessária aumenta. Nota-se nesta figura que, para uma razão cíclica de D = 0,28, obteve-se uma potência de saída de 750 W e uma tensão de saída de 45V.

Esta razão cíclica mais precisa se torna importante no caso de um estudo de otimização do conversor.

## 4.6 Simulação Numérica do Circuito

A seguir são apresentados os resultados de simulação numérica para o sistema projetado. Primeiramente foi utilizada uma alimentação por fonte de tensão ideal e, em seguida, uma alimentação com modelo elétrico da CaC.



## 4.6.1 Circuito alimentado por fonte de tensão

O circuito alimentado por uma fonte de tensão ideal, simulado numericamente, encontra-se representado na Fig. 42.



Fig. 42- Circuito simulado numericamente.

As formas de onda obtidas por simulação deste circuito são mostradas a seguir.

Na Fig. 43 são apresentadas a tensão de entrada e a corrente de entrada do conversor.

Na Fig. 44 são apresentadas a forma de onda da tensão no capacitor  $C_z$  e a da corrente no indutor  $L_z$ .



Fig. 43- Forma de onda da tensão e corrente de entrada.



Fig. 44- Forma de onda da corrente no indutor  $L_{\!_{z}}$  e tensão no capacitor  $C_{\!_{z}}.$ 

Na Fig. 45 é apresentada a forma de onda da corrente no indutor  $L_f$  e na Fig. 46 são apresentadas as formas de onda da tensão de saída e corrente de saída.



Fig. 45- Forma de onda da corrente no indutor  $L_{f}$ .



Fig. 46- Forma de onda da tensão e da corrente de saída.

Na Fig. 47 são apresentadas as formas de onda da tensão dente de serra, da tensão de controle e do sinal PWM gerado.





Fig. 47- Forma de onda da tensão dente de serra, da tensão de controle e do sinal PWM gerado.

# 4.6.2 Circuito alimentado pela Célula a Combustível

O circuito alimentado pelo modelo da CaC, simulado numericamente, encontra-se representado na Fig. 48.



Fig. 48- Cicuito simulado numericamente.

As formas de onda obtidas por simulação deste circuito são mostradas a seguir.



Na Fig. 49 são apresentadas a tensão de entrada e a corrente de entrada.

Fig. 49- Forma de onda da tensão e corrente de entrada.









São expostas, na Fig. 51, a forma de onda da tensão no capacitor  $C_z$  e a da corrente no indutor  $L_z$ .

Fig. 51- Forma de onda da corrente no indutor  $L_z$  e tensão no capacitor  $C_z$ .



Na Fig. 52 é apresentada a forma de onda da corrente no indutor  $L_{f}$ .

Fig. 52- Forma de onda da corrente no indutor  $L_{\rm f}$  .

São apresentadas, na Fig. 53, as formas de onda da tensão de saída e corrente de saída.



Fig. 53- Forma de onda da tensão e da corrente de saída.

Na Fig. 54 são expostas as formas de onda da tensão dente de serra, da tensão de controle e do sinal PWM gerado.



Fig. 54- Forma de onda da tensão dente de serra, da tensão de controle e do sinal PWM.



#### 4.7 Resultados Experimentais

Utilizando os componentes especificados no projeto do conversor construiu-se um protótipo. O principal objetivo deste desenvolvimento prático é comprovar o funcionamento do conversor Z-Source CC-CC em concordância com a análise teórica e as simulações desenvolvidas.



A Fig. 55 apresenta uma foto do protótipo implementado.

Fig. 55- Protótipo implementado.

Notam-se nesta imagem três placas distintas, a do filtro e proteção da CaC, a do conversor e a do controlador.

A seguir são apresentadas aquisições feitas com o protótipo. A parte experimental, conforme simulação, também foi dividida em duas partes. Na primeira o protótipo foi alimentado por uma fonte de tensão e na segunda alimentado pela CaC.

#### 4.7.1 Circuito alimentado por fonte de tensão

Neste tópico, são apresentados os resultados práticos do circuito sendo alimentado por uma fonte de tensão.

Primeiramente é exposta na Fig. 56 a curva de rendimento em função da potência de saída, adquirida experimentalmente.



Fig. 56- Rendimento em função da potência de saída do conversor.

Percebe-se, nesta figura, que para a potência nominal do circuito o rendimento fica em torno de 88%.

Na figura Fig. 57 apresenta-se a razão cíclica gerada pelo CI 3525 e a tensão aplicada na *gate* do transistor de potência. Pode-se notar que a razão cíclica coincide com a razão cíclica mais precisa, calculada anteriormente no tópico 4.5, ou seja, D = 0,28.

Na Fig. 58 apresenta-se a tensão do capacitor do grampeador e a tensão Drain-Source no transistor.



Fig. 57- Razão cíclica e tensão na base do MOSFET.



Fig. 58-Tensão do capacitor do grampeador e tensão Drain-Source do MOSFET.

Apresenta-se, na Fig. 59, a tensão e a corrente na fonte de alimentação e, na Fig. 60, a tensão e a corrente na saída do filtro da CaC.



Fig. 59- Tensão e corrente da fonte de alimentação.



Fig. 60- Tensão e corrente na saída do filtro da célula.

Nas Fig. 61 são mostradas a tensão e corrente de saída e na Fig. 62 a tensão no capacitor  $C_z$  e a corrente o indutor  $L_z$ .



Fig. 61- Tensão e corrente de saída.



Fig. 62- Tensão no capacitor  $C_z$  e corrente no indutor  $L_z$ .

A corrente no indutor  $L_f$  é apresentada na Fig. 63.



Fig. 63- Corrente no indutor  $L_f$ .

# 4.7.2 Circuito alimentado pela CaC

Neste tópico são apresentadas as formas de onda adquiridas com a CaC como fonte de alimentação.

A Fig. 64 mostra a razão cíclica e a tensão Gate-Source do transistor e a Fig. 65 apresenta a tensão do capacitor do grampeador e a tensão Drain-Source, aplicada no transistor.



Fig. 64- Razão cíclica e tensão de Gate-Source do MOSFET.





Fig. 65- Tensão do capacitor do grampeador e tensão Drain-Source do MOSFET.

A tensão e corrente da CaC são apresentadas na Fig. 66 e, na Fig. 67, a tensão e a corrente na saída do filtro da CaC.



Fig. 66- Tensão e corrente da fonte de alimentação.



Fig. 67- Tensão e corrente na saída do filtro da célula.

Apresenta-se na Fig. 68 a tensão e corrente de saída e na Fig. 69 a tensão no capacitor  $C_z$  e a corrente o indutor  $L_z$ .



Fig. 68- Tensão e corrente de saída.



Fig. 69- Tensão no capacitor  $C_z$  e corrente no indutor  $L_z$ .

É exposta na Fig. 70 a corrente no indutor  $L_f$  e na Fig. 71 a corrente e tensão de saída para um degrau de carga de 25%.



Fig. 70- Corrente no indutor  $L_f$ .



Fig. 71- Corrente e tensão de saída para um degrau de carga de 25%.

#### 4.8 Conclusão

Neste capítulo é abordado o projeto do conversor, no qual são dimensionados seus elementos e são realizados os cálculos do filtro e proteção da célula. O projeto do controlador também é enfatizado. Uma análise do ponto de operação com perdas no circuito é realizada de forma a se estimar o valor real da razão cíclica. Ainda, simulações numéricas do circuito possibilitam prever o comportamento do sistema, auxiliando deste modo a concepção do protótipo.

Os resultados de analises teóricas e de simulação estão de acordo com os resultados práticos. Observa-se, na tensão de saída, uma boa rejeição a um degrau de carga.

Nota-se que a corrente de entrada adquirida experimentalmente possui uma ondulação de corrente não esperada. Esta ondulação é devida aos equipamentos auxiliares da célula, como ventiladores e placa eletrônica, pois quando alimentado por uma fonte de tensão, essa ondulação não esteve presente.

Um melhor rendimento do conversor poderia ser obtido tomando algumas medidas, tais quais: otimização no circuito grampeador; otimização dos indutores; otimização do filtro de saída; junção da placa do filtro da CaC com a placa do conversor, reduzindo assim, resistências parasitas das trilhas.



Estudos sobre o inversor Z-Source apontam a possibilidade de obtenção de um conversor CC-CC a partir deste inversor [15]. Tal possibilidade foi o objetivo central deste trabalho. Efetuou-se uma análise teórica deste conversor e elaborou-se um protótipo de sua estrutura. Foram feitas modelagens e simulações que levaram em conta as principais perdas do conversor permitindo assim uma melhor previsão dos resultados a serem obtidos no protótipo. Além disso, o levantamento das características externas do conversor mostrou-se ser essencial para a compreensão do seu funcionamento.

Constatou-se que as formas de ondas obtidas por simulação são condizentes com aquelas obtidas experimentalmente, o que indica uma boa aproximação entre o modelo teórico e o protótipo.

Mesmo que de forma lenta, a estratégia de controle adotada para o conversor viabilizou a sua estabilização. Com esta implementação de controle em malha fechada, o sistema se mostrou estável com erro nulo ao degrau de referência em regime permanente. Além disso, foi percebida, na tensão de saída, uma satisfatória rejeição ao degrau de carga.

A ocorrência de uma ondulação de corrente na corrente de entrada do protótipo é observada quando o mesmo é alimentado pela CaC. Tal ocorrência não era esperada. A sua origem é devida aos equipamentos auxiliares da CaC, uma vez que esta não foi observada nas formas de ondas obtidas com fonte de tensão.

Este trabalho enfocou um estudo comprobatório do funcionamento do conversor Z-Source CC-CC. Entretanto para tornar este conversor mais eficiente, fazem-se necessários estudos sobre um melhor dimensionamento dos indutores e filtros, otimização do grampeador e a possibilidade de utilização de uma única placa para todo o circuito, visando reduzir as perdas ôhmicas.

Como proposta para futuros trabalhos sugere-se fazer uma otimização do conversor objetivando melhorar o seu rendimento e aplicar técnicas de controle não lineares para se obter um sistema com uma dinâmica mais rápida. E outra proposta, migrando para a família dos inversores, seria implementar o inversor Z-Source. Tal implementação poderia



ser facilitada tendo em vista que grande parte dos equacionamentos encontra-se neste trabalho.

# **REFERÊNCIAS BIBLIOGRÁFICAS.**

- W.M. Breiter, "Electrochemical Processes in Fuel Cell", Ed. Springer, Berlin, 1969.
- [2] G. Hoogers, Fuel Cell Technology Handbook. CRC Press, 2003.
- [3] P.G. Grimes, "Historical Pathways for Fuel Cells" IEEE Aerospace and Electronic Systems Magazine, vol. 15, Dec. 2000, pp. 7-10.
- [4] L.A. Serpa, "Estudo e Implementação de um Sistema Gerador de Energia Empregando Células a Combustível do tipo PEM", Dissertação de Mestrado em Engenharia Elétrica – Universidade Federal de Santa Catarina-UFSC, Instituto de Eletrônica de Potência-INEP, Florianópolis, 2004.
- [5] I. Barbi, D.C. Martins, "Introdução ao Estudo dos Conversores CC-CA", Ed. do Autor, INEP – UFSC, Florianópolis, 2005.
- [6] I. Barbi, "Projetos de Fontes Chaveadas", Ed. do Autor, INEP UFSC, Florianópolis, 2001.
- [7] J. Liu, J. Hu, L. Xu, "A Modified Space Vector PWM for Z-Source Inverter Modeling and Design", Electrical Machines and Systems, Vol. 2, September 2005.
- [8] R.W. Erickson, "Fundamentals of Power Electronics". Champ & Hall, 1997.
- [9] K. Ogata, "Engenharia de Controle Moderno". Segunda Edição. Ed. Prentice Hall do Brasil, Rio de Janeiro, 1993.
- [10] Ballard Power Systems, "Nexa<sup>TM</sup> Power Module User's Manual". Revision: 0E, 2003.
- [11] I. Barbi, D.C. Martins, "Conversores CC-CC Básicos não Isolados", Ed. do Autor, INEP – UFSC, Florianópolis, 2000.
- [12] A. Philippi Jr., "Curso de Gestão Ambiental" Barueri: Manole, 2004.

- [13] BMU. Federal Ministry for the Environment, Nature Conservation and Nuclear Safety, "Renewable Energies: Innovation for the Future". Berlin: BMU, 2004.
- [14] BARAÚNA, Allan P. "Paralelismo de Inversores de Tensão Controlados pelo Valor Médio Instantâneo". Florianópolis, 2003. Dissertação de Mestrado – INEP, UFSC.
- [15] F. Z. Peng "Z-Source Inverter", Transactions on Industry Applications, Vol. 39, 2003.
- [16] J. C. S. Fagundes, "Transformadores e Indutores para conversores estáticos operando em Alta Freqüência", Florianópolis 2003, Notas de Aula.
- [17] I. Barbi, C. H. I. Font, R. L. Alves, "Projeto Físico de Indutores e Transformadores", Florianópolis 2002, Notas de Aula.
- [18] P. C. Loh, D. M. Vilathgamuwa, C. J. Gajanayake, Y. R. Lim, C. W. Teo, "Transient Modeling and Analysis of Pulse-Width Modulated Z-Source Inverter", IEEE Industry Applications Society, 2005.